

۲۱۱. متحرکی بر روی مسیر مستقیم حرکت می‌کند و نمودار سرعت - زمان آن مطابق شکل است. شتاب متوسط این متحرک در بازه زمانی  $t = 12s$  تا  $t = 12s$  برابر با  $v(m/s)$

(تجربی ۹۲)

چند متر بر مجدد ثانیه است؟

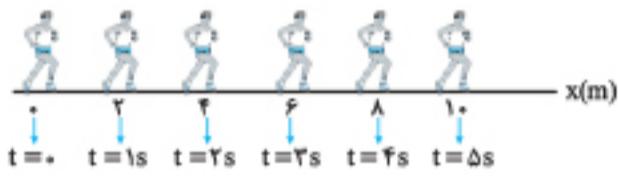
- (۱) ۰
- (۲) ۵
- (۳) ۷
- (۴) صفر

۲۱۲. نمودار سرعت - زمان متحرکی که روی خط راست حرکت می‌کند، مطابق شکل است. در عدت زمانی که سرعت متوسط جسم صفر است، شتاب

متوجه جسم تقریباً چند متر بر مجدد ثانیه است؟ ( $\frac{2}{\sqrt{5}} \approx 2/2.2$ )

- (۱) -۲
- (۲) -۳
- (۳) -۴
- (۴) -۵

## ایستگاه ۷: حرکت با سرعت ثابت



در حرکت با سرعت ثابت، اندازه و جهت سرعت متحرک در طول مسیر، ثابت و یکسان است. در

این حرکت، متحرک در بازه‌های زمانی یکسان، جایه‌جایی یکسان دارد.

در شکل مقابل نمونه‌ای از حرکت با سرعت ثابت را نشان داده‌ایم. در این حرکت، دونده‌ای در حال دویدن به طرف راست است و در هر یک ثانیه ۲m می‌پیماید.

### ویژگی‌های حرکت با سرعت ثابت

۱ اندازه سرعت و جهت سرعت متحرک در همه لحظه‌ها یکسان و ثابت است.

۲ سرعت متوسط متحرک در هر بازه دلخواه مقداری ثابت و برابر سرعت متحرک در هر لحظه از حرکت آن است و می‌توان نوشت:

$$v = v_{av} \Rightarrow v = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

۳ اگر در لحظه  $t_1 = 0$  متحرک در مکان  $x_1$  و در لحظه  $t_2$  متحرک در مکان  $x_2$  باشد، رابطه بالا را می‌توان به صورت زیر نوشت:

$$v = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} \quad \text{با } t_1 = 0, x_1 = x \rightarrow v = \frac{x - x_0}{t}$$

رابطه زیر را معادله مکان - زمان (یا معادله حرکت) در حرکت سرعت ثابت می‌نامند:

$$x = vt + x_0$$

مکان در لحظه  $t = 0$  مکان در لحظه  $t$

در این رابطه  $x$  را مکان اولیه و  $x$  را مکان متحرک در لحظه  $t$  می‌نامیم.

۴ در معادله مکان - زمان یا معادله حرکت با سرعت ثابت مقدارهای  $x$  و  $v$  همواره ثابت هستند و  $x$  تابعی درجه اول از  $t$  است.

$$x = v(t) + x_0$$

۵ اگر جایه‌جایی جسم بر حسب زمان مورد نظر باشد از معادله جایه‌جایی - زمان استفاده می‌کنیم.

$$\Delta x = vt$$

جایه‌جایی

 تذکر: دقت کنید که در این روابط، منظور از  $t$ ، بازه زمانی (تا) است.

۶ در این حرکت چون جهت حرکت ثابت است، مسافت طی شده در یک مدت زمان معین برابر با بزرگی جایه‌جایی متحرک است: همچنین تندی متحرک برابر با بزرگی سرعت آن است:

$$|\Delta x| = \ell \cdot |v| = s$$

 **یادآوری:** در حرکت روی خط راست، برای هر بردار مانند  $\vec{x}$ ,  $\Delta\vec{x}$ ,  $\vec{v}$  و  $\vec{s}$  دو جهت ممکن است وجود داشته باشد: یکی در جهت مثبت محور و دیگری در جهت منفی محور؛ از این روبرای ساده‌تر شدن روابط، در بیشتر حالت‌ها هر برداری که در جهت مثبت باشد را با علامت مثبت و هر برداری که در جهت منفی باشد را با علامت منفی نمایش می‌دهیم. مثلاً به جای  $\vec{v} = -5m/s$  یا به جای  $\vec{s} = 20m$  می‌نویسیم  $\vec{s} = (-5m/s)$ .



مسئلہ ۱: متحرکی روی خط راست با سرعت ثابت حرکت می کند و در لحظه های  $t_1 = 2\text{ s}$  و  $t_2 = 6\text{ s}$  به ترتیب از مکان های  $x_1 = 12\text{ m}$  و  $x_2 = -4\text{ m}$  مبور می کند. معادله مکان - زمان متحرک در SI کدام است؟

$$x = -4t + 20 \quad (۱)$$

$$x = 2t + 16 \quad (۲)$$

$$x = 2t + 12 \quad (۳)$$

$$x = -4t + 12 \quad (۴)$$

پاسخ: گزینہ (۴)

گام اول از رابطہ  $v = \frac{\Delta x}{\Delta t}$  استفادہ می کنیم تا سرعت متحرک را به دست آوریم:

دقیقہ کنید کہ علامت منفی بیانگر این است که جهت حرکت جسم یا جهت سرعت جسم در سوی منفی است.

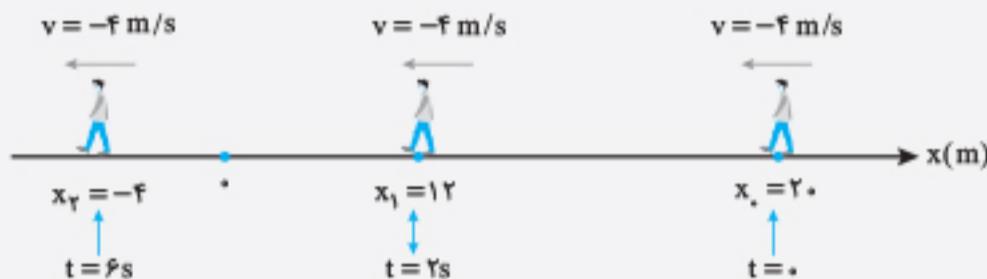
گام دوم اکنون مکان  $x_1 = 12\text{ m}$  را با لحظه مربوط به آن یعنی  $t_1 = 2\text{ s}$  در معادله مکان - زمان  $x = vt + x_0$  قرار می دهیم تا مکان متحرک در لحظه  $t = 0$  را به دست آوریم:

$$x = vt + x_0 \xrightarrow[v = -4\text{ m/s}, x_0 = 12\text{ m}]{} 12 = -4 \times 2 + x_0 \Rightarrow x_0 = 20\text{ m}$$

را می شود به روش کوتاه تر هم حساب کرد به این صورت که جسم در هر ثانیه  $4\text{ m}$  مترا جهت منفی می رود، پس در لحظه  $t = 0$  باید  $2\text{ m}$  را از مکان  $12\text{ m}$  عقب تر باشد که میشه  $12 - 8 = 4\text{ m}$ .

گام سوم مقادیرهای ثابت  $x_0$  و  $v$  را در رابطہ کلی معادله مکان - زمان این حرکت به دست آید:

$$x = vt + x_0 \xrightarrow[v = -4\text{ m/s}, x_0 = 20\text{ m}]{} x = -4t + 20$$



در شکل رویه رو، متحرکی با سرعت ثابت  $v$ ، مسیر  $AB$  را در مدت  $8$  دقیقه می پیماید. این متحرک کل مسیر  $AC$  را در چند دقیقه طی کند؟

$$15 \quad (۱)$$

$$\frac{40}{3} \quad (۲)$$

$$10 \quad (۳)$$

$$6 \quad (۴)$$

پاسخ: گزینہ (۳)

از معادله جابه جایی - زمان در حرکت با سرعت ثابت (یعنی  $\Delta x = vt$ ) برای هر قسم استفاده می کنیم و برای دو قسم  $AB$  و  $AC$  طرفین دو معادله را بر هم تقسیم می کنیم:

$$\Delta x = vt \Rightarrow \frac{\Delta x_{AB}}{\Delta x_{AC}} = \frac{v_{AB}}{v_{AC}} \times \frac{t_{AB}}{t_{AC}} \xrightarrow[v_{AB}=v_{AC}]{} \frac{8}{d} = \frac{8}{t_{AC}} \Rightarrow t_{AC} = \frac{40}{3} \text{ دقیقه}$$

متحرکی طول مسیری را با سرعت ثابت  $v$  (بر حسب  $\text{m/s}$ ) در مدت  $5$  ثانیه می پیماید و همین متحرک سه برابر طول این مسیر را با سرعت  $(v+10)$  در مدت  $5$  می پیماید.  $v$  چند  $\text{m/s}$  است؟

$$25 \quad (۱)$$

$$20 \quad (۲)$$

$$15 \quad (۳)$$

$$10 \quad (۴)$$

پاسخ: گزینہ (۳)

گام اول از معادله جابه جایی - زمان برای هر حرکت استفاده می کنیم و آنها را می نویسیم:

$$\Delta x = vt \xrightarrow[t=5\text{ s}]{\Delta x = 5v} \quad ①$$

$\Delta x = vt \xrightarrow[t=10\text{ s}]{3\Delta x = (v+10) \times 10} \quad ②$

گام دوم طرفین رابطہ های ① و ② را بر هم تقسیم می کنیم و  $v$  را حساب می کنیم.

$$\frac{3\Delta x}{\Delta x} = \frac{(v+10) \times 10}{5v} \Rightarrow 3v = 2v + 20 \Rightarrow v = 20 \text{ m/s}$$

## حرکت دو متحرک

وقتی با حرکت دو متحرک سروکار داریم، برای تشکیل معادله مکان - زمان آنها روی یک محور مشترک، مبدأ مکان هر دو باید یک نقطه مشترک باشند و به موارد زیر توجه می کنیم:

۱ اگر دو متحرک  $A$  و  $B$  هم زمان از دو نقطه متفاوت حرکت کنند و در لحظه  $t$  به هم برسند، مکان دو متحرک در این لحظه یکسان است و مدت زمان حرکت هر دو نیز یکسان است.

$$t_A = t_B = t, x_A = x_B \Rightarrow$$

۲ اگر حرکت دو متحرک با اختلاف زمانی  $T$  در نظر گرفته شود و در لحظه  $t$  به هم برسند، مکان آنها در این لحظه، یکسان است، ولی مدت زمان حرکت آنها با هم فرق می‌کند. مثلاً اگر متحرک  $B$  به اندازه  $T$  ثانیه دیرتر شروع به حرکت کرده باشد، داریم:

$$t_B = t_A - T, x_A = x_B$$

۳ فاصله دو متحرک در هر لحظه، از رابطه  $|x_A - x_B|$  به دست می‌آید.

**تذکرہ:** هنگامی که دو متحرک به هم می‌رسند، مکان یکسان دارند اما **الواماً** جابه‌جایی آنها در مدت  $t$  یکسان نیست.

**تست:** متحرکی با سرعت ثابت  $36 \text{ km/h}$  روی محور  $x$ ، از  $x = 0$  درجه مثبت محور عبور می‌کند. ۲ ثانیه پس از آن متحرک دیگری با تندی  $5 \text{ m/s}$  از مکان  $x = 50 \text{ m}$  به طرف متحرک اول حرکت می‌کند. هنگامی که متحرک‌ها به هم می‌رسند، مسافتی که متحرک اول می‌پیماید چند برابر مسافتی است که متحرک دوم پیموده است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

پاسخ: گزینه ۴

**گام اول** اگر مدت زمان حرکت اولی را  $t$  در نظر بگیریم، چون متحرک دوم ۲ ثانیه دیرتر حرکت کرده است، مدت زمان حرکت دومی  $(t - 2)$  است:

$$x_1 = \frac{36}{36} t + 0 \Rightarrow x_1 = 10 t$$

$$x_2 = -5(t - 2) + 50 \Rightarrow x_2 = -5t + 60$$

دققت گنید که متحرک دوم در جهت منفی حرکت می‌کند و سرعت آن منفی است:

**گام دوم** اکنون مکان متحرک‌ها را مساوی یکدیگر قرار می‌دهیم تا لحظه به هم رسیدن آنها را به دست آوریم:

$$x_1 = x_2 \Rightarrow 10t = -5t + 60 \Rightarrow 15t = 60 \Rightarrow t = 4 \text{ s}$$

$$\Delta x_A = 10 \times 4 = 40 \text{ m}, \Delta x_B = -5(4 - 2) = -10 \text{ m}$$

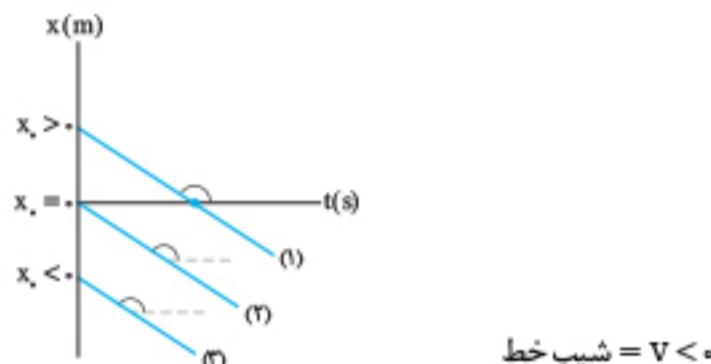
**گام سوم** جابه‌جایی هر یک را از رابطه  $\Delta x = vt$  به دست می‌آوریم:

**گام چهارم** نسبت اندازه این دو جابه‌جایی (مسافت) را حساب می‌کنیم:

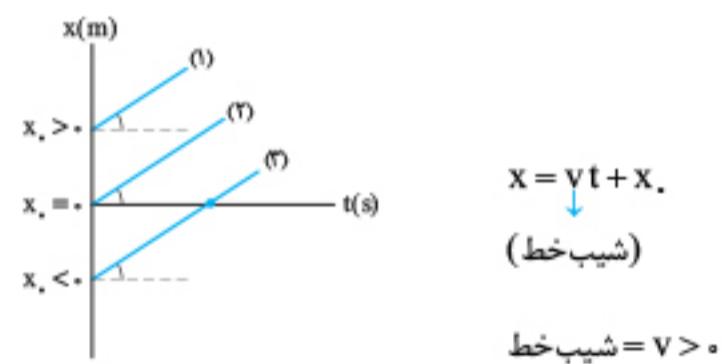
## نمودارهای حرکت با سرعت ثابت

### نمودار مکان – زمان

دیدیم که معادله حرکت یکنواخت بر حسب زمان یک تابع درجه اول است ( $x = vt + x_0$ ). با مقایسه این تابع با فرم کلی تابع درجه اول که در درس ریاضیات آموخته‌اید، یعنی  $y = ax + b$  و این که شکل کلی این تابع به صورت خط راست است، می‌توان دریافت نمودار مکان–زمان حرکت با سرعت ثابت نیز به صورت خط راست است. بر حسب این که علامت سرعت (جهت حرکت) مثبت باشد یا منفی، و این که مکان اولیه متحرک ( $x_0$ ) مثبت، صفر یا منفی باشد، حالات‌های گوناگون زیر را برای نمودار  $x - t$  در نظر می‌گیریم:

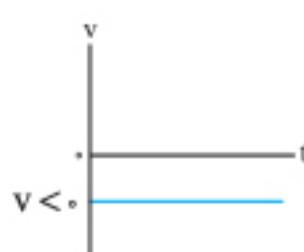


ب)  $v > 0$  است و متحرک در خلاف جهت محور  $x$  حرکت می‌کند. در هر سه حالت فوق، شبیه خط، برابر با سرعت جسم و مقداری مثبت است. مکان اولیه نمودار (1) مثبت، نمودار (2) صفر و نمودار (3) منفی است.



الف)  $v > 0$  است و متحرک در جهت جهت محور  $x$  حرکت می‌کند. در هر سه حالت فوق، شبیه خط، برابر با سرعت جسم و مقداری مثبت است. مکان اولیه نمودار (1) مثبت، نمودار (2) صفر و نمودار (3) منفی است.

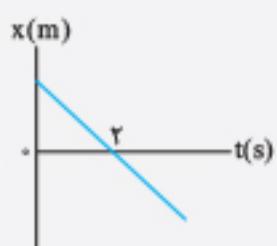
**نمودار سرعت – زمان**  
مقدار و جهت سرعت در این حرکت ثابت است: از این‌رو مانند تابع کلی  $y = a$  که در آن  $a$  می‌تواند مثبت یا منفی باشد، نمودار سرعت – زمان به یکی از دو شکل زیر است:



ب) حرکت در جهت منفی و سرعت نیز مثبت و ثابت است.



الف) حرکت در جهت مثبت و سرعت نیز مثبت و ثابت است.



تست: جسمی روی خط راست حرکت می‌کند و نمودار مکان-زمان جسم مطابق شکل است. اگر تندی جسم  $5 \text{ m/s}$  باشد، معادله حرکت جسم در SI کدام است؟

$$x = 5t + 2 \quad (2)$$

$$x = -5t + 2 \quad (3)$$

$$x = 5t + 10 \quad (1)$$

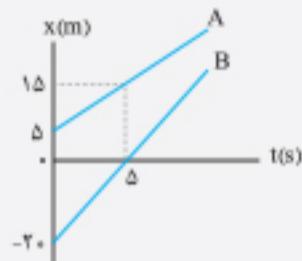
$$x = -5t + 10 \quad (4)$$

پاسخ: گزینه (۳)

حرکت با سرعت ثابت است و چون تندی جسم  $5 \text{ m/s}$  می‌باشد و شیب خط منفی است، پس سرعت جسم برابر  $-5 \text{ m/s}$  است و برای این که معادله حرکت جسم را بنویسیم با جایگذاری کمیت‌های معلوم در معادله حرکت مقدار  $x$  را به طریق زیر به دست می‌آوریم:

$$x = vt + x_0 \quad \frac{t=2 \text{ s}, x=0 \text{ m}}{v=-5 \text{ m/s}} \Rightarrow 0 = -5 \times 2 + x_0 \Rightarrow x_0 = 10 \text{ m}$$

پس معادله حرکت جسم به صورت رو به رو است:



تست: نمودار مکان-زمان دو متحرک مطابق شکل است. به ترتیب از راست به چپ در چه لحظه‌ای بر حسب ثانیه دو متحرک به هم می‌رسند و تا این لحظه متحرک B چند متر طی کرده است؟

$$50, 12/5 \quad (2)$$

$$25, 6 \quad (3)$$

$$30, 12/5 \quad (1)$$

$$15, 6 \quad (4)$$

پاسخ: گزینه (۲)

گام اول ابتدا معادله حرکت هر یک از متحرک‌ها را می‌نویسیم. برای این کار با استفاده از شیب نمودارها سرعت هر یک را به دست می‌آوریم:

$$v_A = \frac{15 - 5}{5 - 0} = 2 \text{ m/s}$$

$$v_B = \frac{0 - (-20)}{5 - 0} = 4 \text{ m/s}$$

$$x_A = 2t + 5, \quad x_B = 4t - 20$$

گام دوم معادله حرکت A و B را می‌نویسیم:

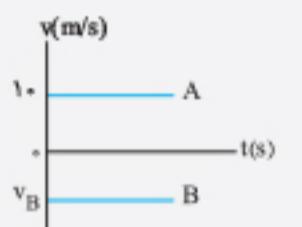
$$x_A = x_B \Rightarrow 2t + 5 = 4t - 20 \Rightarrow t = 12.5 \text{ s}$$

گام سوم برای این که دو متحرک در یک نقطه به هم برسند، باید مکان آن‌ها برابر یکدیگر باشد:

$$x_A = x_B \Rightarrow 2t + 5 = 4t - 20 \Rightarrow t = 12.5 \text{ s}$$

گام چهارم حساب می‌کنیم تا این لحظه متحرک B چند متر طی کرده است:

$$\Delta x_B = v_B \Delta t_B \quad \frac{\Delta t_B = 12.5 \text{ s}}{v_B = 4 \text{ m/s}} \Rightarrow \Delta x_B = 12.5 \times 4 = 50 \text{ m}$$



تست: نمودار سرعت-زمان دو متحرک که هم‌زمان روی خط راست حرکت می‌کنند مطابق شکل است. اگر در لحظه  $t = 4 \text{ s}$  متحرک A از نقطه  $x = -20 \text{ m}$  و متحرک B از نقطه  $x = 40 \text{ m}$  هبور کند و دو متحرک پس از ۴ ثانیه به یکدیگر برسند، چند متر بر ثانیه است؟

$$-5 \quad (2)$$

$$-2/5 \quad (1)$$

پاسخ: گزینه (۲)

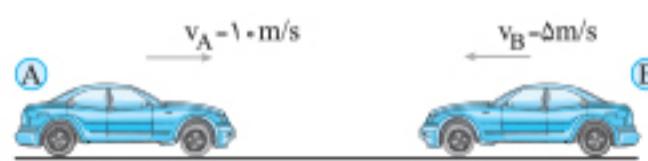
گام اول متحرک A با سرعت ثابت  $10 \text{ m/s}$  به طرف مثبت و متحرک B با سرعت  $v_B$  در جهت منفی به طرف یکدیگر حرکت می‌کند: معادله حرکت آن‌ها را می‌نویسیم:

$$x_A = 10t - 20, \quad x_B = v_B t + 40$$

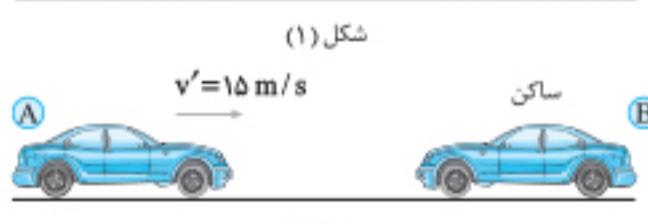
گام دوم چون پس از ۴ ثانیه به هم می‌رسند، معادله‌های حرکت را به ازای  $t = 4 \text{ s}$  مساوی یکدیگر قرار می‌دهیم:

$$x_A = x_B \Rightarrow 10t - 20 = v_B t + 40 \quad \frac{t=4 \text{ s}}{40 - 20 = 4v_B + 40} \Rightarrow v_B = -5 \text{ m/s}$$

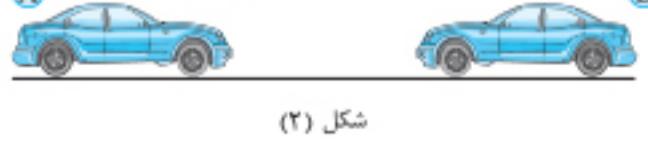
## حرکت نسبی



مفهوم حرکت نسبی روش میانبری برای حل مسائلی است که با دو متحرک سروکار داشته باشیم. لازم به ذکر است که در این روش دو متحرک باید هم‌زمان در حرکت باشند.



اگر می‌گوییم سرعت جسمی  $v_1 = 10 \text{ m/s}$  است منظور این است که جسم نسبت به زمین (که آن را ساکن فرض می‌کنیم) در هر ثانیه  $10 \text{ m}$  جاهجا می‌شود یا این که فاصله جسم نسبت به یک نقطه مشخص (مانند مبدأ مکان) در هر ثانیه  $10 \text{ m}$  تغییر می‌کند.



اگر نظر بگیرید که دو متحرک با سرعت‌های ثابت  $v_1$  و  $v_2$  روی یک خط در حرکت‌اند. می‌توان یکی از متحرک‌ها را ساکن در نظر گرفت و سرعت متحرک دیگر را نسبت به متحرک اول حساب کرد. برای مثال اگر مطابق شکل (۱) دو اتومبیل A و B به ترتیب با سرعت‌های

$v_A = 10 \text{ m/s}$  و  $v_B = 5 \text{ m/s}$  در حرکت به طرف یکدیگر باشند، می‌توان مثلاً B را ساکن در نظر گرفت و سرعت اتومبیل A نسبت به B را برابر

$$v_{AB} = v_A + v_B = 10 + 5 = 15 \text{ m/s}$$

نسبی در نظر گرفت. در این روش می‌گوییم اتومبیل A در هر ثانیه  $15 \text{ m}$  به B نزدیک می‌شود.

همچنین می‌توانیم اتومبیل A را ساکن فرض کنیم و بزرگی سرعت اتومبیل B نسبت به A را برابر  $v_{BA} = 15 \text{ m/s}$  بگیریم.

**تذکرہ ۱** اگر جهت سرعت دو متحرک مخالف یکدیگر باشند، بزرگی سرعت نسبی از جمع بزرگی سرعت متحرک‌ها به دست می‌آید.

$$v_{\text{نسبی}} = |v_2| + |v_1|$$

اگر جهت سرعت دو متحرک یکسان باشد، بزرگی سرعت نسبی از تفییر بزرگی سرعت متحرک‌ها به دست می‌آید.

$$v_{\text{نسبی}} = \|v_2\| - \|v_1\|$$

**نکته:** با استفاده از مفهوم حرکت نسبی اگر دو متحرک با سرعت ثابت حرکت کنند، می‌توان تغییر فاصله آن‌ها از یکدیگر در مدت  $t$  را، از رابطه زیر حساب کرد:

$$\Delta x_{\text{نسبی}} = v_{\text{نسبی}} t$$

محاسبه اندازه سرعت نسبی	وضعیت حرکت دو متحرک روی محور X				جهت حرکت دو متحرک
$v_{\text{نسبی}} =  v_A  +  v_B $					خلاف جهت
$v_{\text{نسبی}} = \ v_A\  - \ v_B\ $					هم‌جهت

از آن جایی که سرعت نسبی برابر با آهنگ تغییر فاصله دو متحرک است، در نتیجه هنگام استفاده از رابطه  $\Delta x_{\text{نسبی}} = v_{\text{نسبی}} \Delta t$ ، منظور از  $\Delta x$ ، تغییر فاصله بین دو متحرک (جایه‌جایی نسبی دو متحرک) است. مثلاً اگر فاصله اولیه دو متحرک  $10\text{ m}$  باشد و پس از گذشت زمان نسبی  $\Delta t$ ، این فاصله نسبی به  $2\text{ m}$  بررسد، تغییر فاصله برابر با  $\Delta x = 10 - 2 = 8\text{ m}$  خواهد بود البته اگر دو متحرک ابتدا به هم برستند و سپس فاصله آن‌ها  $20\text{ m}$  شود (بار دومی که فاصله  $2\text{ m}$  می‌شود)، تغییر فاصله برابر  $\Delta x = 10 + 2 = 12\text{ m}$  خواهد بود.

**تست ۱** دو متحرک A و B از فاصله  $200\text{ m}$  به ترتیب با تندی‌های ثابت  $10\text{ m/s}$  و  $15\text{ m/s}$  در یک خط مستقیم به طرف یکدیگر حرکت می‌کنند. دو متحرک پس از چند ثانیه به هم می‌رسند؟

۱) ۴

۲) ۱۵

۳) ۲۰

۴) ۴۰

پاسخ: گزینه ۳

**گام اول** چون دو متحرک در خلاف جهت یکدیگر حرکت می‌کنند، بزرگی سرعت نسبی را از مجموع اندازه سرعت‌ها به دست می‌آوریم:

$$v_{\text{نسبی}} = |v_A| + |v_B| = 10 + 15 = 25\text{ m/s}$$

**گام دوم** از معادله حرکت با سرعت ثابت، یعنی  $v_{\text{نسبی}} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$  استفاده می‌کنیم که در آن  $\Delta x$  تغییر فاصله دو متحرک در مدت  $\Delta t$  است:

$$v_{\text{نسبی}} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow 25 = \frac{200}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = 8\text{ s}$$

**تست ۲** مطابق شکل زیر در لحظه  $t=0$ ، قطار A به طول  $300\text{ m}$  و با تندی ثابت  $v_A = 68\text{ km/h}$  در حال تزدیک‌شدن به قطار B است. اگر قطار B دارای طول  $400\text{ m}$  و با تندی ثابت  $v_B = 50\text{ km/h}$  هم‌جهت با قطار A در حرکت باشد، در چه لحظه‌ای بر حسب ثانیه، قطار A به اندازه  $200\text{ m}$  از قطار B جلو می‌افتد؟



۱) ۲۵۰

۲) ۲۷۵

۳) ۳۰۰

۴) ۳۲۵

پاسخ: گزینه ۳

**گام اول** ابتدا سرعت نسبی دو قطار را محاسبه می‌کنیم:

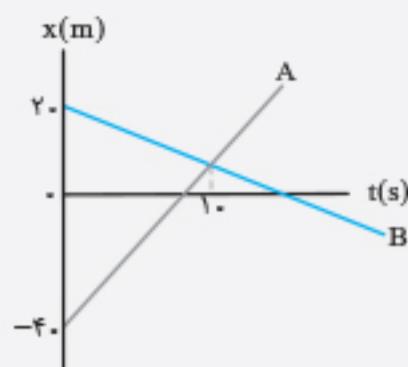
$$v_{\text{نسبی}} = \|v_A\| - \|v_B\| = |68 - 50| = 18\text{ km/h}$$

**گام دوم** چون باید لحظه‌ای که قطار A به اندازه  $200\text{ m}$  متر جلوتر از قطار B قرار می‌گیرد را حساب کنیم، طبق شکل داده شده، ابتدا فاصله انتهای قطار A تا ابتدای قطار B را به دست می‌آوریم که برابر با  $\ell = 300 + 600 + 400 = 1300\text{ m}$  است: در نتیجه وقتی قطار A،  $200\text{ m}$  از قطار B جلو می‌زند، تغییر فاصله انتهای A از ابتدای B برابر است با:

$$\Delta x_{\text{نسبی}} = 1300 + 200 = 1500\text{ m}$$

$$v_{\text{نسبی}} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow 1500 = \frac{1500}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = 1\text{ s}$$

**گام سوم** مدت زمان این جایه‌جایی را به دست می‌آوریم:



نمودار مکان-زمان دو متحرک A و B که روی یک خط حرکت می‌کنند مطابق شکل است. چند ثانیه فاصله دو متحرک از یکدیگر کمتر از ۲۴ متر است؟

(۱) ۶

(۲) ۱۲

(۳) ۸

پاسخ: گزینه (۳)

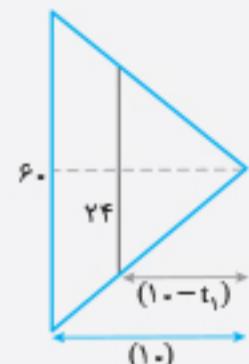
روش اول گام اول دو متحرک در لحظه  $t = 10\text{ s}$  به هم می‌رسند و سپس از کنار هم عبور می‌کنند.  
اکنون در لحظه  $t = 0$  فاصله دو متحرک را حساب می‌کنیم:

$$x_{\text{B}} - x_{\text{A}} = 20 - (-40) = 60\text{ m}$$

گام دوم فرض می‌کنیم فاصله دو متحرک در لحظه  $t$  به  $24\text{ m}$  برسد و مطابق شکل می‌توان از تشابه دو مثلث با قاعدة  $24\text{ m}$  استفاده کرد و  $t_1$  را حساب کرد:

$$\frac{60}{24} = \frac{10}{10-t_1} \Rightarrow t_1 = 6\text{ s}$$

گام سوم می‌توان نتیجه گرفت که از لحظه  $t = 6\text{ s}$  تا لحظه  $t = 10\text{ s}$  که دو متحرک به هم می‌رسند، یعنی ۴ ثانیه، فاصله دو متحرک کمتر از  $24\text{ m}$  است. اما این مدت زمان مربوط به قبل از به هم رسیدن آنهاست و در همین مدت زمان هم بعد از عبور آنها از کنار یکدیگر، فاصله آنها کمتر از  $24\text{ m}$  است، پس در مجموع در مدت  $8\text{ s}$  فاصله دو متحرک کمتر از  $24\text{ m}$  است.



روش دوم با استفاده از مفهوم حرکت نسبی، راه میانبری هم برای حل این سؤال می‌توان در نظر گرفت. به این صورت که فاصله متحرک‌ها در مدت  $5\text{ s}$  به اندازه  $6\text{ m}$  کم می‌شود پس با یک تناسب ساده مدت زمان لازم برای این که فاصله آنها  $24\text{ m}$  متغیر کند را حساب می‌کنیم:

$$\frac{6\text{ m}}{24\text{ m}} = \frac{10\text{ s}}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = 4\text{ s}$$

و چون همین مدت زمان را پس از عبور آنها از یکدیگر باید در نظر بگیریم، در مجموع در مدت  $8\text{ s}$  فاصله آنها کمتر از  $24\text{ m}$  می‌شود.

## پرسش‌های چهارگزینه‌ای

### حرکت با سرعت ثابت



۲۱۳. در حرکت با سرعت ثابت، سرعت متوسط:

- (۱) برابر با سرعت لحظه‌ای است. (۲) بزرگ‌تر از سرعت لحظه‌ای است. (۳) برابر صفر است. (۴) کوچک‌تر از سرعت لحظه‌ای است.

۲۱۴. معادله مکان-زمان جسمی در SI به صورت  $b = -at + x$  است. تغییر مکان متحرک در دو ثانیه دوم چند متر و در کدام جهت است؟

- (۱)  $20\text{ m}$  و در جهت منفی محور (۲)  $10\text{ m}$  و در جهت آن به مقدار  $b$  بستگی دارد. (۳)  $10\text{ m}$  و در جهت منفی محور (۴)  $20\text{ m}$  و در جهت آن به مقدار  $b$  بستگی دارد.

۲۱۵. معادله حرکت متحرکی روی محور  $x$  در SI به صورت  $x = 3t + 5$  است. سرعت متوسط متحرک در سه ثانیه پانزدهم حرکتش چند متر بر ثانیه است؟

- (۱) ۳ (۲) ۵ (۳) -۳ (۴) -۵

۲۱۶. معادله حرکت متحرکی در SI به صورت  $x = 2t - 8$  است. در هفت ثانیه اول حرکت، چند ثانیه بودار مکان متحرک، هم‌جهت با حرکت متحرک است؟

- (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴) ۵

۲۱۷. متحرکی با سرعت ثابت روی محور  $x$  در حرکت است. در جدول زیر، مکان متحرک را در چند لحظه مشاهده می‌کنید. سرعت اولیه متحرک و مکان

$t(\text{s})$	۳	۵	۸	۱۱
$x(\text{m})$	۳	-۱	-۷	-۱۳

اولیه آن به ترتیب از راست به چپ چند واحد SI است؟

- (۱) -۹، -۲ (۲) ۹، ۲ (۳) -۹، ۲ (۴) ۹، -۲

۲۱۸. جسمی با سرعت ثابت روی محور  $x$  در حرکت است و در لحظه  $t = 2\text{ s}$  از مکان  $x_1 = 10\text{ m}$  و در لحظه  $t_2 = 4\text{ s}$  از مکان  $x_2 = 15\text{ m}$  عبور می‌کند.

معادله مکان-زمان این جسم در SI کدام است؟

- (۱)  $x = 2/5t - 2/5$  (۲)  $x = 5t + 2/5$  (۳)  $x = 2/5t + 5$  (۴)  $x = 2/5t + 2/5$

۲۱۹. جسمی با سرعت ثابت روی محور  $x$  حرکت می‌کند و در ۴ ثانیه اول حرکتش در مکان منفی محور و در دو ثانیه سوم حرکتش در مکان مثبت محور قرار دارد و به مکان  $x = 10\text{ m}$  می‌رسد. معادله مکان-زمان متحرک در SI کدام است؟

- (۱)  $x = -5t + 10$  (۲)  $x = 5t - 10$  (۳)  $x = 5t - 20$  (۴)  $x = -5t + 20$



۲۲۰. متحرکی با تندی ثابت  $5 \text{ m/s}$  در سوی منفی محور  $x$  حرکت می‌کند. اگر این متحرک در لحظه  $t_1 = 3\text{s}$  در مکان  $x_1 = 16\text{ m}$  قرار داشته باشد، بردار مکان آن در لحظه  $t_2 = 6\text{s}$  در SI کدام است؟

(۱)  $\vec{i}$

(۲)  $\vec{i}$

(۳)  $\vec{i} + \vec{j}$

(۴)  $\vec{i} - \vec{j}$

۲۲۱. از نقطه‌ای روی زمین، پرتوی لیزر به یک دنباله‌گرد تابیده می‌شود و پس از  $8/2\text{s}$  بازتاب آن به محل تابش پرتو برمی‌گردد. فاصله دنباله‌گرد تا زمین چند کیلومتر است؟ (تندی نور برابر  $3 \times 10^8 \text{ m/s}$  است).

(۱)  $2/1 \times 10^5$

(۲)  $16/8 \times 10^5$

(۳)  $2/1 \times 10^5$

(۴)  $8/4 \times 10^5$

۲۲۲. متحرکی مسیر مستقیمی را به طول  $d$  با سرعت  $v$  در مدت  $t$  طی می‌کند. اگر سرعت متحرک  $2v$  درصد کمتر شود و همین مسیر را دوباره طی کند، چند ثانیه دیرتر آن را می‌پیماید؟

(۱)  $4$

(۲)  $5$

(۳)  $16$

(۴)  $25$

۲۲۳. قطاری به طول  $100\text{m}$  با تندی ثابت  $20\text{ m/s}$  از روی پلی به طول  $600\text{m}$  عبور می‌کند. از لحظه ورود قطار به پل تا خروج کامل آن چند ثانیه طول می‌کشد؟

(۱)  $40$

(۲)  $25$

(۳)  $30$

(۴)  $25$

۲۲۴. قطاری به طول  $150\text{m}$  با تندی ثابت  $72\text{ km/h}$  به پلی به طول  $250\text{m}$  می‌رسد. اگر مدت زمانی را که طول می‌کشد تا قطار به طور کامل از روی پل بگذرد، با  $t_1$  و همچنین مدت زمانی را که قطار به طور کامل روی پل بوده است، با  $t_2$  نشان دهیم، تسبیت  $\frac{t_2}{t_1}$  کدام است؟

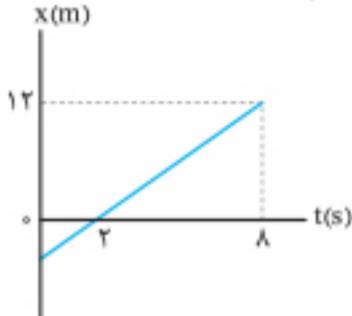
(۱)  $3$

(۲)  $\frac{1}{3}$

(۳)  $\frac{1}{4}$

(۴)  $4$

۲۲۵. تمودار مکان-زمان متحرکی که روی خط راست حرکت می‌کند، مطابق شکل است. معادله حرکت این جسم در SI کدام است؟



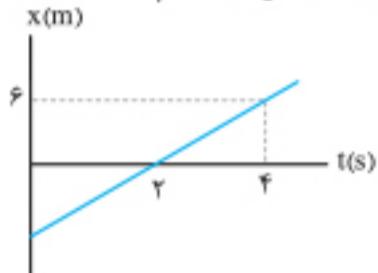
(۱)  $x = 1/5t - 3$

(۲)  $x = 1/5t - 6$

(۳)  $x = 2t - 4$

(۴)  $x = 2t - 6$

۲۲۶. تمودار مکان-زمان متحرکی که روی محور  $x$  حرکت می‌کند، مطابق شکل است. بردار مکان این متحرک در لحظه  $t = 7\text{s}$  در SI کدام است؟



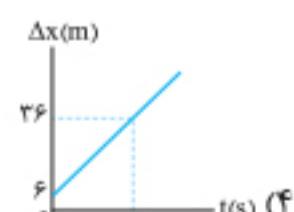
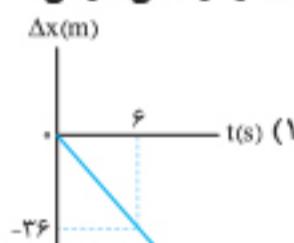
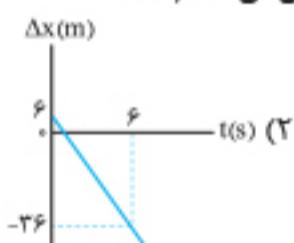
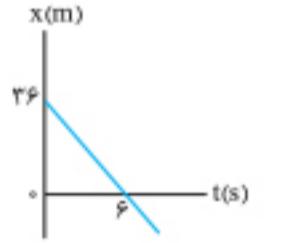
(۱)  $9\vec{i}$

(۲)  $12\vec{i}$

(۳)  $15\vec{i}$

(۴)  $18\vec{i}$

۲۲۷. تمودار مکان-زمان متحرکی مطابق شکل است. تمودار جابه‌جایی-زمان آن کدام است؟



۲۲۸. تمودار سرعت-زمان متحرکی که روی خط راست حرکت می‌کند مطابق شکل است. اگر علامت بردار مکان متحرک در لحظه  $t = 3\text{s}$   $t$  تغییر کند، معادله مکان-زمان متحرک در SI کدام است؟

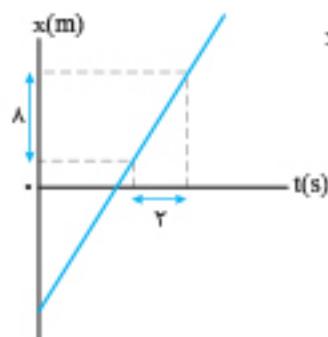


(۱)  $x = 1 \cdot t + 30$

(۲)  $x = 1 \cdot t - 30$

(۳)  $x = 1 \cdot t + 10$

(۴)  $x = 1 \cdot t + 20$



۲۲۹. نمودار مکان - زمان متوجه کی مطابق شکل است. اگر متوجه در لحظه های  $t_1 = 4$  و  $t_2 = 6$  در مکان های  $x_1$  و  $x_2 = -x_1$  باشد، معادله مکان - زمان جسم در SI کدام است؟

$$x = 4t - 10 \quad (1)$$

$$x = 4t - 12 \quad (2)$$

$$x = 4t - 20 \quad (3)$$

$$x = 4t - 24 \quad (4)$$

### حرکت دو متوجه با سرعت ثابت



۲۳۰. معادله حرکت دو متوجه A و B در SI به صورت  $x_A = 3t - 7$  و  $x_B = -2t + 8$  است. این دو متوجه در چه فاصله های از مبدأ به هم می رسند؟

$$4 \quad (4) \quad 3 \quad (3) \quad 2 \quad (2) \quad 1 \quad (1)$$

۲۳۱. دو اتومبیل A و B در فاصله ۳۰۰ m از یکدیگر به ترتیب با سرعت های ثابت  $10 \text{ m/s}$  و  $5 \text{ m/s}$  در مسیر مستقیم (A به دنبال B) به طور همزمان حرکت می کنند. اتومبیل A پس از چند ثانیه به اتومبیل B می رسد؟

$$20 \quad (4) \quad 30 \quad (3) \quad 45 \quad (2) \quad 60 \quad (1)$$

۲۳۲. دو موتورسوار از فاصله ۲۴۰ mتری، همزمان به طرف یکدیگر حرکت می کنند. اگر تا لحظه های که به هم می رسند، بزرگی سرعت متوسط اولی  $6 \text{ m/s}$  و بزرگی سرعت متوسط دومی  $10 \text{ m/s}$  باشد، موتورسوار اولی چند متر را پیموده است؟

$$150 \quad (4) \quad 120 \quad (3) \quad 90 \quad (2) \quad 60 \quad (1)$$

۲۳۳. دو متوجه با سرعت های ثابت در یک جهت روی خط راست در حرکت هستند و در لحظه  $s = t$ ، فاصله دو متوجه از یکدیگر برابر  $10 \text{ m}$  و در لحظه  $s = t = 3s$  فاصله آنها برابر  $16 \text{ m}$  است. در چه لحظه های فاصله آنها برابر  $30 \text{ m}$  می شود؟

$$15 \quad (4) \quad 10 \quad (3) \quad 6 \quad (2) \quad 5 \quad (1)$$

۲۳۴. دو متوجه A و B با سرعت های ثابت  $v_A = 5 \text{ m/s}$  و  $v_B = 2 \text{ m/s}$  روی محور x در حال حرکت اند. اگر مکان اولیه این دو متوجه  $x_A = -8 \text{ m}$  و  $x_B = 4 \text{ m}$  باشد، در کدام یک از لحظات زیر بر حسب ثانیه، فاصله دو متوجه از یکدیگر برابر با  $2 \text{ m}$  متر می شود؟

$$5, 4 \quad (4) \quad 5, 3 \quad (3) \quad 4, 2 \quad (2) \quad 3, 2 \quad (1)$$

۲۳۵. دو دونده A و B از فاصله  $100 \text{ m}$  به ترتیب با تندی های ثابت  $2 \text{ m/s}$  و  $1 \text{ m/s}$  در مسیر مستقیم به سوی یکدیگر حرکت می کنند. تا لحظه های که دو دونده به فاصله  $20 \text{ m}$  متری از یکدیگر می رسند، دونده B چند متر دویده است؟

$$72 \quad (4) \quad 60 \quad (3) \quad 48 \quad (2) \quad 30 \quad (1)$$

۲۳۶. متوجهی فاصله مستقیم بین دو نقطه را با سرعت ثابت  $20 \text{ m/s}$  و متوجه دیگری همان فاصله را با سرعت ثابت  $15 \text{ m/s}$  می کند. اگر زمان حرکت متوجه دوم  $10 \text{ s}$  بیشتر از زمان حرکت متوجه اول باشد، فاصله مستقیم بین دو نقطه چند متر است؟

$$600 \quad (4) \quad 200 \quad (3) \quad 150 \quad (2) \quad 50 \quad (1)$$

۲۳۷. اتومبیلی مسیری مستقیم به طول  $100 \text{ m}$  را با سرعت متوسط  $10 \text{ m/s}$  می پیماید. موتورسواری  $5 \text{ s}$  بعد از اتومبیل به دنبال آن از همان نقطه حرکت کرده و همزمان با اتومبیل به انتهای مسیر می رسد. بزرگی سرعت متوسط موتورسوار چند متر بر ثانیه بوده است؟

$$15 \quad (4) \quad 12/5 \quad (3) \quad 11/2 \quad (2) \quad \frac{25}{3} \quad (1)$$

۲۳۸. کامیونی با سرعت  $72 \text{ km/h}$  در جاده ای مستقیم در حرکت است. اتومبیلی در فاصله  $25 \text{ m}$  عقب تراز کامیون، با سرعت  $30 \text{ m/s}$  به طرف کامیون حرکت می کند. تا لحظه های که اتومبیل به کامیون می رسد، کامیون چند متر طی می کند؟

$$500 \quad (4) \quad 425 \quad (3) \quad 375 \quad (2) \quad 300 \quad (1)$$

۲۳۹. دو متوجه A و B در مسیری مستقیم با تندی های ثابت  $v_A = 15 \text{ m/s}$  و  $v_B = 12 \text{ m/s}$  همزمان از مبدأ مکان در یک جهت حرکت می کنند. اگر اختلاف زمانی دو متوجه در رسیدن به یک نقطه معین  $6 \text{ s}$  باشد، متوجه A در چند ثانیه این مسیر را طی کرده است؟

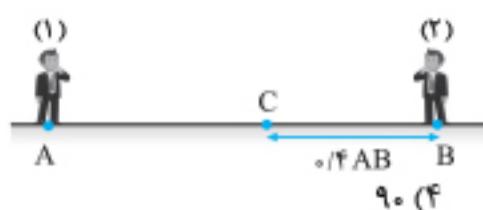
$$30 \quad (4) \quad 28 \quad (3) \quad 24 \quad (2) \quad 12 \quad (1)$$

۲۴۰. دو متوجه با تندی های ثابت  $v_A = 4 \text{ m/s}$  و  $v_B = 7 \text{ m/s}$  روی خط راست، از فاصله x به سوی هم حرکت می کنند و مقصد هر یک، مبدأ دیگری است. اگر پس از  $t$  ثانیه، دو متوجه به هم برسند، زمان کل حرکت متوجه سریع تر چند برابر t است؟

$$\frac{5}{4} \quad (4) \quad \frac{4}{5} \quad (3) \quad \frac{1}{5} \quad (2) \quad 5 \quad (1)$$

۲۴۱. در یک مسابقه فوتبال، مهاجمی با سرعت ثابت  $8 \text{ m/s}$  در حال تزدیک شدن به دروازه است و مدافعان در فاصله  $2 \text{ m}$  از مهاجم در همان جهت او را با سرعت ثابت تعقیب می کنند. اگر مهاجم قصد داشته باشد که پس از طی کردن  $20 \text{ m}$  به سمت دروازه شوت کند، حداقل سرعت مدافعان، چند متر بر ثانیه باشد تا  $1 \text{ s}$  قبل از شوت کردن به مهاجم برسد؟

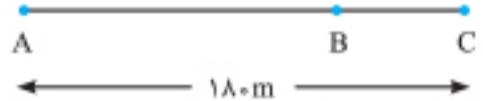
$$20 \quad (2) \quad 30 \quad (4) \quad 10 \quad (1) \quad 24 \quad (3)$$



۲۴۲. دونفر هم‌زمان از نقاط A و B با سرعت‌های ثابت به سمت یکدیگر حرکت می‌کنند و در نقطه C به هم می‌رسند و ۵ ۰ پس از آن، شخص (۱) که از نقطه A حرکت کرده است، به نقطه B می‌رسد. چند ثانیه طول می‌کشد تا شخص (۲) از نقطه C به نقطه A برسد؟

(۱) ۵ ۰ (۲) ۶ ۰ (۳) ۷ ۰ (۴) ۸ ۰

۲۴۳. دو متوجه به طور هم‌زمان از نقطه‌های A و C با سرعت‌های ثابت به سمت یکدیگر حرکت می‌کنند و در نقطه B از کنارهم می‌گذرند و در ادامه، ۱۶۵ طول می‌کشد تا متوجه اول از B به C برسد و ۲۵ s طول می‌کشد تا دومی از B به A برسد. بزرگی سرعت متوجه اول چند متر بر ثانیه است؟ (ریاضی خارج ۹۹)



(۱) ۳ ۰ (۲) ۴ ۰ (۳) ۵ ۰ (۴) ۶ ۰

۲۴۴. دو قطار A و B با تندی‌های ثابت را روی دو ریل موازی و مجاور، به سمت هم در حرکت‌اند. اگر طول این قطارها به ترتیب ۲۰ m و ۱۶ m باشد، یکی از سرتشینان قطار A، حداقل چند ثانیه قطار B را در گذر از مقابل خود خواهد دید؟

(۱) ۴ ۰ (۲) ۵ ۰ (۳) ۶ ۰ (۴) ۷ ۰

۲۴۵. دو قطار به طول‌های ۸۰ m و ۱۴۰ m به ترتیب با تندی‌های ۲۰ m/s و ۲۰ m/s روی دو ریل موازی به طرف یکدیگر حرکت می‌کنند و از کنارهم عبور می‌کنند. پس از به هم رسیدن آنها، چند ثانیه طول می‌کشد تا کاملاً از کنار یکدیگر عبور کنند؟

(۱) ۲ ۰ (۲) ۴ ۰ (۳) ۶ ۰ (۴) ۸ ۰

۲۴۶. دو قطار به طول‌های  $\ell_1$  و  $\ell_2$  با تندی‌های ثابت روی دو ریل موازی به طرف هم حرکت می‌کنند و از کنارهم عبور می‌کنند. اگر مسافر قطار (۱) در مدت  $t_1$  و مسافر قطار (۲) در مدت  $t_2$  عبور قطار دیگر را ببیند،  $\frac{t_1}{t_2}$  کدام است؟

$$\frac{\ell_2}{\ell_1} \quad \frac{\ell_2 + \ell_1}{\ell_1} \quad \frac{\ell_2}{\ell_1 + \ell_2} \quad \frac{\ell_1}{\ell_2}$$

۲۴۷. دوفوتbalیست از فاصله ۲۰ متری با تندی ثابت  $2 m/s$  به طرف یکدیگر حرکت می‌کنند و هم‌زمان، توپ را به صورت رفت و برگشتی با تندی  $5 m/s$  به طرف یکدیگر پاس می‌دهند. اگر تندی توپ ضمن حرکت بین دوفوتbalیست ثابت بماند، تا لحظه رسیدن فوتbalیست‌ها به یکدیگر، مسافتی که توپ طی می‌کند، چند متر است؟

(۱) ۲ ۰ (۲) ۲ ۵ (۳) ۳ ۰ (۴) ۳ ۵

۲۴۸. دو اتومبیل با سرعت‌های  $10 m/s$  و  $20 m/s$  در مسیر مستقیم و هم‌جهت با هم در حرکت هستند. اگر اتومبیل‌ها در مبدأ زمان در فاصله  $200 m$  از هم باشند و اتومبیل با سرعت بیشتر، پشت سر دیگری باشد، در چه بازه زمانی (بر حسب ثانیه)، فاصله آنها از یکدیگر کمتر از  $100 m$  می‌شود؟

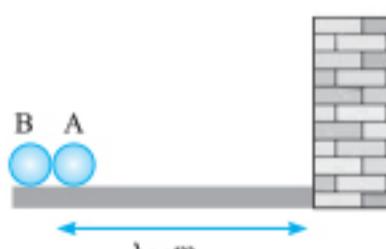
(۱)  $10 < t < 20$  (۲)  $15 < t < 20$  (۳)  $20 < t < 30$  (۴)  $10 < t < 30$

۲۴۹. اتومبیلی به طول  $5 m$  با سرعت ثابت  $65 km/h$  در یک جاده مستقیم در حال حرکت است که در فاصله  $200$  متری خودش، کامیون را می‌بیند که هم‌جهت با او با سرعت  $47 km/h$  در حال حرکت است. اگر  $44 s$  طول بکشد که اتومبیل به طور کامل از کامیون سبقت بگیرد، طول کامیون چند متر است؟

(۱) ۱۰ (۲) ۱۵ (۳) ۲۰ (۴) ۱۸

۲۵۰. موتورسواری با سرعت ثابت  $40 m/s$  به سمت یک دیوار در حرکت است و در حالی که در فاصله  $d$  از دیوار است، بوق موتور را برای لحظه‌ای به صدا درمی‌آورد. اگر  $5/0$  ثانیه بعد صدای بازتاب بوق از دیوار را بشنود،  $d$  چند متر است؟ (سرعت صوت  $340 m/s$  است).

(۱) ۹۵ (۲) ۱۱۰ (۳) ۱۹۰ (۴) ۲۱۰



۲۵۱. مطابق شکل، دو گلوله A و B با تندی‌های ثابت روی دیواری در حال حرکت‌اند. اگر تندی گلوله‌ها در طی مسیر و پس از برخورد به دیوار تغییر نکند، در لحظه‌ای که گلوله‌ها دوباره به هم می‌رسند، فاصله آنها از دیوار چند متر است؟

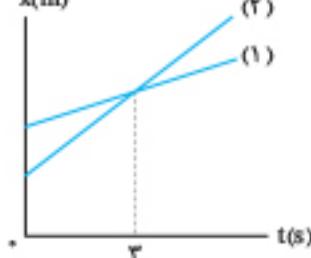
(۱) ۱۵ (۲) ۲۰ (۳) ۲۵ (۴) ۳۰

۲۵۲. شکل مقابل، نمودار مکان–زمان دو متوجه A و B را نشان می‌دهد که در راستای محور x در حرکت‌اند. در لحظه (برگرفته از کتاب درس)  $t = 4s$ ، سرعت متوجه B چند برابر سرعت متوجه A است؟

$$\frac{3}{2} (۱) \quad \frac{2}{3} (۲) \quad \frac{1}{2} (۳) \quad 2 (۴)$$

۲۵۳. نمودار  $x - t$  دو متوجه (۱) و (۲) را روی خط راست حرکت می‌کنند. مطابق شکل است. چند ثانیه پس از  $t = 0$ ، فاصله دو متوجه از یکدیگر ۴ برابر فاصله آنها در لحظه  $s = t$  می‌شود؟

(۱) ۱۵ (۲) ۱۲ (۳) ۹ (۴) ۶





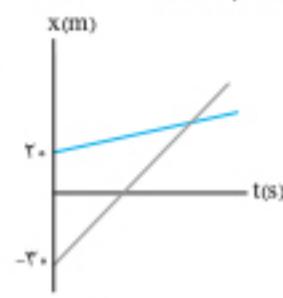
۲۵۴. شکل زیر، تعمدار مکان-زمان دو متوجه است که روی محور  $x$  حرکت می‌کنند. اگر دو متوجه در لحظه  $t = 5\text{ s}$  از کنار هم عبور کنند، در چه لحظه‌ای بر حسب ثانیه، فاصله این دو متوجه از هم  $100\text{ m}$  می‌شود؟

۷/۵ (۱)

۱۰ (۲)

۱۲/۵ (۳)

۱۵ (۴)

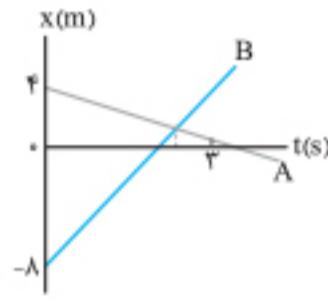


۲۵۵. تعمدار مکان-زمان دو متوجه A و B مطابق شکل است. در چه لحظه‌ای فاصله دو متوجه از یکدیگر برابر با ۸ متر می‌شود؟

۱ (۱)

۴ (۲)

۵ (۳)



۴) گزینه‌های (۱) و (۳) درست هستند.

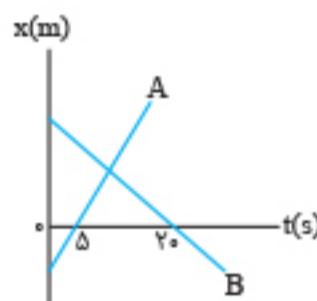
۲۵۶. تعمدار مکان-زمان دو متوجه A و B مطابق شکل است. اگر در لحظه  $t = 0$  فاصله دو متوجه  $150\text{ m}$  باشد و تندی متوجه A، ۲ برابر تندی متوجه B باشد، فاصله دو متوجه در لحظه  $t = 2\text{ s}$  چند متر است؟ (تجربی ۱۴۰)

۵۰ (۱)

۱۰۰ (۲)

۱۵۰ (۳)

۲۰۰ (۴)



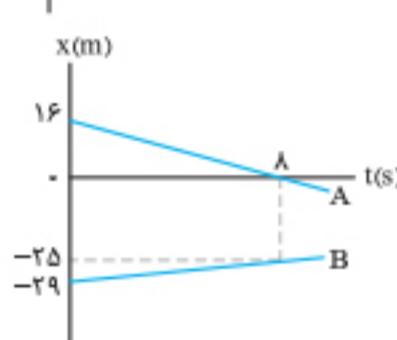
۲۵۷. شکل مقابل، تعمدار مکان-زمان دو متوجه را نشان می‌دهد که روی محور  $x$  حرکت می‌کنند. در لحظه‌ای که دو متوجه به هم می‌رسند، مکان آن‌ها در SI کدام است؟ (ریاضی خارج تیرا)

-۲۰ (۱)

-۱۸ (۲)

-۱۶ (۳)

-۱۴ (۴)



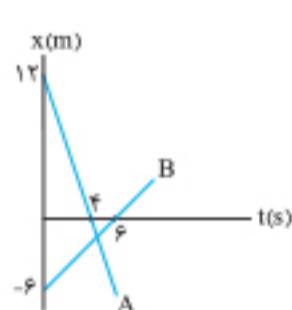
۲۵۸. شکل رو به رو، تعمدار مکان-زمان دو متوجه A و B را نشان می‌دهد که روی محور  $x$  در حال حرکت‌اند. این دو متوجه در چه لحظه‌ای به هم می‌رسند؟

۴/۲۵ (۱)

۴/۵ (۲)

۵ (۳)

۵/۲۵ (۴)



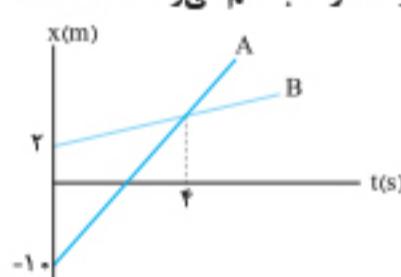
۲۵۹. تعمدار مکان-زمان دو متوجه A و B که روی محور  $x$  در حرکت‌اند، مطابق شکل است. در لحظه‌ای که این دو متوجه به هم می‌رسند، اختلاف سرعت این دو متوجه چند متر بر ثانیه است؟

۰ (صفر)

۱ (۲)

۲ (۳)

۳ (۴)



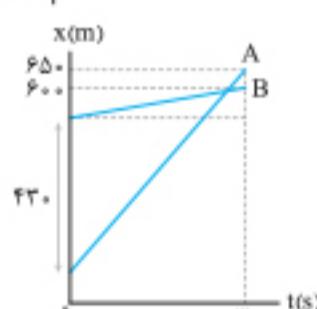
۲۶۰. تعمدار مکان-زمان دو متوجه A و B مطابق شکل است. سرعت متوجه A چند متر بر ثانیه بیشتر از سرعت متوجه B است؟ (تجربی خارج ۹۶)

۱۲ (۱)

۱۲/۶ (۲)

۱۶ (۳)

۱۶/۳ (۴)



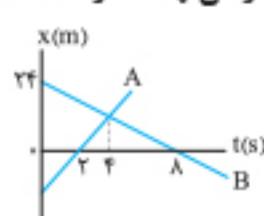
۲۶۱. تعمدار مکان-زمان دو متوجه که روی خطی راست حرکت می‌کنند، مطابق شکل است. فاصله دو متوجه از مبدأ زمان چند متر است؟

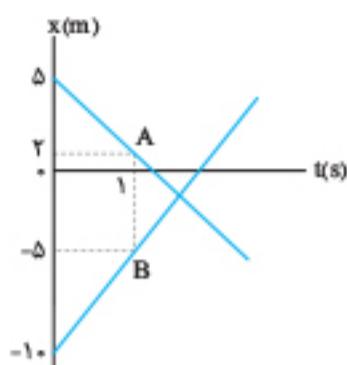
۳۲ (۱)

۴۸ (۲)

۳۶ (۳)

۴۲ (۴)





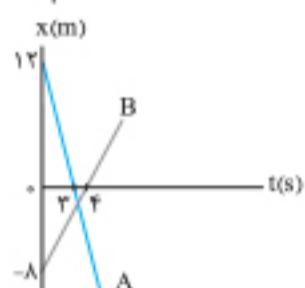
۲۶۲. تابع مکان-زمان دو متحرک A و B مطابق شکل است. در کدام لحظه بحسب ثانیه،  $x_A = -2x_B$  می‌شود؟

(۱)

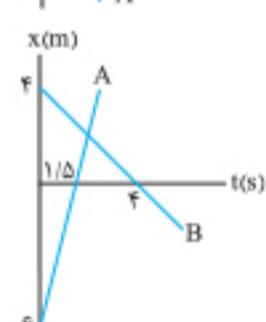
 $\frac{15}{7}$  (۲)

(۳)

(۴)



۲۶۳. شکل رو به رو، تابع مکان-زمان دو متحرک A و B را نشان می‌دهد که هم‌زمان در راستای محور x حرکت می‌کنند. به ترتیب از راست به چپ، در چه لحظه‌ای بحسب ثانیه و در چه مکانی بحسب متر، دو متحرک به هم می‌رسند؟

(برگرفته از کتاب درس)  $-\frac{2}{3}, \frac{3}{5}$  (۱) $-\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$  (۲) $-1/5, 3/5$  (۳) $-\frac{8}{3}, \frac{10}{3}$  (۴)

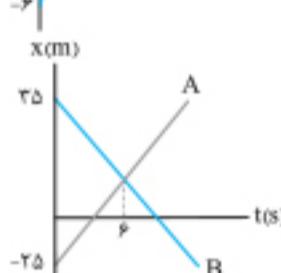
۲۶۴. تابع مکان-زمان دو متحرک A و B مطابق شکل است. از لحظه‌ای که دو متحرک از کنار هم عبور می‌کنند، جایه‌جایی متحرک A چند برابر جایه‌جایی متحرک B است؟

(۱)

(۲)

(۳)

(۴)



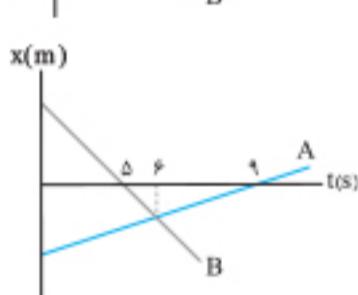
۲۶۵. تابع مکان-زمان دو متحرک A و B که روی محور x در حرکت‌اند، مطابق شکل است. اگر تندی متحرک A برابر با  $4\text{ m/s}$  باشد، تندی متحرک B چند متر بر ثانیه است؟

۴ (۱)

۸ (۲)

(۳)

(۴)



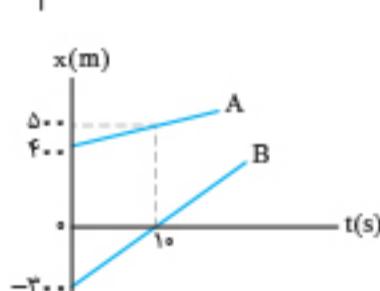
۲۶۶. تابع مکان-زمان دو متحرک A و B به صورت شکل مقابل است. از لحظه‌ای که دو متحرک از کنار هم عبور می‌کنند، اندازه جایه‌جایی متحرک B، چند برابر اندازه جایه‌جایی متحرک A است؟

(۱)

(۲)

(۳)

(۴)



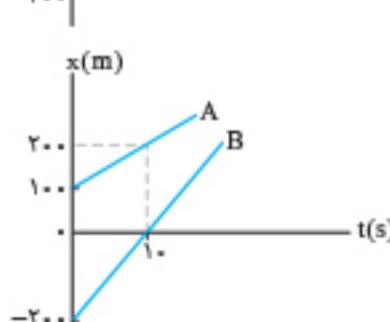
۲۶۷. تابع مکان-زمان دو خودرو که روی خط راست حرکت می‌کنند، مطابق شکل است. در لحظه‌های  $t_1$  و  $t_2$  ( $t_2 > t_1$ ) فاصله دو متحرک از هم  $600\text{ m}$  است.  $\frac{t_2}{t_1}$  کدام است؟ (تجربی خارج ۱۴۰۰)

۱۲ (۱)

۵ (۲)

(۳)

(۴)



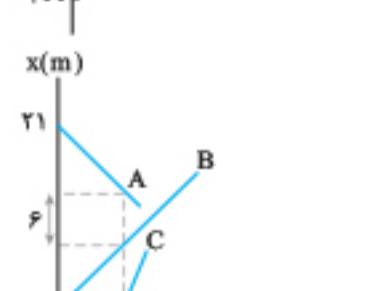
۲۶۸. شکل مقابل، تابع مکان-زمان دو متحرک A و B را نشان می‌دهد. در این مسیر، به مدت چند ثانیه فاصله دو متحرک از هم، کمتر یا مساوی  $20\text{ m}$  است؟

(۱)

(۲)

(۳)

(۴)



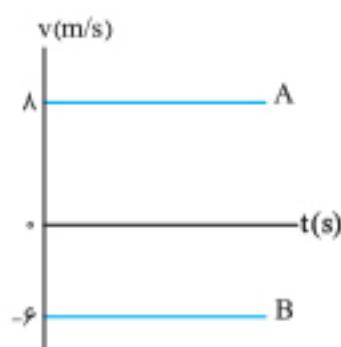
۲۶۹. تابع مکان-زمان سه متحرک A و B و C هم‌زمان روی محور x حرکت می‌کنند مطابق شکل مقابل است. در مدتی که فاصله دو متحرک A و B  $3\text{ m}$  کمتر از آن است، متحرک C چند متر پیموده است؟

(۱)

(۲)

(۳)

(۴)



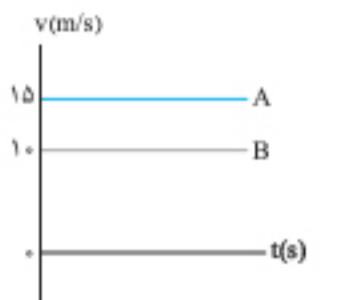
۲۷۰. نمودار سرعت-زمان دو متحرک A و B که روی خط راست حرکت می‌کنند و هم‌زمان به ترتیب از نقاط  $x_B = 50\text{ m}$  و  $x_A = -20\text{ m}$  عبور می‌کنند، مطابق شکل است. دو متحرک در چه لحظه‌ای به هم می‌رسند؟

۴ (۱)

۵ (۲)

۶ (۳)

(۴) چنین حالتی ممکن نیست.



۲۷۱. نمودار سرعت-زمان دو متحرک A و B که هم‌زمان از فاصله ۳۰ متری یکدیگر روی خط راست حرکت کرده‌اند، مطابق شکل است. چند ثانیه طول می‌کشد تا فاصله دو متحرک دوباره به ۳۰ متر برسد؟

۱ (۱)

۱۲ (۲)

۱۸ (۳)

(۴) چنین حالتی امکان ندارد.

## آزمون مبحثی ۲

۱ زمان پیشنهادی: ۱۳ دقیقه

۲۷۲. متحرکی در مسیر مستقیم حرکت می‌کند و معادله سرعت-زمان آن در SI به صورت  $v = At^2 - 4t$  است. اگر شتاب متوسط این متحرک در دو ثانیه دوم حرکتش،  $8\text{ m/s}^2$  باشد، تندی این متحرک در لحظه  $t = 1\text{ s}$  چند متر بر ثانیه است؟

۴ (۱)

۲ (۲)

۱ (۳)

۰ (۴) صفر

۲۷۳. متحرکی در مسیر مستقیم حرکت می‌کند و نمودار سرعت-زمان آن مطابق شکل است. در بازه صفر تا ۱۰، شتاب متوسط متحرک چند متر بر مجدور ثانیه است؟

۱ / ۵ (۱)

۲ (۲)

۲ / ۵ (۳)

۳ (۴)

۲۷۴. معادله سرعت-زمان جسمی که در مسیری مستقیم حرکت می‌کند، در SI به صورت  $v = t^2 - 4t$  است. در مدت زمانی که جسم در جهت منفی محور حرکت می‌کند، شتاب متوسط آن چند متر بر مجدور ثانیه است؟

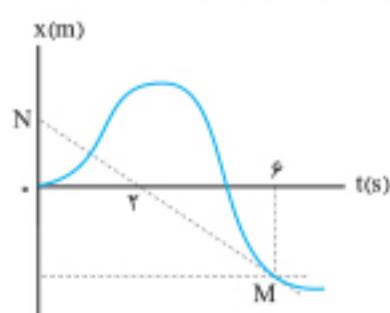
۴ (۱) صفر

۱ (۲)

۳ (۳)

۰ (۴)

۲۷۵. در شکل زیر، پاره خط MN در نقطه M بر نمودار مکان-زمان متحرک مماس شده است. اگر اندازه سرعت متوسط متحرک از ابتدای حرکت تا لحظه  $t = 6\text{ s}$  برابر با  $10\text{ m/s}$  باشد، بزرگی شتاب متوسط متحرک در ۶ ثانیه اول حرکت چند متر بر مجدور ثانیه است؟



۴ (۱)

۲ / ۵ (۲)

۶ (۳)

۱۲ / ۵ (۴)

۲۷۶. متحرکی که در مسیر مستقیم با سرعت ثابت حرکت می‌کند، در لحظه  $s = 2\text{ s}$  از مکان  $x_1 = +10\text{ m}$  و در لحظه  $s = 5\text{ s}$  از مکان  $x_2 = -5\text{ m}$  عبور می‌کند. معادله حرکت متحرک در SI کدام است؟

$$x = -5t + 10 \quad (۱)$$

$$x = -3t + 10 \quad (۲)$$

$$x = -5t + 20 \quad (۳)$$

$$x = -3t + 5 \quad (۴)$$

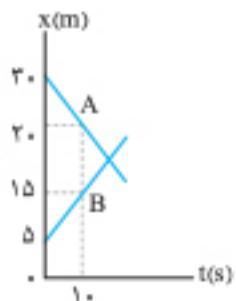
۲۷۷. نمودار مکان-زمان دو متحرک A و B مطابق شکل است. دو متحرک در چه لحظه‌ای بر حسب ثانیه به یکدیگر می‌رسند؟

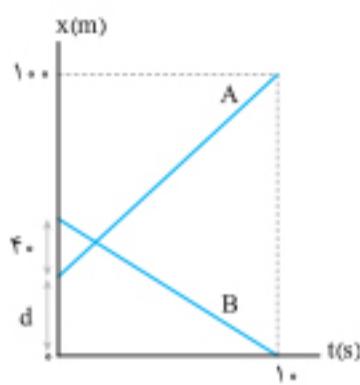
۱۱ (۱)

۱۲ / ۵ (۲)

۱۳ / ۵ (۳)

۱۵ (۴)





۲۷۸. تمودار مکان-زمان دو متحرک مطابق شکل است. بزرگی اختلاف سرعت دو متحرک A و B چند متر بر ثانیه است؟
- (۱) ۱۶
  - (۲) ۱۴
  - (۳) صفر
  - (۴) به مقدار d بستگی دارد.

۲۷۹. در شکل زیر دو متحرک A و B هم‌زمان از دو انتهای یک خط راست به طرف یکدیگر، با سرعت‌های ثابت حرکت می‌کنند و هم‌زمان از نقطه O عبور می‌کنند. مدت زمان پیمودن کل مسیر توسط A چند برابر مدت زمان پیمودن کل مسیر توسط متحرک B است؟
- (۱)  $\frac{1}{3}$
  - (۲) ۳
  - (۳)  $\frac{4}{3}$
  - (۴)  $2d$

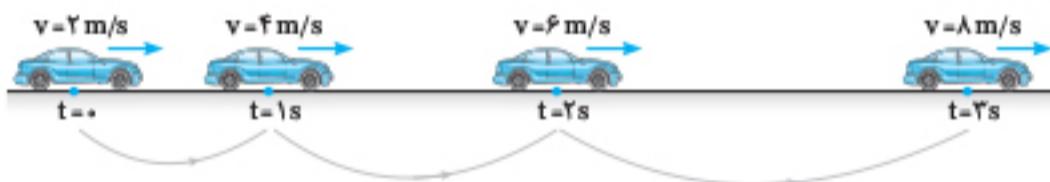
۲۸۰. از فاصله ۲۰ متری یک دیوار، جسمی با سرعت ثابت  $5 \text{ m/s}$  به طرف دیوار حرکت می‌کند و در لحظه برخورد به آن متوقف می‌شود. ۲ ثانیه بعد از حرکت جسم اول به سمت دیوار، از همان نقطه جسم دیگری با سرعت ثابت  $4 \text{ m/s}$  به طرف دیوار حرکت می‌کند. در این صورت بیشترین فاصله دو جسم از یکدیگر چند متر خواهد بود؟
- (۱) ۴
  - (۲) ۱۰
  - (۳) ۱۲
  - (۴)  $\frac{1}{3}$

۲۸۱. دو متحرک A و B از فاصله  $15 \text{ m}$  از یکدیگر در دو خط مستقیم و موازی به طرف یکدیگر حرکت می‌کنند. اگر تندی متحرک‌ها در ضمن حرکت ثابت و به ترتیب  $10 \text{ m/s}$  و  $20 \text{ m/s}$  باشد، پس از چه مدتی فاصله دو متحرک به  $6 \text{ m}$  می‌رسد؟
- (۱) ۱
  - (۲) ۵
  - (۳) ۷
  - (۴) گزینه‌های (۱) و (۳) درست هستند.

## ایستگاه ۸: حرکت با شتاب ثابت

در بحث شتاب متوسط آهنگ تغییر سرعت را شتاب متوسط نامیدیم. ساده‌ترین نوع حرکت شتاب‌دار، حرکت در مسیر مستقیم با شتاب ثابت است. در حرکت با شتاب ثابت آهنگ تغییر سرعت جسم در هر بازه زمانی دلخواه، یکسان است. به بیان دیگر «در حرکت با شتاب ثابت، در هر بازه زمانی دلخواه شتاب متوسط مقدار ثابتی است».

به شکل زیر توجه کنید تا مفهوم حرکت با شتاب ثابت را بهتر درک کنید: این شکل، اتوبیلی رانشان می‌دهد که در مسیر مستقیم حرکت می‌کند و در لحظه‌های معین  $t=0$ ،  $t=1\text{s}$  و  $t=2\text{s}$  سرعت اتوبیل نشان داده شده است.



با توجه به شکل، مشخص است که سرعت اتوبیل در هر ثانیه  $2 \text{ m/s}$  افزایش یافته است و این افزایش سرعت در هر ثانیه (آهنگ تغییر سرعت) همواره مقداری ثابت است.

اگر شتاب متوسط اتوبیل را در بازه‌های زمانی  $(0 \text{ s} \text{ تا } 1\text{s})$ ،  $(1\text{s} \text{ تا } 2\text{s})$ ،  $(2\text{s} \text{ تا } 3\text{s})$  و ... حساب کنیم، در می‌یابیم که در هر بازه زمانی دلخواه، شتاب متوسط مقداری ثابت و برابر  $2 \text{ m/s}^2$  است:

$$t = 1\text{s} \text{ تا } t = 0 \Rightarrow a_{av} = \frac{4 - 2}{1 - 0} = 2 \text{ m/s}^2$$

$$t = 2\text{s} \text{ تا } t = 0 \Rightarrow a_{av} = \frac{6 - 2}{2 - 0} = 2 \text{ m/s}^2$$

$$t = 3\text{s} \text{ تا } t = 0 \Rightarrow a_{av} = \frac{8 - 2}{3 - 0} = 2 \text{ m/s}^2$$

$$t = 2\text{s} \text{ تا } t = 1\text{s} \Rightarrow a_{av} = \frac{6 - 4}{2 - 1} = 2 \text{ m/s}^2$$

### رابطه شتاب

از آن‌جا که در حرکت با شتاب ثابت، شتاب متوسط در همه بازه‌های زمانی دلخواه، یکسان و ثابت است: می‌توان از رابطه شتاب متوسط استفاده کرده و برای بازه زمانی دلخواه  $t_2$  تا  $t_1$  رابطه شتاب را به صورت رو به رو نوشت:

$$a = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1}$$



**تذکرہ ۱** حرکت با شتاب ثابت فقط بر خط راست می‌تواند وجود داشته باشد.

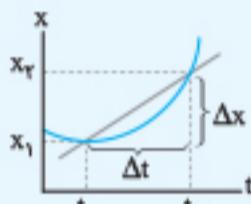
**تذکرہ ۲** در حرکت با شتاب ثابت، اگر بردار شتاب همسو با جهت مثبت محور باشد، علامت شتاب را مثبت و اگر بردار شتاب خلاف جهت محور باشد، علامت شتاب را منفی در نظر می‌گیریم.

# فصل اول دریک نگاه

- بردار مکان: برداری که ابتدای آن مبدأ مختصات و انتهای آن مکان جسم است.
- بردار جابه‌جایی: برداری که مکان آغازین را به مکان پایانی وصل می‌کند ( $\vec{d}$ ).
- مسافت: طول مسیر حرکت را مسافت گوییم ( $\ell$ ).
- توجه: ۱. همواره  $|\vec{d}| \geq \ell$  است. ۲. اگر مسیر حرکت مستقیم باشد و متحرک تغییر جهت ندهد  $|\vec{d}| = \ell$  می‌باشد.

$$\text{سرعت متوسط: } \vec{v}_{av} = \frac{\Delta \vec{x}}{\Delta t} \text{ کمیت برداری است.}$$

$$\text{تندی متوسط: } s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} \text{ کمیت نردهای است.}$$



۱. سرعت متوسط: شیب خط قاطع بر نمودار مکان - زمان بین دو لحظه  $t_1$  و  $t_r$  برابر با سرعت متوسط است.  $v_{av} = \text{شیب خط}$

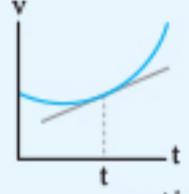
۲. سرعت لحظه‌ای: شیب خط مماس بر نمودار مکان - زمان در لحظه  $t$  برابر سرعت لحظه‌ای است.

## سرعت و تندی

$$\text{شتاب متوسط: } \vec{a}_{av} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$$

توجه: همواره  $\vec{a}_{av}$  با  $\Delta \vec{v}$  هم‌جهت است اما  $\vec{a}_{av}$  الزاماً با  $\vec{v}_1$  و  $\vec{v}_r$  هم‌جهت نیست.

۱. شتاب متوسط: شیب خط قاطع بر نمودار سرعت - زمان بین دو لحظه  $t_1$  و  $t_r$  برابر با شتاب متوسط است.  $a_{av} = \text{شیب خط}$



۲. شتاب لحظه‌ای: شیب خط مماس بر نمودار سرعت - زمان در لحظه  $t$  برابر شتاب لحظه‌ای است.

بررسی شتاب متوسط و لحظه‌ای در نمودار سرعت - زمان

## شتاب متوسط و لحظه‌ای

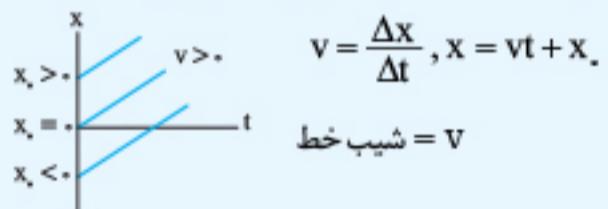
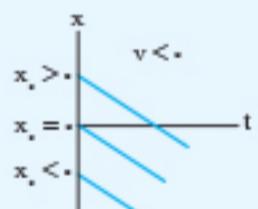
حرکت تندشونده:  $|v|$  افزایش می‌یابد و  $\vec{a}$  و  $\vec{v}$  هم‌جهت می‌باشند.

حرکت کندشونده:  $|v|$  کاهش می‌یابد و  $\vec{a}$  و  $\vec{v}$  در خلاف جهت یکدیگرند.

۳

۱. در بازه‌های زمانی یکسان، جابه‌جایی‌ها یکسان‌اند.
۲. سرعت متوسط با سرعت لحظه‌ای در تمام بازه‌های زمانی یکسان است.

## مفهوم

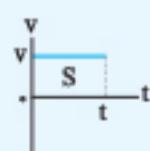
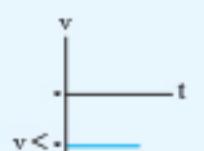


$$v = \frac{\Delta x}{\Delta t}, x = vt + x_0$$

معادله: مکان - زمان

۱. مکان - زمان:

نمودارها



$$S = vt = \Delta x$$

۲. سرعت - زمان:

۳ حركت با سرعت ثابت در مسیر مستقیم

۱. در بازه‌های زمانی یکسان، تغییرات سرعت یکسان است.

۲. شتاب متوسط با شتاب لحظه‌ای در تمام بازه‌های زمانی یکسان است.

## مفهوم

$$\Delta x = -\frac{1}{2}at^2 + vt, \Delta x = \frac{1}{2}at^2 + vt, x = \frac{1}{2}at^2 + vt + x_0$$

$$v = at + v_0$$

$$v^2 - v_0^2 = 2a\Delta x$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{v_1 + v_r}{2}$$

$$\Delta x_n = \frac{1}{2}a(2n-1) + v_0$$

۲. سرعت - زمان

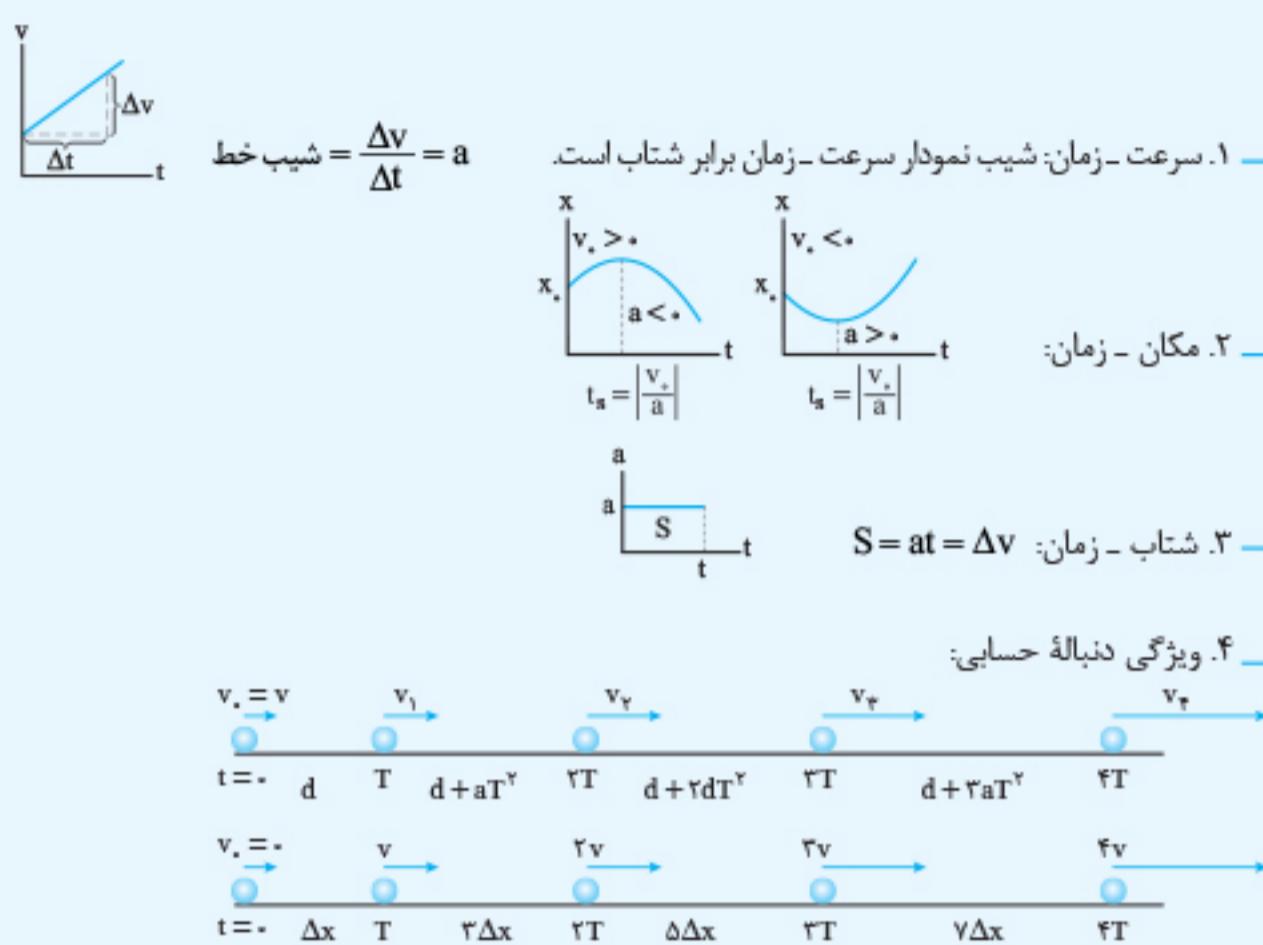
۳. سرعت - جابه‌جایی

۴. مستقل از شتاب

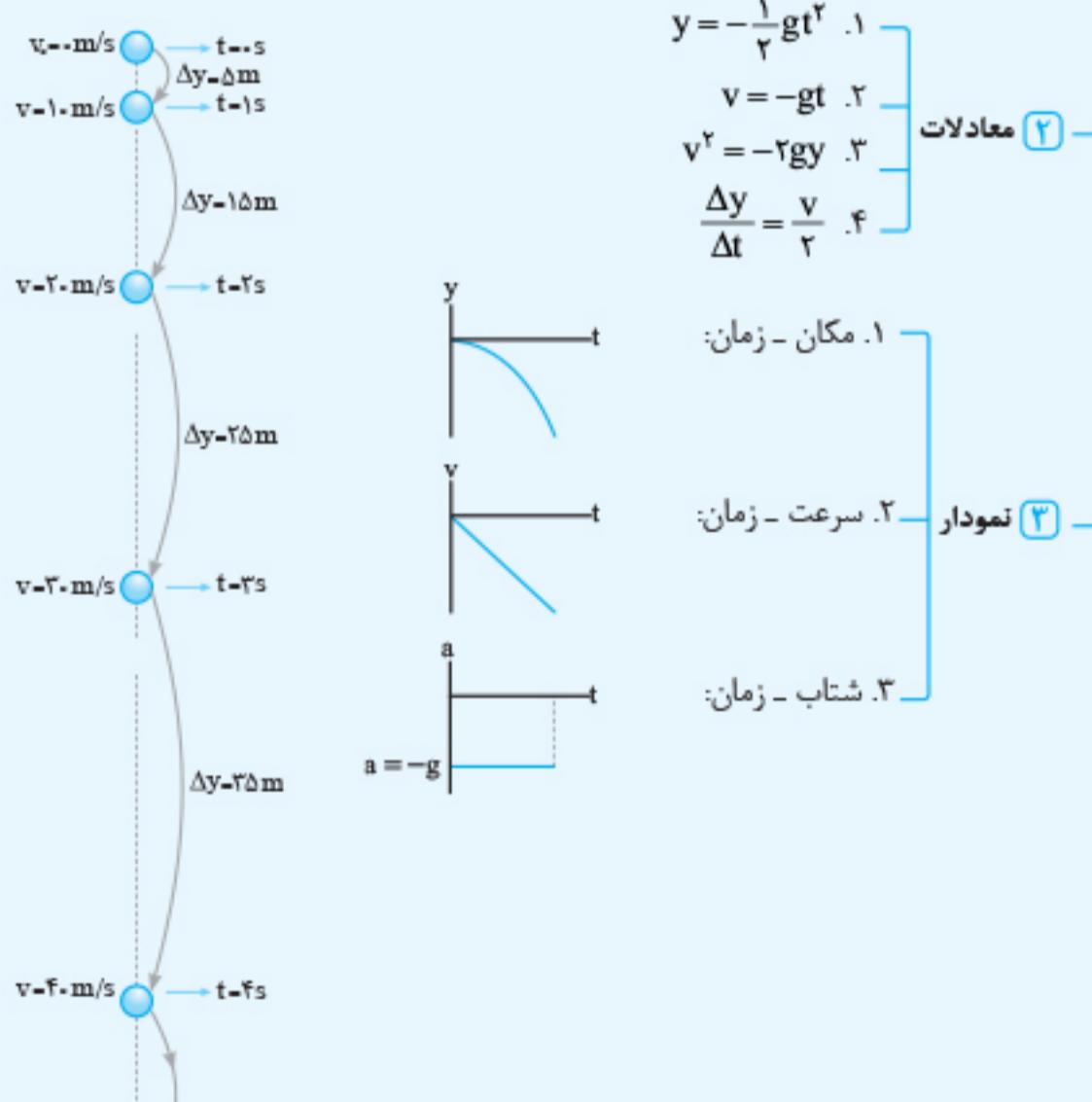
۵. جابه‌جایی در ثانیه  $n^{\text{ام}}$

معادله

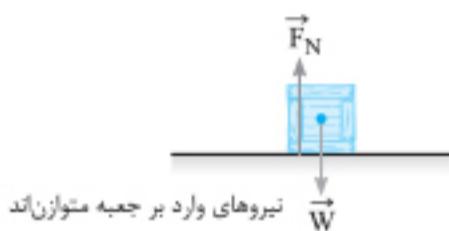
۴ حركت با شتاب ثابت در مسیر مستقیم



۱. حرکت با شتاب ثابت:  $a = -g$  می باشد. نقطه پرتاب را به عنوان مبدأ در نظر می گیریم ( $y_0 = 0$ ).



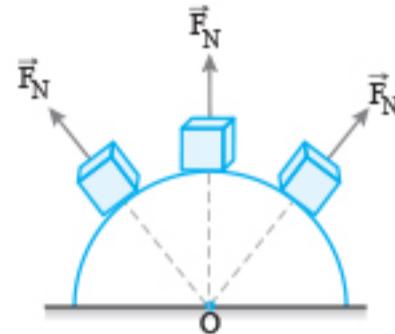
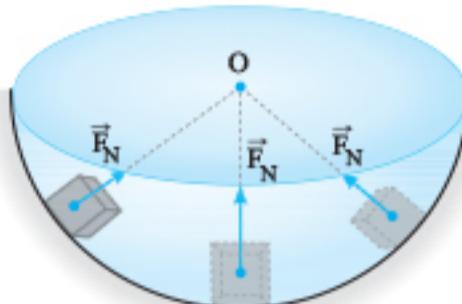
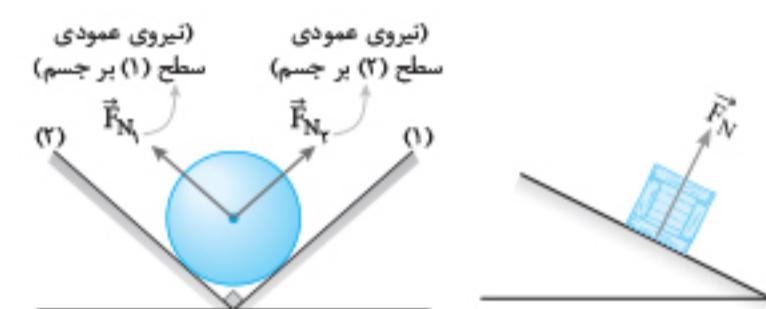
## ایستگاه ۵: نیروی عمودی سطح و آسانسور



اگر جسمی با سطحی در تماس باشد و به سطح تکیه کرده و بر آن نیرو وارد کند، سطح تکیه‌گاه نیز نیروی عمودی بر جسم وارد می‌کند که آن را نیروی عمودی سطح یا نیروی عمودی تکیه‌گاه می‌نامند و آن را با  $\vec{F}_N$  نمایش می‌دهند. برای جسمی که مطابق شکل روی سطح افقی و در حالت ساکن قرار دارد، می‌توان نتیجه گرفت نیروهای وارد بر جسم متوازن‌اند و نوشت:

$$\vec{F}_{\text{net}} = \vec{0} \Rightarrow \vec{F}_N = -\vec{W} \xrightarrow{\text{اندازه}} F_N = W$$

**تذکر ۱** در هر نوع سطحی نیروی عمودی سطح همواره بر سطح تماس عمود است.



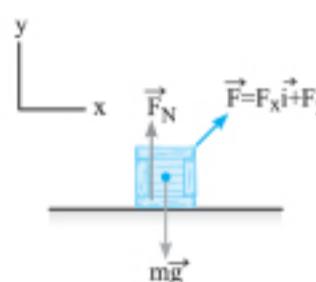
نیروی عمودی سطح ناشی از تغییر شکل سطح تماس دو جسم و مربوط به نیروهای بین مولکولی است.

**۲** نیروی عمودی سطح ( $\vec{F}_N$ ) از طرف سطح تکیه‌گاه به جسمی که روی آن قرار دارد، وارد می‌شود و واکنش آن، نیرویی است که جسم به طور عمود بر سطح وارد می‌کند ( $F'_N$ ) و هماندازه با  $F_N$  است.

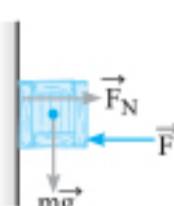
**نکته:** نیروی  $F_N$ ، واکنش نیروی وزن نیست!



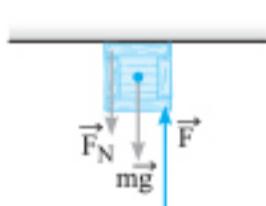
**نکته:** اگر در راستای عمود بر سطح، شتاب جسم صفر باشد، برایند نیروهایی که در راستای عمود بر سطح بر جسم وارد می‌شوند، صفر است. در شکل‌های زیر که جسم به سطوح ثابتی تکیه دارد می‌توان نیروی خالص وارد بر جسم در راستای عمود بر سطح را برابر صفر در نظر گرفت و نوشت:



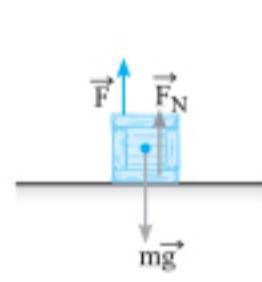
$$F_N = mg - F_y$$



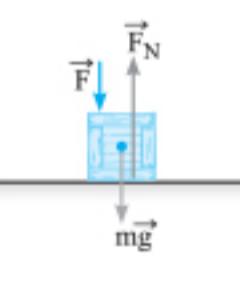
$$F_N = F$$



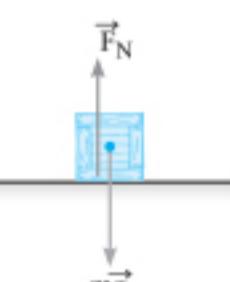
$$F_N = F - mg$$



$$F_N = mg - F$$

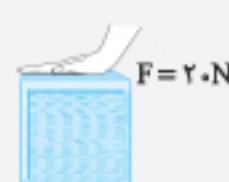


$$F_N = mg + F$$



$$F_N = mg$$

**تست:** مانند شکل، جعبه‌ای به جرم  $5 \text{ kg}$  روی میزی افقی قرار دارد و آن را با نیروی عمودی  $20 \text{ N}$  بر میز می‌شاریم. نیروی عمودی سطح چند نیوتون است؟ ( $g = 10 \text{ N/kg}$ )



۲۰ (۲)

۷۰ (۴)

۱۰ (۱)

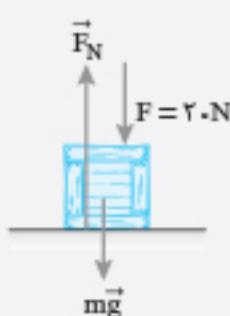
۴۰ (۳)

**پاسخ:** گزینه (۴)

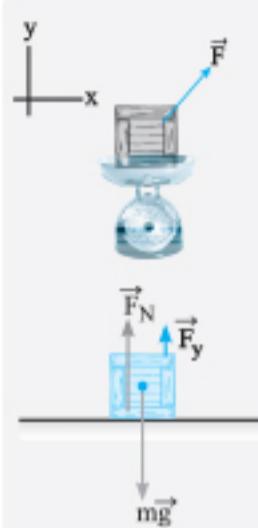
نیروهای وارد بر جسم را رسم کرده و با توجه به ساکن‌بودن جسم نتیجه می‌گیریم که برایند نیروهای وارد بر جسم در راستای عمود بر سطح صفر است و می‌توان نوشت:

$$F_{\text{net},y} = \vec{0} \Rightarrow F_N = mg + F$$

$$\frac{m=5 \text{ kg}, g=10 \text{ N/kg}}{F=20 \text{ N}} \Rightarrow F_N = 5 \times 10 + 20 = 70 \text{ N}$$



**نکته:** هنگامی که وزن جسمی را با ترازوی فرنی یا باسکول اندازه می‌گیریم ترازو یا باسکول مقدار  $F_N$  را نمایش می‌دهند.



**تست:** جسمی به جرم ۲۰ کیلوگرم روی کفه ترازویی قرار دارد و نیروی  $\vec{F} = \alpha\vec{i} + \beta\vec{j}$  (در SI)، بر جسم وارد می‌شود.

α چند نیوتن باشد تا ترازو ۱۵۰N را نشان دهد؟ ( $g = ۱۰N/kg$ )

۱۰۰ (۴)

۱۰ (۳)

۵۰ (۲)

۵ (۱)

پاسخ: گزینه ۲

**گام اول** ترازو عکس العمل نیروی  $F_N$  را نمایش می‌دهد. با توجه به متوازن بودن نیروهای وارد بر جسم در راستای

$$F_{net,y} = ۰ \Rightarrow F_N + F_y = mg$$

**گام دوم** با توجه به این که  $F_y = \alpha$  است می‌توان نوشت:

$$F_N = mg - F_y \xrightarrow[m=۲\cdot kg, g=۱۰N/kg]{F_N=۱۵N} ۱۵۰ = ۲۰ \times ۱۰ - F_y \Rightarrow F_y = ۵۰ N \Rightarrow \alpha = ۵۰ N$$

### آسانسور

آسانسور جسم متحرکی است که در راستای قائم حرکت می‌کند. حرکت آسانسور می‌تواند ثابت‌دار یا با سرعت ثابت انجام شود و در هر حالت حرکت آن رو به بالا یا رو به پایین باشد.

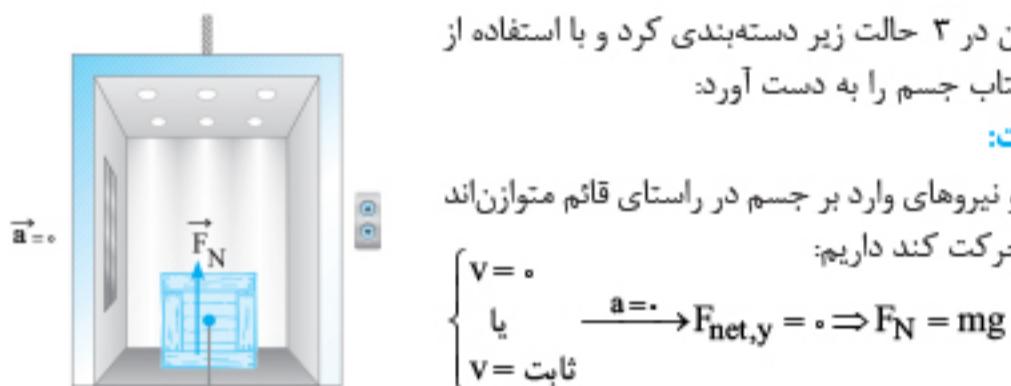
**پادآوری:** ۱ در حرکت تندشونده، شتاب هم‌جهت با سرعت جسم و در حرکت کندشونده، شتاب در خلاف جهت سرعت جسم است.

۲ اگر جسمی به هر طرفی از حالت سکون شروع به حرکت کند، شتاب جسم در جهت حرکت آن است.

### حالت‌های مختلف حرکت آسانسور

به طور کلی حرکت آسانسور و جسمی که درون آن است را می‌توان در ۳ حالت زیر دسته‌بندی کرد و با استفاده از قوانین نیوتون، رابطه بین نیروی عمودی تکیه‌گاه، وزن جسم و شتاب جسم را به دست آورد:

#### • حالت اول آسانسور ساکن یا با تندی ثابت در حرکت است:



در این حالت شتاب آسانسور و جسم درون آن صفر است ( $a = ۰$ ) و نیروهای وارد بر جسم در راستای قائم متوازن‌اند و آسانسور چه به طرف بالا و چه به طرف پایین با سرعت ثابت حرکت کند داریم:

$$\begin{cases} v = \\ \text{ثابت} \end{cases} \xrightarrow[a=0]{F_{net,y}=0} F_N = mg$$

#### • حالت دوم آسانسور به صورت تندشونده رو به پایین یا کندشونده رو به بالا حرکت می‌کند:

در این حالت جهت شتاب رو به پایین است و با استفاده از قانون دوم نیوتون برای محاسبه نیروی عمودی تکیه‌گاه می‌توان نوشت:

$$F_{net,y} = ma \Rightarrow mg - F_N = ma \Rightarrow F_N = m(g - a)$$

↓  
اندازه شتاب آسانسور

دققت کنید که جهت شتاب (رو به پایین) را با علامت مثبت در نظر می‌گیریم.

**نکته:** در این حالت  $F_N < mg$  است و اگر شخص (یا جسم) بر روی ترازو باشد، ترازو به اندازه  $ma$  کمتر از اندازه وزن شخص (جسم) را نشان می‌دهد.

**تست:** شخصی درون آسانسوری روی یک ترازوی فنری ایستاده است و آسانسور با شتاب  $2 m/s^2$  رو به پایین شروع به حرکت می‌کند. اگر ترازو ۷۲۰ N را نشان دهد، جرم شخص چند کیلوگرم است؟ ( $g = ۱۰N/kg$ )

۹۶ (۴)

۸۶ (۳)

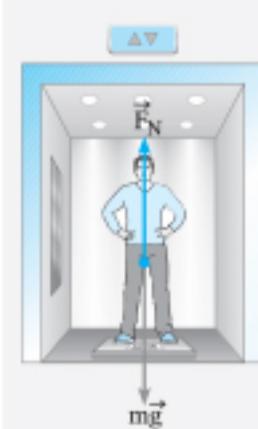
۸۲ (۲)

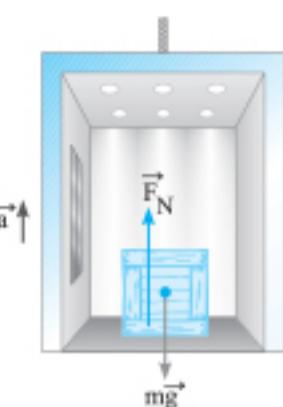
۹۰ (۱)

پاسخ: گزینه ۱

چون آسانسور به طرف پایین شروع به حرکت کرده است، پس شتاب آسانسور نیز به طرف پایین است. می‌دانیم ترازو مقدار  $F_N$  را نشان می‌دهد. پس با استفاده از قانون دوم نیوتون در راستای قائم داریم:

$$F_{net,y} = ma \Rightarrow mg - F_N = ma \Rightarrow F_N = m(g - a) \xrightarrow[a=2m/s^2]{F_N=720N} 720 = m(10 - 2) \Rightarrow m = 90 kg$$





**حالت سوم آسانسور به صورت تندشونده رو به بالا یا کندشونده رو به پایین حرکت می‌کند:**

در این حالت جهت شتاب آسانسور به سمت بالاست و با در نظر گرفتن جهت شتاب (رو به بالا) برای علامت مثبت و با استفاده از قانون دوم نیوتون می‌توان نیروی عمودی سطح بر جسم را حساب کرد:

$$F_{net,y} = ma \Rightarrow F_N - mg = ma \Rightarrow F_N = m(g + a)$$

↓  
اندازه شتاب آسانسور

**نکته:** در این حالت  $F_N > mg$  است و اگر شخص یا جسم بر روی ترازو باشد، ترازو به اندازه  $ma$  بیشتر از اندازه وزن شخص یا جسم را نشان می‌دهد.

**تست:** جسمی به جرم  $1.0\text{ kg}$  درون آسانسوری که با سرعت ثابت  $2\text{ m/s}$  در حال حرکت به سمت پایین است، قرار دارد. اگر آسانسور در مدت زمان  $2\text{ s}$  با شتاب ثابت متوقف شود، اندازه تیرویی که کف آسانسور در این مدت به جسم وارد می‌کند چند نیوتون است؟ ( $g = 10\text{ m/s}^2$ )

۱۰۰ (۴)

۸۰ (۳)

۱۱۰ (۲)

۱۲۰ (۱)

پاسخ: گزینه ۲۰

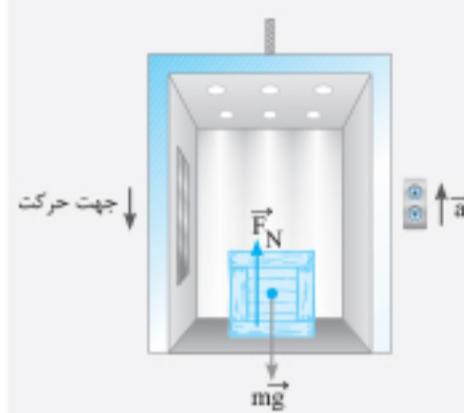
**گام اول** حرکت آسانسور به سمت پایین و در حال کندشدن است، بنابراین جهت شتاب آن به سمت بالاست اگر جهت بالا را با علامت مثبت در نظر بگیریم با استفاده از رابطه  $v = at + v_0$  شتاب آسانسور در مدت  $2\text{ s}$  محاسبه می‌کنیم:

$$v = at + v_0 \quad \frac{v_0 = -2\text{ m/s}}{v = +, t = 2\text{ s}} \Rightarrow a = 1\text{ m/s}^2$$

**گام دوم** با استفاده از قانون دوم نیوتون و با در نظر گرفتن این که جهت شتاب آسانسور رو به بالاست می‌توان نوشت:

$$F_{net,y} = ma \Rightarrow F_N - mg = ma \Rightarrow F_N = m(g + a)$$

$$\frac{m = 1.0\text{ kg}, a = 1\text{ m/s}^2}{g = 10\text{ m/s}^2} \Rightarrow F_N = 1.0(10 + 1) = 11.0\text{ N}$$



**سقوط آزاد آسانسور:** اگر ساکن باشد و در اثر حادثه‌ای، مثلاً کابل آسانسور پاره شود، و از نیروهای مقاوم صرف نظر کنیم آسانسور با شتاب  $g$  به صورت تندشونده به سمت پایین حرکت می‌کند و در این حالت تیرویی عمودی سطح وارد بر جسم برابر است با:

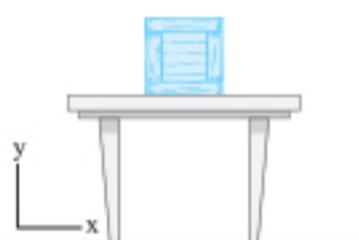
$$F_{net,y} = ma \Rightarrow mg - F_N = ma \Rightarrow F_N = m(g - a) \xrightarrow{a=g} F_N = m(g - g) \Rightarrow F_N = 0$$

**نتیجه:** یعنی اگر شخصی درون آسانسوری که سقوط آزاد می‌کند بر روی یک ترازو بایستد، ترازو عدد صفر را نشان می‌دهد و در اصطلاح می‌گویند جسم در حالت بی‌وزنی است!

آسانسور در یک نگاه



## پرسش‌های چهارگزینه‌ای



.۷۹۹ مطابق شکل جعبه‌ای به جرم  $2\text{ kg}$  روی سطح میزی قرار گرفته است. اگر وزن جعبه را با  $\bar{W}$  و تیرویی عمودی سطح وارد بر کتاب را با  $\bar{F}_N$  نشان دهیم، چه تعداد از هیارت‌های زیر درست است؟ ( $g = 10\text{ m/s}^2$ ) (برگفته از کتاب درس)

**نیروی عمودی سطح**



الف -  $\bar{F}_N$  واقنش  $\bar{W}$  است.

ب -  $\bar{F}_N = -\bar{W} = 20\text{ (N)}$  است.

پ - واقنش  $\bar{F}_N$  برابر  $\bar{W}(N) = 20$  است.

ت - واقنش  $\bar{F}_N$  برابر  $\bar{W}(N) = 20$  است.

۴ (۴)

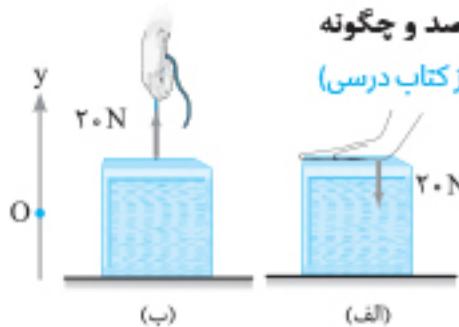
۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)



.۸.۰ در شکل مقابل، اگر جرم جعبه  $2\text{ kg}$  باشد، تیروی عمودی سطح در حالت (ب) نسبت به حالت (الف) چند درصد و چگونه تغییر می‌کند؟ ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ )



- (۱) ۶۰، کاهش
- (۲) ۶۰، افزایش
- (۳) ۸۰، کاهش
- (۴) ۸۰، افزایش

.۸.۱ در شکل رویه‌رو، شخصی به جرم  $m$  روی ترازوی فنری ایستاده و با دست خود تیرویی به بزرگی  $F$  را به طور عمود به طرف پایین بر میز وارد می‌کند. ترازوی فنری چه مقداری را نشان می‌دهد؟

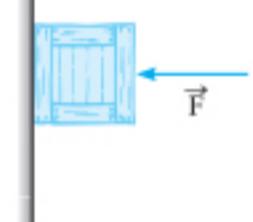


$$mg - F \quad (۱)$$

$$\frac{F}{mg} \quad (۲)$$

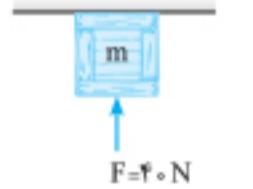
$$\frac{mg}{F} \quad (۳)$$

.۸.۲ در شکل رویه‌رو با تیروی  $F = 20 \text{ N}$  جسمی را به دیوار تکیه داده‌ایم. اگر جرم جسم  $2\text{ kg}$  باشد، تیروی عمودی سطح چند نیوتون و واکنش این تیرو به کدام سمت است؟



- (۱) ۱۰، راست
- (۲) ۳۰، راست
- (۳) ۳۰، چپ
- (۴) ۱۰، چپ

.۸.۳ در شکل رویه‌رو، جسمی به جرم  $m$  با تیروی قائم  $F = 40 \text{ N}$  به سقف فشرده شده است. اگر تیروی عمودی که سقف به جسم وارد می‌کند  $N = 10 \text{ N}$  باشد،  $m$  بر حسب کیلوگرم کدام است؟ ( $g = 10 \text{ N/kg}$ )



$$5 \quad (۱)$$

$$4 \quad (۲)$$

$$3 \quad (۳)$$

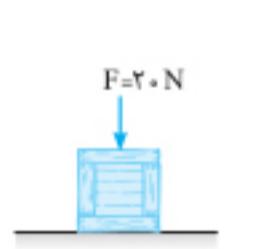
$$2 \quad (۴)$$

.۸.۴ شخصی به جرم  $60\text{ kg}$  در حالی که روی یک ترازو ایستاده، با دست‌هایش بر میله بارفیکس که بر دیوار متصل است، تیرو وارد می‌کند. اگر ترازو  $480 \text{ N}$  را نشان دهد، تیرویی که بارفیکس بر شخص وارد می‌کند، نیوتون و به طرف است. ( $g = 10 \text{ N/kg}$ )



- (۱) ۱۲۰، بالا
- (۲) ۱۲۰، پایین
- (۳) ۴۸۰، بالا
- (۴) ۴۸۰، پایین

.۸.۵ جسمی به جرم  $5\text{ kg}$  روی سطح افقی ساکن است و تیروی قائم  $\vec{F}$  به آن وارد می‌شود. اگر اندازه تیروی عمودی سطح برابر  $40 \text{ N}$  باشد، به ترتیب از راست به چپ بزرگی تیروی  $\vec{F}$  چند نیوتون و در کدام جهت است؟ ( $g = 10 \text{ N/kg}$ )



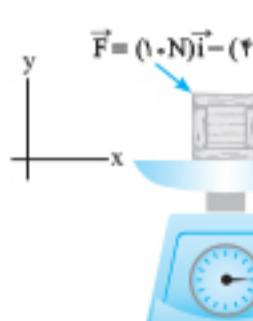
$$10, \text{ پایین} \quad (۱)$$

$$90, \text{ پایین} \quad (۲)$$

$$10, \text{ بالا} \quad (۳)$$

$$10, \text{ بالا} \quad (۴)$$

.۸.۶ جسمی به جرم  $4\text{ kg}$  روی سطح افقی قرار دارد و تیروی عمودی  $N = 20 \text{ N}$  بر آن وارد می‌شود. اگر در یک لحظه جهت تیروی  $\vec{F}$  بر عکس شود، اندازه تیروی عمودی سطح وارد بر جسم چه قدر و چگونه تغییر می‌کند؟ ( $g = 10 \text{ N/kg}$ )



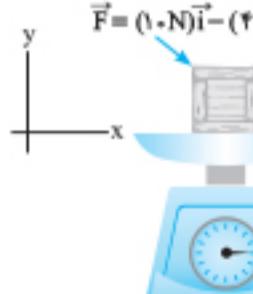
$$20, \text{ کاهش می‌یابد.} \quad (۱)$$

$$20, \text{ افزایش می‌یابد.} \quad (۲)$$

$$40, \text{ کاهش می‌یابد.} \quad (۳)$$

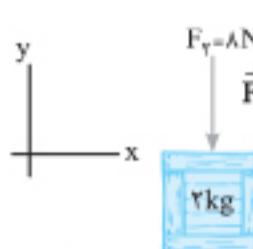
$$40, \text{ افزایش می‌یابد.} \quad (۴)$$

.۸.۷ مطابق شکل به جسمی به جرم  $2\text{ kg}$ ، تیروی  $\vec{F}$  را وارد می‌کنیم و جسم ساکن است. ترازو چند نیوتون را نشان می‌دهد؟ ( $g = 10 \text{ N/kg}$ )

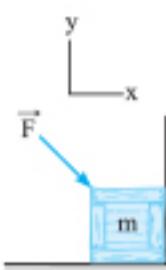


- (۱) ۱۰
- (۲) ۲۰
- (۳) ۳۰
- (۴) ۶۰

.۸.۸ در شکل زیر، بزرگی تیروی عمودی که جسم بر سطح افقی وارد می‌کند، چند نیوتون و در کدام جهت است؟ ( $g = 10 \text{ N/kg}$ )



- (۱) ↓, ۷
- (۲) ↑, ۷
- (۳) ↓, ۲۳
- (۴) ↑, ۲۳



۸.۹. مطابق شکل جسمی به جرم  $800\text{ g}$  را روی یک سطح افقی بدون اصطکاک، توسط تیروی  $\vec{F}$  به دیوار قائمی فشرده‌ایم. اگر بزرگی تیروهای عمودی که دیوار قائم و سطح افقی بر جسم وارد می‌کنند به ترتیب  $20\text{ N}$  و  $30\text{ N}$  باشد، تیروی  $\vec{F}$  در SI کدام است؟ ( $g = 10\text{ m/s}^2$ )

$$20\vec{i} - 28\vec{j}$$

$$28\vec{i} - 30\vec{j}$$

$$20\vec{i} - 22\vec{j}$$

$$20\vec{i} - 30\vec{j}$$

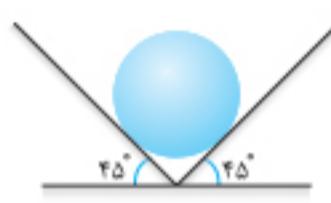
۸.۱۰. مطابق شکل، وزنه‌ای به جرم  $m = 2\text{ kg}$  بین دو دیوار قرار گرفته است. با صرف نظر از تیروی اصطکاک، برایند تیروهای عمودی سطحی که دو دیواره بر وزنه وارد می‌کنند، چند نیوتون است؟ ( $g = 10\text{ m/s}^2$ )

$$20\sqrt{2}$$

$$20$$

$$10\sqrt{2}$$

$$10$$



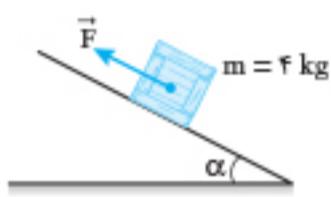
۸.۱۱. در شکل مقابل، کره‌ای همگن به جرم  $5\text{ kg}$  درون یک تاؤه بدون اصطکاک قرار دارد. این جسم به هر یک از دیواره‌ها، تیروی چند نیوتون را وارد می‌کند؟ ( $g = 10\text{ m/s}^2$ ) (ریاضی خارج)

$$25$$

$$50\sqrt{2}$$

$$20$$

$$25\sqrt{2}$$



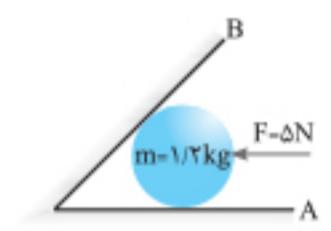
۸.۱۲. مطابق شکل جسمی روی یک سطح شیبدار تحت اثر تیروی  $\vec{F}$  که موازی سطح است قرار دارد و همچنان ساکن است. اندازه برایند تیروی  $\vec{F}$  و تیروی عمودی سطح بر جسم چند نیوتون است؟ ( $g = 10\text{ m/s}^2$ ) (ریاضی خارج)

$$40 \cdot \sin \alpha$$

$$40$$

$$\text{صفر}$$

$$40 \cdot \cos \alpha$$



۸.۱۳. کره‌ای مطابق شکل بین دو سطح صاف و میقلی قرار دارد. برایند اندازه تیروهایی که دیواره‌های A و B بر کره وارد می‌کنند، چند نیوتون است؟ ( $g = 10\text{ m/s}^2$ )

$$12$$

$$17$$

$$5$$

$$12$$



۸.۱۴. در یک آسانسور با سکولی تعجب شده است. در یک حرکت، پاسکول وزن شخص را بیش از حالت سکون تشنان داده است. آن حرکت چگونه است؟ (ریاضی خارج)

(۲) الزاماً تندشونده به طرف پایین

(۱) تندشونده به طرف بالا

(۴) تندشونده به طرف بالا یا تندشونده به طرف پایین

(۳) تندشونده به طرف بالا یا گندشونده به طرف پایین

۸.۱۵. شخصی به جرم  $60\text{ kg}$  روی یک ترازوی فنری درون یک آسانسور ایستاده است و آسانسور با سرعت ثابت  $2\text{ m/s}$  حرکت می‌کند. ترازو چند نیوتون را نشان می‌دهد؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$ ) (برگرفته از کتاب درس)

$$600$$

$$720$$

(۴) گزینه‌های (۱) و (۳) می‌توانند درست باشند.

(۳) ۴۸۰

۸.۱۶. جعبه‌ای به جرم  $6\text{ kg}$  روی یک آسانسوری قرار دارد و آسانسور با شتاب  $4\text{ m/s}^2$  به طرف بالا شروع به حرکت می‌کند. تیرویی که کف آسانسور بر جعبه وارد می‌کند، چند نیوتون است؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$ ) (برگرفته از کتاب درس)

$$84$$

$$60$$

$$36$$

$$24$$

۸.۱۷. شخصی به جرم  $80\text{ kg}$  روی یک ترازوی فنری قرار دارد. اگر آسانسور با شتاب ثابت رو به پایین  $2\text{ m/s}^2$  حرکت کند، ترازو چند نیوتون را نشان می‌دهد؟ ( $g = 10\text{ m/s}^2$ ) (تجربی مجدد ۱۴۰، مشابه ریاضی ۹۳)

$$980$$

$$960$$

$$740$$

$$640$$

۸.۱۸. شخصی به وزن  $600\text{ N}$  درون آسانسوری، روی یک ترازوی فنری ایستاده است و ترازو عدد  $480\text{ N}$  را نشان می‌دهد. شتاب آسانسور چند متر بر محدوده ثانیه و به کدام جهت است؟ ( $g = 10\text{ m/s}^2$ ) (ریاضی خارج)

(۱) ۲، پایین

(۲) ۲، بالا

(۳)  $\frac{1}{3}$ ، پایین

(۴)  $\frac{1}{3}$ ، بالا

۸.۱۹. اگر آسانسوری با شتاب  $2\text{ m/s}^2$  به طرف بالا در حرکت باشد، تیروی عمودی سطح بر جعبه‌ای به جرم  $4\text{ kg}$  که روی کف آسانسور است، چند نیوتون است؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$ )

$$40$$

$$32$$

(۴) هر دو گزینه (۱) و (۳) می‌توانند درست باشند.

(۳) ۴۸

۸.۲۰. شخصی به جرم  $60\text{ kg}$  روی یک ترازوی فنری در آسانسور ساکن ایستاده است. آسانسور با شتاب ثابت  $2\text{ m/s}^2$  به طرف بالا شروع به حرکت می‌کند. اگر کابل آسانسور پاره شود و آسانسور سقوط آزاد کند، ترازو چه عددی را نشان می‌دهد؟ ( $g = 10\text{ m/s}^2$ )

$$480$$

$$600$$

$$720$$

$$40$$

(۴) صفر

**۸۲۱.** شخصی به جرم  $70\text{ kg}$  درون یک آسانسور روی ترازویی ایستاده است. آسانسور از حالت سکون باشتаб ثابت  $1\text{ m/s}^2$  به سمت پایین شروع به حرکت می‌کند و سپس باشتاب ثابتی به بزرگی  $2\text{ m/s}^2$  متوقف می‌شود. اختلاف بین اندازه نیرویی که ترازو در این دو حالت نشان می‌دهد چند نیوتون است؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$ )

۸۴۰ (۴)

۴۲۰ (۳)

۶۳۰ (۲)

۲۱۰ (۱)

**۸۲۲.** جسمی به جرم  $5\text{ kg}$  کف آسانسوری قرار دارد. وقتی آسانسور باشتاب رویه بالای  $2\text{ m}$  به سمت بالا می‌رود، نیرویی که از طرف جسم بر کف آسانسور وارد می‌شود  $N$  است و وقتی باشتاب رویه پایین  $2\text{ m/s}$  به سمت پایین می‌رود، نیرویی وارد بر کف آسانسور  $N'$  است. اختلاف  $N$  و  $N'$  چند نیوتون است؟ ( $g = 10\text{ m/s}^2$ )

(۱) صفر

۴۰ (۴)

۲۰ (۳)

۱۰ (۲)

**۸۲۳.** شخصی به جرم  $60\text{ kg}$  درون آسانسور روی ترازوی فنری قرار دارد. در حالت اول آسانسور باشتاب ثابت  $a$  رویه بالا شروع به حرکت می‌کند و در حالت دوم آسانسور باشتاب ثابت  $2a$  رویه پایین شروع به حرکت می‌کند. اختلاف عددی که ترازوی فنری در این دو حالت نشان می‌دهد،  $N$  است.  $a$  چند متر بر مربع ثانیه است؟ ( $g = 10\text{ m/s}^2$ )

 $\frac{3}{4}$  (۴)

 $\frac{3}{2}$  (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

**۸۲۴.** نمودار سرعت - زمان آسانسوری که از حالت سکون شروع به حرکت می‌کند، مطابق شکل است. درون این آسانسور شخصی به جرم  $50\text{ kg}$  روی یک باسکول ایستاده است. بیشترین اختلاف بین اعدادی که باسکول در کل این حرکت نشان می‌دهد، چند نیوتون است؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$ )

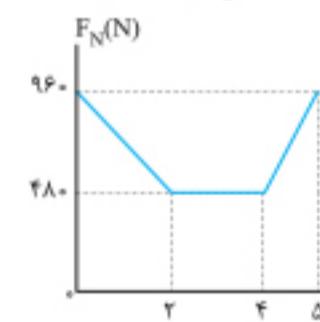
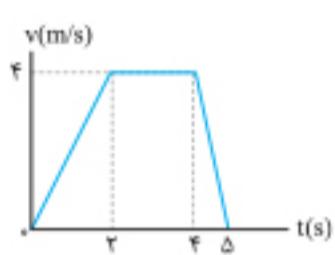
۱۵۰ (۲)

۵۵۰ (۴)

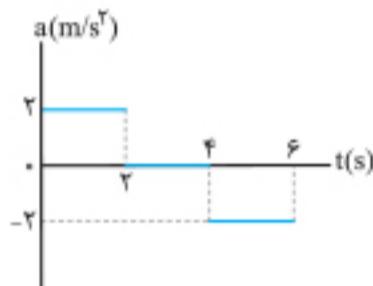
۵۰ (۱)

۴۰۰ (۳)

**۸۲۵.** شخصی به جرم  $80\text{ kg}$  درون آسانسوری که نمودار سرعت - زمان آن به شکل مقابل است، ایستاده است. نمودار نیروی عمودی که سطح کف آسانسور بر شخص وارد می‌کند بر حسب زمان کدام است؟



**۸۲۶.** آسانسوری از حالت سکون شروع به حرکت به طرف بالا می‌کند و نمودار شتاب - زمان آن مطابق شکل است. واکنش تیریوی کف آسانسور بر جعبه‌ای به جرم  $10\text{ kg}$  به لحظه  $t = 1\text{ s}$  در لحظه  $t = 5\text{ s}$  چند برابر لحظه  $t = 0$  است؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$ )


 (۱)  $\frac{2}{3}$  (۲)

 $\frac{1}{2}$  (۴)

 $\frac{3}{2}$  (۳)

**۸۲۷.** مکعبی به قطع  $5\text{ cm} \times 5\text{ cm} \times 5\text{ cm}$  به جرم  $10\text{ kg}$  روی کف آسانسوری قرار دارد و آسانسور باشتاب  $3\text{ m/s}^2$  به طرف پایین شروع به حرکت می‌کند. فشار مکعب بر کف آسانسور چند کیلوپاسکال است؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$ )

۵۲ (۴)

۵۲۰۰۰ (۳)

۲۸ (۲)

۲۸۰۰۰ (۱)

**۸۲۸.** شخصی به جرم  $80\text{ kg}$  بر روی یک ترازو درون آسانسوری ساکن قرار گرفته است. وقتی آسانسور باشتاب  $1\text{ m/s}^2$  به طرف پایین شروع به حرکت می‌کند، این شخص با دست خود به میزی که داخل آسانسور است، نیرویی به بزرگی  $10\text{ N}$  رو به پایین وارد می‌کند. در این حالت ترازو چه عددی را بر حسب نیوتون نشان خواهد داد؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$ )



۷۵۰ (۲)

۹۴۰ (۴)

۷۱۰ (۱)

۷۷۰ (۳)

**۸۲۹.** شخصی درون آسانسوری ایستاده و جسمی به جرم  $2\text{ kg}$  را در دست نگه داشته است و آسانسور باشتاب  $2\text{ m/s}^2$  به صورت گندشونده پایین می‌رود. هم‌زمان با آن شخص جسم را تا ارتفاع  $1\text{ m}$  با تنیدی ثابت بالا می‌برد. کار شخص در این جایه‌جایی چند زول است؟ ( $g = 10\text{ m/s}^2$ )

(۱) صفر

۱۶ (۳)

۲۰ (۲)

۲۴ (۱)

**۸۳۰.** شخصی به جرم  $60\text{ kg}$  درون آسانسوری قرار دارد. آسانسور از حالت سکون رویه بالا شروع به حرکت می‌کند؛ به طوری که پس از طی مسافت  $2\text{ m}$ ، تنیدی آن با آهنگی ثابت، به  $4\text{ m/s}$  می‌رسد. واکنش نیرویی که کف آسانسور به شخص وارد می‌کند چند نیوتون و در کدام جهت است؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$ )

 (۱)  $840$ , به سمت بالا

 (۲)  $360$ , به سمت پایین

 (۳)  $840$ , به سمت پایین

 (۴)  $840$ , به سمت پایین



**۸۲۱.** شخصی به جرم  $60\text{ kg}$  روی یک ترازو درون آسانسوری قرار دارد. آسانسور از حالت سکون باشتاب ثابت به سمت بالا شروع به حرکت می‌کند و سپس باشتاب ثابت متوقف می‌شود. اگر کل مسافت طی شده توسط آسانسور  $18\text{ m}$  و کل مدت زمان حرکت آسانسور  $6\text{ s}$  باشد، در صورتی که بزرگی شتاب مرحله تندشونده حرکت آسانسور ۲ برابر بزرگی شتاب مرحله کندشونده حرکت آن باشد، اختلاف بین حداکثر و حداقل مقداری که ترازو نشان می‌دهد، چند تیوتوون است؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$ )

(۴) ۱۵۰

(۳) ۹۰

(۲) ۱۲۰

(۱) ۸۰

**۸۲۲.** مطابق شکل روبرو گلوله‌ای به جرم  $5\text{ kg}$  درون تاوهای با دیواره‌های صیقلی قرار دارد و مجموعه درون آسانسوری که با شتاب ثابت  $2\text{ m/s}^2$  کندشونده به طرف بالا حرکت می‌کند است. اندازه برابر تیروهایی که از طرف سطوح تاوه بر جسم وارد می‌شود چند تیوتوون است؟ ( $g = 10\text{ m/s}^2$ )

(۴) ۶۰

(۳) ۴۰

(۲) ۵۰

(۱) صفر



## آزمون مبحثی ۱

(۱) زمان پیشنهادی: ۱۳ دقیقه

**۸۲۳.** چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

- الف- اگر جسمی در حرکت باشد، تیروی خالص وارد بر آن مخالف صفر است.
- ب- تیروی خالص وارد بر جسمی می‌تواند صفر باشد و جسم در حرکت باشد.
- پ- سرعت جسم می‌تواند صفر باشد اما تیروی خالص وارد بر آن مخالف صفر باشد.
- ت- واکنش تیروی وزن جسمی که روی میز قرار دارد، بر میز وارد می‌شود.
- ث- اگر جسمی با تندی ثابت حرکت کند تیروهای وارد بر آن متوازن‌اند.

(۴) ۴

(۳) ۳

(۲) ۲

(۱) ۱

**۸۲۴.** جسمی به جرم  $5\text{ kg}$ ، تحت تأثیر سه تیروی  $\vec{F}_1 = -15\vec{i} + 8\vec{j}$ ،  $\vec{F}_2 = -21\vec{i} + 19\vec{j}$  و  $\vec{F}_3 = 16\vec{i} + 12\vec{j}$  قرار گرفته و شتاب  $\vec{a} = -4\vec{i} + 3\vec{j}$  را پیدا کرده است. کدام است؟ (همه اندازه‌ها در SI است).

(۴)  $16\vec{i} + 12\vec{j}$ (۳)  $-16\vec{i} + 12\vec{j}$ (۲)  $16\vec{i} - 12\vec{j}$ (۱)  $-16\vec{i} - 12\vec{j}$ 

**۸۲۵.** به جرم  $5\text{ kg}$ ، که با سرعت  $5\text{ m/s}$  در جهت محور  $x$  حرکت می‌کند، تیروی خالص  $10\text{ N}$  در خلاف جهت محور وارد می‌شود. اندازه سرعت متوسط جسم پس از  $6\text{ m}$  جایه‌جایی چند متر بر ثانیه است؟

(۴) ۳

(۳) ۶

(۲) ۸

(۱) ۱۰

**۸۲۶.** شخصی به جرم  $80\text{ kg}$  با تندی  $5\text{ m/s}$  از یک قایق روی اسکله می‌پرد. اگر جرم قایق  $100\text{ kg}$  باشد و اصطکاک ناچیز فرض شود، حرکت قایق مطابق کدام گزینه خواهد شد؟

- (۱) با تندی  $2\text{ m/s}$  به عقب می‌رود.  
 (۲) با تندی  $4\text{ m/s}$  به عقب می‌رود.  
 (۳) با تندی  $6\text{ m/s}$  به عقب می‌رود.  
 (۴) ساکن می‌ماند.

**۸۲۷.** جسمی به جرم  $10\text{ kg}$  توسط مریخ توردی به سطح مریخ برده شده است. تیروی وزن این جسم در سطح مریخ چند برابر وزن آن در سطح زمین است؟ (زمین:  $g_{\text{زمین}} = 10\text{ N/kg}$ ، مریخ:  $g_{\text{مریخ}} = 3.7\text{ N/kg}$ )

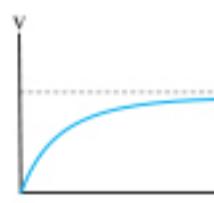
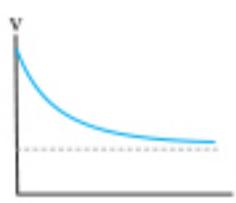
(۴) ۱۰

(۳) ۰/۳۷

(۲) ۳/۷

(۱) ۳۷

**۸۲۸.** گلوله‌ای از یک نقطه مرتفع در هوا از حال سکون رها می‌شود. نمودار تندی این گلوله از لحظه رهاشدن تا لحظه قبل از برخورد به زمین بر حسب زمان مطابق کدام گزینه است؟

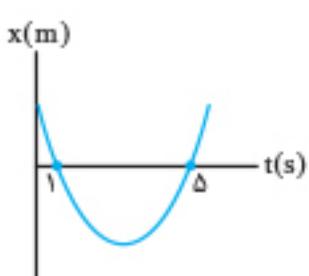


**۸۲۹.** جسمی را به طرف بالا (در راستای قائم) پرتاب می‌کنیم. اگر مقدار متوسط در کل مسیر بالا رفتن و پایین آمدن تیروی مقاومت هوا  $\frac{1}{5}$  وزن جسم باشد، شتاب جسم هنگام پایین آمدن چند برابر شتاب آن هنگام بالا رفتن جسم است؟

(۴)  $\frac{3}{5}$ (۳)  $\frac{3}{2}$ (۲)  $\frac{2}{3}$ 

(۱) ۱

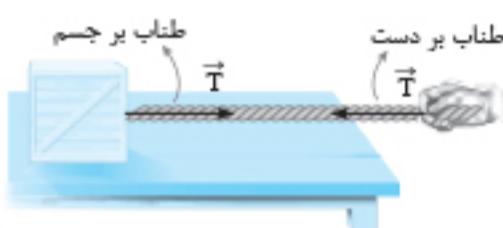
**۸۴۰.** نمودار مکان-زمان متحركی به جرم  $2\text{ kg}$  که روی خط راست حرکت می‌کند مطابق شکل مقابل و به صورت سه‌می است. اگر متحرك در مدتی که کندشونده حرکت می‌کند،  $5/13\text{ m}$  را طی کند در لحظه‌ای که جهت حرکتش هوش می‌شود، تیروی خالص وارد بر آن چند تیوتوون است؟ (۱) صفر  
 (۲) ۱۲  
 (۳) ۶



۸۴۱. شخصی درون آسانسور در حال حرکتی روی یک ترازو قرار دارد. در کدام یک از گزینه‌ها عددی که ترازو نمایش می‌دهد، بزرگتر از تیروی وزن شخص است؟
- جهت شتاب آسانسور به سمت پایین و جهت حرکت آسانسور به سمت بالا باشد.
  - جهت شتاب آسانسور و جهت حرکت آن هر دو به سمت پایین باشد.
  - آسانسور با سرعت ثابت به سمت بالا در حال حرکت باشد.
  - جهت شتاب آسانسور و جهت حرکت آن هر دو به سمت بالا باشد.

۸۴۲. شخصی به جرم  $80\text{ kg}$  درون آسانسوری قرار دارد. در لحظه‌ای که آسانسور با شتاب ثابت  $2\text{ m/s}^2$  تندشونده و به طرف پایین حرکت می‌کند، تیرویی که از طرف شخص به کف آسانسور وارد می‌شود، چند نیوتون و کدام جهت است؟ ( $g = 10\text{ m/s}^2$ )
- بالا،  $880\text{ N}$
  - بالا،  $720\text{ N}$
  - پایین،  $720\text{ N}$
  - پایین،  $880\text{ N}$

## ایستگاه ۶: نیروی کشش طناب



وقتی توسط نخ یا طناب، جسمی را مطابق شکل می‌کشیم، طناب هم به دست ما و هم بر جسم نیرو وارد می‌کند. چون در این حالت طناب تحت کشش قرار دارد، به این نیرو، نیروی کشش طناب گفته می‌شود و آن را با  $\vec{T}$  نمایش می‌دهند.

- نکته:** ۱) اگر جرم نخ یا طناب ناچیز باشد، این نیرو در کل نخ یا طناب مقدار ثابتی خواهد داشت و در کتاب درسی از جرم طناب و کش آمدن آن صرف‌نظر شده است.
- ۲) جهت نیروی کشش در طبایی که از دو طرف به دو نقطه یا دو جسم محکم بسته شده است، همواره به سمت وسط طناب است: به عنوان مثال در شکل بالا نیروی طناب بر دست به سمت چپ و نیروی طناب بر جسم به سمت راست است.
- ۳) طناب فقط به عنوان یک رابط و انتقال دهنده نیرو بین دو جسم عمل می‌کند.

- تست:** خودرویی به جرم  $1500\text{ kg}$  با طناب افقی محکمی که جرم آن ناچیز است، با شتاب ثابت  $2\text{ m/s}^2$  به طرف راست کشیده می‌شود. اگر تیروی مقاومت هوا و اصطکاک در مقابل حرکت خودرو به ترتیب  $N_{air} = 380$  و  $N_{friction} = 220$  باشد، نیروی کشش طناب در SI کدام است؟
- ۳۶۰۰
  - ۲۴۰۰
  - ۶۰۰
  - ۳۲۲۰

پاسخ: گزینه ۳)

ابتدا مطابق شکل نیروهای وارد بر خودرو را رسم می‌کنیم:  
حالا به سادگی با استفاده از قانون دوم نیوتون در راستای حرکت داریم:

$$\sum F_x = ma \Rightarrow T - f_D - f_k = ma \Rightarrow T = ma + f_D + f_k = 1500 \times 2 + 380 + 220 = 3600\text{ N}$$

- در شرایط خلا جسمی به جرم  $5\text{ kg}$  را از روی زمین با یک طناب سبک با شتاب ثابت به طرف بالا حرکت می‌دهیم. اگر در مدت  $2\text{ s}$ ، بزرگی سرعت متوسط جسم  $4\text{ m/s}$  باشد، تیروی طناب بر جسم چند نیوتون است؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$ )
- ۵۴
  - ۴۶
  - ۳۰
  - ۷۰

پاسخ: گزینه ۴)

جسم به وسیله طناب از حالت سکون به سمت بالا به حرکت در آمده است: بنابراین حرکت تندشونده و جهت شتاب به سمت بالا است.

**گام اول** شتاب جسم را از رابطه سرعت متوسط در حرکت با شتاب ثابت به دست می‌آوریم:

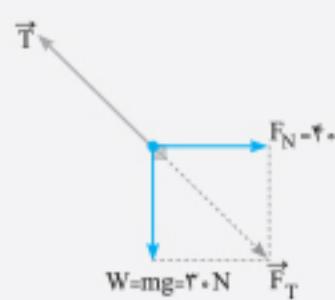
$$v_{av} = \frac{v_0 + v_f}{2} \quad v = at + v_0 \Rightarrow v_{av} = \frac{1}{2}at + v_0 \Rightarrow 4 = \frac{1}{2} \times a \times 2 + 0 \Rightarrow a = 4\text{ m/s}^2$$

گام دوم چون شتاب رو به بالا است، جهت بالا را مثبت فرض کرده و از قانون دوم نیوتون در راستای حرکت استفاده می‌کنیم:

$$F_{net} = ma \Rightarrow T - mg = ma \Rightarrow T - 5 \times 10 = 5 \times 4 \Rightarrow T = 70\text{ N}$$

- در شکل مقابل کره فلزی به جرم  $3\text{ kg}$  به دیواری که اصطکاک آن ناچیز است، آویزان است. اگر بزرگی تیروی عمودی سطح وارد بر کره  $40\text{ N}$  باشد، بزرگی تیروی کشش نخ چند نیوتون است؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$ )





پاسخ: گزینه ۴  
نیروهای وارد بر کره را مطابق شکل رسم می‌کنیم:  
چون  $\vec{F}_N$  و  $\vec{mg}$  بر هم عمودند، برایند این دو نیرو را با استفاده از رابطه برایند دو نیروی عمود بر هم مطابق زیر به دست می‌آوریم:

$$F_T = \sqrt{F_N^2 + (mg)^2} = \sqrt{40^2 + 30^2} = 50\text{ N}$$

چون جسم در حال تعادل است، باید برایند نیروهای وارد بر آن صفر باشد؛ بنابراین اندازه برایند این دو نیرو ( $F_T$ ) برابر بزرگی نیروی  $T$  و در خلاف جهت آن است:

$$T = F_T = 50\text{ N}$$

## پرسش‌های چهارگزینه‌ای



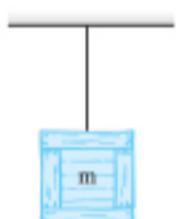
.۸۴۳. مطابق شکل، کارگری جعبه ساکنی را با طنابی افقی و سبک می‌کشد. نیرویی که طناب به شخص و جعبه وارد می‌کند به ترتیب از راست به چپ در چه جهتی است؟ (برگرفته از کتاب درس)

- (۱)  $\rightarrow, \leftarrow$   
(۲)  $\rightarrow, \rightarrow$   
(۳)  $\leftarrow, \rightarrow$   
(۴)  $\leftarrow, \leftarrow$



.۸۴۴. در شکل رویه‌رو، جسمی به جرم  $2\text{ kg}$  به طناب سبکی آویزان است. بزرگی نیرویی که طناب بر جسم وارد می‌کند، چند نیوتون و در چه جهتی است؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$ )

- (۱) ۲، بالا  
(۲) ۲، پایین  
(۳) ۲، پایین  
(۴) ۲، بالا



.۸۴۵. در شکل رویه‌رو جسمی به جرم  $m$  توسط یک نخ با جرم ناچیز از سقف آویزان است و در حالت تعادل قرار دارد. اگر بودار نیروی گرانش وارد بر جسم از طرف زمین برابر با  $\vec{W}$  باشد، واکنش نیروی وارد بر سقف و جسم از طرف نخ به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

- (۱)  $\vec{W}, \vec{W}$   
(۲)  $-\vec{W}, \vec{W}$   
(۳)  $-\vec{W}, -\vec{W}$   
(۴)  $\vec{W}, -\vec{W}$



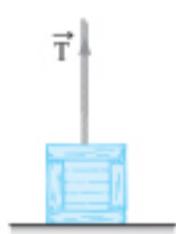
.۸۴۶. مطابق شکل، اگر اندازه نیروی  $\vec{F}$  برابر  $40\text{ N}$  باشد، اندازه نیروی کشش نخ بر جسم چند نیوتون و در کدام جهت است؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$ )

- (۱)  $\downarrow, 20$   
(۲)  $\downarrow, 40$   
(۳)  $\uparrow, 20$   
(۴)  $\uparrow, 40$



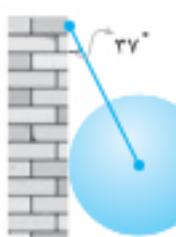
.۸۴۷. شخصی به جرم  $60\text{ kg}$  روی ترازوی فنری ایستاده و با نیروی  $20\text{ N}$  طنایی را که به سقف آویزان است، به طرف پایین می‌کشد. در این حالت، ترازو چه عددی را در SI نشان می‌دهد؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$ )

- (۱)  $80$   
(۲)  $40$   
(۳)  $580$   
(۴)  $620$



.۸۴۸. در شکل رویه‌رو، جرم جسم  $5\text{ kg}$  و نیروی کشش طناب وارد بر جسم  $T = 30\text{ N}$  است. اگر جسم ساکن بماند، بزرگی نیروی عمودی سطح وارد بر جسم چند نیوتون است؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$ )

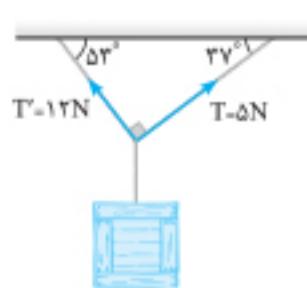
- (۱)  $20$   
(۲)  $30$   
(۳)  $40$   
(۴)  $50$



.۸۴۹. در شکل رویه‌رو، کره فلزی به جرم  $20\text{ kg}$  به دیواری که اصطکاک آن ناچیز است، آویزان است. اگر اندازه نیروی عمودی سطح وارد بر کره  $N = 150\text{ N}$  باشد، نیروی کشش نخ بر کره چند نیوتون و در کدام جهت است؟

$$(g = 10\text{ N/kg}, \sin 37^\circ = 0.6, \cos 37^\circ = 0.8)$$

- (۱)  $200$   
(۲)  $200$   
(۳)  $250$   
(۴)  $250$



۸۵۰. در شکل رو به رو، جرم نخ های اچیز و جسم در حال تعادل است. بزرگی تیروی وزن جسم چند نیوتون است؟ ( $\cos 37^\circ = 0.8$ )

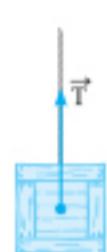
- (۱) ۵  
(۲) ۱۲  
(۳) ۱۳  
(۴) ۱۷



۸۵۱. در شکل رو به رو، توسط طنابی با جرم ناچیز، سطل آبی به جرم  $2\text{ kg}$  را از روی زمین با شتاب ثابت  $2\text{ m/s}^2$  به طرف بالا حرکت می دهیم. بزرگی تیروی کشش طناب متصل به آن چند نیوتون است؟ ( $g = 10\text{ m/s}^2$  و مقاومت هوای ناچیز است.)

(برگرفته از کتاب درس)

- (۱) ۲۵  
(۲) ۲۸  
(۳) ۲۴  
(۴) ۲۶



۸۵۲. در شکل رو به رو، بزرگی تیروی کشش طناب  $\frac{1}{3}$  بزرگی وزن جسم است. اندازه شتاب حرکت جسم چند برابر اندازه (تجربه خارج)

- (۱)  $\frac{1}{2}$   
(۲)  $\frac{2}{3}$   
(۳)  $\frac{3}{2}$   
(۴)  $\frac{3}{4}$



۸۵۳. در شکل رو به رو جسم با شتابی به بزرگی  $2\text{ m/s}^2$ ، به طرف بالا در حال حرکت است. اگر مقاومت هوای ناچیز باشد، اندازه تیروی کشش نخ متصل به آن چند نیوتون است؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$ )

- (۱) ۱۰  
(۲) ۱۲  
(۳) ۱۱ و ۱۳ می توانند درست باشند.



۸۵۴. در شکل رو به رو، جرم طناب ناچیز و جسم به طرف بالا در حال حرکت است. جرم جسم  $5\text{ kg}$  و تیروی کشش طناب  $40\text{ N}$  است. در این صورت حرکت جسم و با شتاب متر بر مجدد ثانیه است. ( $g = 10\text{ N/kg}$ )

- (۱) تندشونده - ۵  
(۲) کندشونده - ۵  
(۳) تندشونده - ۲  
(۴) کندشونده - ۲



۸۵۵. وزنهای به جرم  $2\text{ kg}$  را با طناب سبکی با شتاب  $2\text{ m/s}^2$  تندشونده رو به بالا می کشیم، اگر تیروی کشش طناب را دو برابر کنیم، شتاب حرکت جسم چند برابر می شود؟ ( $g = 10\text{ m/s}^2$ )

- (۱) ۱۴  
(۲) ۷  
(۳) ۴  
(۴) ۵



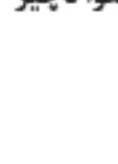
۸۵۶. می خواهیم جسمی به جرم  $4\text{ kg}$  را با طنابی که حداکثر تیروی قابل تحمل آن  $48\text{ N}$  است، از حالت سکون در راستای قائم بالا ببریم. حداکثر شتاب جسم چند متر بر مجدد ثانیه باشد تا طناب پاره نشود؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$ )

- (۱) ۱/۵  
(۲) ۱/۳  
(۳) ۱/۵  
(۴) ۰/۵



۸۵۷. جسمی به جرم  $2\text{ kg}$  را با یک طناب از روی زمین در راستای قائم با شتاب ثابت بالا می بریم و جسم در ارتفاع  $10\text{ m}$  به سرعت  $10\text{ m/s}$  می رسد. اگر بزرگی تیروی مقاومت هوای در کل مسیر به طور متوسط  $5\text{ N}$  باشد، بزرگی تیروی کشش طناب چند نیوتون است؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$ )

- (۱) ۱۷  
(۲) ۲۷  
(۳) ۳۰  
(۴) ۲۵



۸۵۸. جسمی به جرم  $2\text{ kg}$  را با یک نخ سبک از روی زمین با تیروی  $25\text{ N}$  به طرف بالا حرکت می دهیم. پس از  $2\text{ s}$  نخ پاره می شود. اگر مقاومت هوای ناچیز باشد، حداکثر ارتفاع جسم چند متر خواهد شد؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$ )

- (۱) ۲/۵  
(۲) ۶/۲۵  
(۳) ۷/۵  
(۴) ۱۲/۵



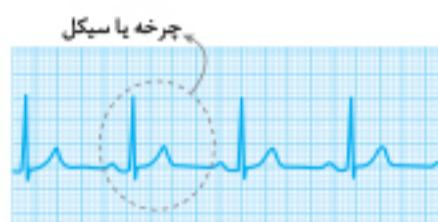
۸۵۹. جسمی به جرم  $6\text{ kg}$  را با یک طناب از سقف یک آسانسور آویزان کردہ ایم. اگر طناب با تیروی بیشتر از  $75\text{ N}$  پاره شود، آسانسور حداکثر با چه شتابی در SI از حالت سکون رو به بالا حرکت کند تا طناب پاره نشود؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$ )

- (۱) ۰/۵  
(۲) ۱/۵  
(۳) ۱/۵  
(۴) ۲/۵

## ایستگاه ۱: حرکت نوسانی و مفاهیم اولیه

ضریبان قلب انسان، تاب خوردن، بالا و پایین رفتن سرنشیان یک کشتی که در حال حرکت روی امواج است، زمین لرزه و حرکت جسم متصل به فنر، نمونه‌هایی از حرکت نوسانی‌اند.

اگر به اطراف خود دقیق کنیم، حرکت‌هایی را می‌بینیم که در بازه‌های زمانی یکسان و متوالی عیناً تکرار می‌شوند، این حرکت‌ها را حرکت دوره‌ای می‌نامیم.  
حرکت نوسانی دوره‌ای: حرکت‌های دوره‌ای که به صورت رفت‌ویرگشت (نوسانی) باشند را حرکت نوسانی دوره‌ای می‌نامیم. مانند تاب خوردن، حرکت جسم متصل به فنر در راستای قائم یا افقی، ضرب‌اهنگ (ریتم) قلب انسان. جسمی که حرکت نوسانی انجام می‌دهد را نوسانگر می‌نامیم.



### مفاهیم اولیه:

۱ چرخه (سیکل): هر نوسان کامل (یعنی یک رفت‌ویرگشت کامل) را چرخه می‌نامیم.

۲ دوره تناوب: مدت زمان یک نوسان کامل یا انجام یک چرخه را دوره تناوب می‌نامیم و آن را با  $T$  نشان می‌دهیم.

### توجه:

۱ یکای دوره تناوب در SI ثانیه است.

۲ اگر نوسانگر در مدت زمان  $t$ ،  $n$  نوسان کامل را انجام دهد، در این صورت دوره تناوب برابر است با:

$$\frac{n}{\text{نوسان}} = \frac{t(s)}{T(s)} \Rightarrow T = \frac{t}{n}$$

۳ بسامد (فرکانس): تعداد نوسان‌های انجام شده (تعداد چرخه‌ها) در هر ثانیه را بسامد (فرکانس) می‌نامیم و آن را با  $f$  نشان می‌دهیم.

توجه: ۱ یکای بسامد در SI، هرتز (Hz) می‌باشد.

۲ اگر بسامد نوسانگر  $20 \text{ Hz}$  باشد، یعنی در مدت  $1 \text{ s}$ ،  $20$  نوسان کامل انجام می‌دهد.

۳ اگر نوسانگر در مدت زمان  $t$ ،  $n$  نوسان کامل انجام دهد در این صورت بسامد بسامد برابر است با:

**نکته:** از روابط بسامد و دوره تناوب داریم:

$$f = \frac{1}{T} \Rightarrow 1 \text{ Hz} = \frac{1}{1 \text{ s}} = 1 \text{ چرخه بر ثانیه}$$

**تست:** شکل زیر، توار قلب شخصی را نشان می‌دهد. قلب این شخص در هر دقیقه چند بار می‌زند؟

۴۵ (۱)

۷۵ (۲)

۸۰ (۳)

۹۰ (۴)



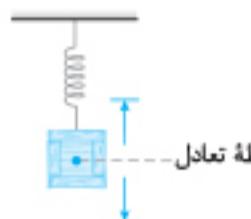
پاسخ: گزینه (۳)

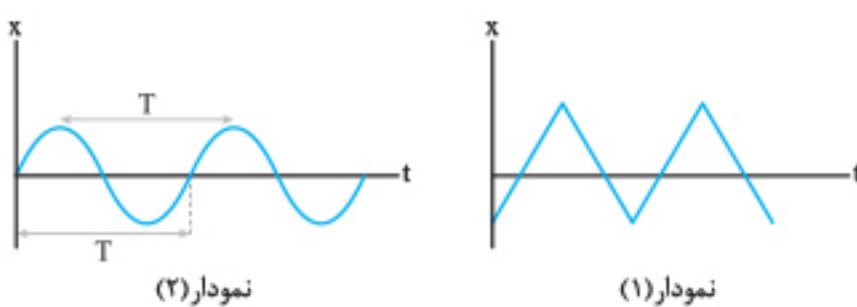
نوار قلب شخص نشان می‌دهد دوره تناوب ضربان قلب او  $T = 0.75 \text{ s}$  است؛ بنابراین داریم:

$$T = \frac{t}{n} \Rightarrow 0.75 = \frac{60}{n} \Rightarrow n = 80$$

### حرکت هماهنگ ساده (SHM)

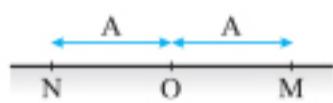
حرکتی است که به صورت رفت‌ویرگشت روی پاره خطی ثابت، حول نقطه وسط پاره خط انجام می‌شود و معادله مکان-زمان آن به طور سینوسی یا کسینوسی می‌باشد. نمونه معروف حرکت هماهنگ ساده نوسان جرم و فنر در راستای قائم یا افقی روی سطح بدون اصطکاک است.





برای مثال نمودارهای (۱) و (۲) هر دو مربوط به حرکت نوسانی دوره‌ای می‌باشند، ولی در نمودار (۲) نوسان‌ها به صورت سینوسی است، بنابراین شکل نمودار (۲) مربوط به حرکت هماهنگ ساده است.

### مفاهیم اولیهٔ حرکت هماهنگ ساده



$$ON = OM = A$$

$$A = \frac{MN}{2}$$

۱ پاره خط نوسان: پاره خطی که نوسانگر روی آن حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد.

۲ مرکز نوسان: نقطه وسط پاره خط نوسان که نوسانگر حول آن نوسان می‌کند. مرکز نوسان همان نقطه تعادل می‌باشد.

۳ دامنه نوسان: بیشترین فاصله نوسانگر تا مرکز نوسان (نقطه تعادل) را دامنه نوسان می‌نامیم و آن را با  $A$  نمایش می‌دهیم.

دامنه نوسان نصف پاره خط نوسان می‌باشد.

۴ تست: نوسانگر هماهنگ ساده‌ای روی پاره خطی به طول ۱۲ cm نوسان می‌کند. اگر نوسانگر در مدت ۸s، ۶۴ بار طول پاره خط را طی کند، به ترتیب از راست به چپ دامنه و بسامد نوسانگر چند سانتی‌متر و چند هرتز است؟

۸، ۶ (۴)

۴، ۱۲ (۳)

۴، ۶ (۲)

۸، ۱۲ (۱)

پاسخ: گزینه (۲)

دامنه نصف طول پاره خط نوسان می‌باشد.

در یک نوسان کامل نوسانگر باید دو بار طول پاره خط MN را طی کند: بنابراین تعداد نوسانات برابر است با:

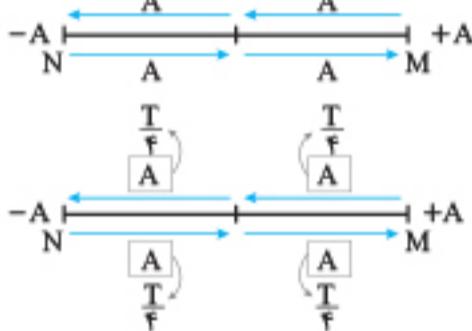
$$A = \frac{MN}{2} = \frac{12}{2} = 6 \text{ cm}$$

$$n = \frac{64}{2} = 32$$

$$f = \frac{n}{T} = \frac{32}{8} \Rightarrow f = 4 \text{ Hz}$$

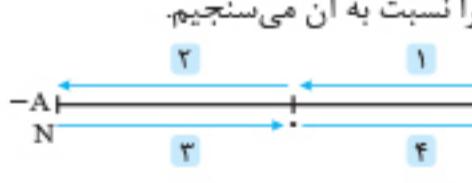
### نکات مربوط به هماهنگ ساده

۱ نوسانگر در هر نوسان کامل در مدت زمان یک دوره ( $T$ )، ۴ بار دامنه را طی می‌کند.



$$\text{مسافت طی شده} L = 4A$$

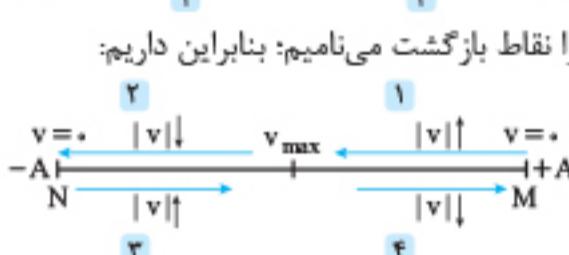
۲ نوسانگر هر دامنه را در مدت  $\frac{T}{4}$  طی می‌کند.



۳ در حرکت هماهنگ ساده مرکز نوسان را به عنوان مبدأ مختصات در نظر می‌گیریم و سپس مکان نوسانگر را نسبت به آن می‌سنجیم.

الف) در ناحیه (۱) و (۴) مکان نوسانگر ثابت ( $x > 0$ ) است.

ب) در ناحیه (۲) و (۳) مکان نوسانگر منفی ( $x < 0$ ) است.



۴ در مرکز نوسانگر تندی بیشینه و در دو انتهای مسیر تندی صفر است. نقاط  $x = +A$  و  $x = -A$  را نقاط بازگشت می‌نامیم: بنابراین داریم:

الف) اگر نوسانگر به سمت مرکز نوسان حرکت کند، تندی آن افزایش می‌یابد ( $|v| \uparrow$ ) و حرکت

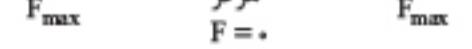
تندشونده است (ناحیه (۱) و (۳)).

ب) اگر نوسانگر به انتهای مسیر نوسان ( $x = \pm A$ ) حرکت کند، تندی آن کاهش می‌یابد ( $|v| \downarrow$ )

و حرکت کندشونده است (ناحیه (۲) و (۴)).

۵ جهت حرکت نوسانگر جهت سرعت آن را نشان می‌دهد، بنابراین در ناحیه (۱) و (۲) جهت سرعت به سمت منفی محور  $x$  است، بنابراین علامت  $v$  منفی است و در ناحیه (۳) و (۴) جهت سرعت به سمت مثبت محور  $x$  است: پس علامت  $v$  مثبت است.

۶ در مرکز نوسان شتاب و نیروی نوسانگر صفر و در دو انتهای مسیر ( $x = \pm A$ ) مقدار شتاب بیشینه است.



$$a_{\max} = \frac{F_{\max}}{m}$$



۷ جهت بردار شتاب و نیروهای مهواره به سمت مرکز نوسان است، بنابراین در ناحیه (۱) و (۴) علامت بردار شتاب و نیرو منفی است و در ناحیه (۲) و (۳) علامت بردار شتاب و نیرو مثبت است.



- تست:** در حرکت هماهنگ ساده و در لحظه‌هایی که حرکت کندشونده است، کدام یک از موارد زیر درست است؟
- اندازه شتاب افزایش می‌یابد.
  - اندازه سرعت افزایش می‌یابد.
  - مکان ذره ممکن است منفی باشد.
  - الف و ت
  - ب و پ
  - الف و ب

پاسخ: گزینه ۳

**بررسی همه عبارت‌ها** **الف** درست: در ناحیه ۲ و ۴ حرکت، کندشونده است و نوسانگر به نقاط بازگشتی انتهای مسیر می‌رود، بنابراین  $|a|$  افزایش می‌یابد.

**ب) نادرست:** حرکت نوسانگر هنگامی که به انتهای مسیر برود، کندشونده است و اندازه سرعت آن کاهش می‌یابد.

**پ) نادرست:** در انتهای مسیر اندازه شتاب افزایش می‌یابد. (ناحیه ۲ و ۴)

**ت) درست:** در ناحیه ۲ مکان منفی و در ناحیه ۴ مکان نوسانگر مثبت است.

**۱۲۹۱** توسانگر هماهنگ ساده‌ای در مدت ۱۵ ثانیه ۶۰ توسان کامل انجام می‌دهد. اگر تندی متوسط توسانگر در مدت دو دوره  $8\text{ m/s}$  باشد، دامنه آن چند سانتی‌متر است؟

۵۰ (۴)

۴۵ (۳)

۲۵ (۲)

۲۵ (۱)

پاسخ: گزینه ۴

ابتدا مقدار دوره را محاسبه می‌کنیم.

$$T = \frac{t}{n} = \frac{15}{60} = \frac{1}{4}\text{ s}$$

با توجه به این که نوسانگر در هر دوره (T) مسافت  $L = 4A$  را طی می‌کند، بنابراین در مدت دو دوره مسافت  $8A$  را طی می‌کند. از رابطه تندی متوسط داریم:

$$s_{av} = \frac{L}{\Delta t} \xrightarrow{\Delta t=2T} A = \frac{8A}{2 \times \frac{1}{4}} \Rightarrow A = \frac{1}{2}\text{ m} = 50\text{ cm}$$

## پرسش‌های چهارگزینه‌ای



**۱۲۹۱.** شکل رویه‌رو، توار قلب یک شخص را در مدت ۲/۲۸ ثیان می‌دهد. دوره تناوب ضربان قلب این شخص چند ثانیه است؟

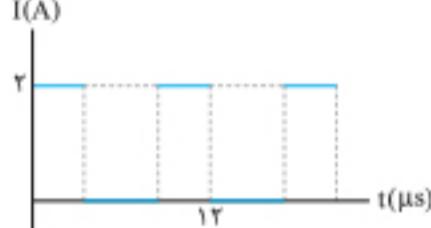
۰ / ۷۵ (۲)

۰ / ۷۵ (۱)

۰ / ۸۵ (۴)

۰ / ۸۵ (۳)

**۱۲۹۲.** تمودار جریان خروجی بر حسب زمان یک وسیله برقی مطابق شکل است. اگر در هر دوره تناوب، در ۲۰٪ لحظات، جریان غیرصفرا باشد، بسامد این جریان چند کیلوهرتز است؟



۷۵ (۱)

۸۰ (۲)

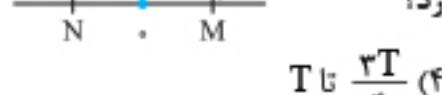
۱۰۰ (۳)

۱۲۵ (۴)

**۱۲۹۳.** توسانگر هماهنگ ساده‌ای حول مرکز توسان در راستای محور x توسان می‌کند. در لحظه‌ای که جهت نیروی وارد بر توسانگر و جهت سرعت آن در جهت x+ می‌باشد. علامت مکان و اندازه شتاب به ترتیب از راست به چپ چگونه است؟

(۱) مثبت - افزایش می‌یابد. (۲) مثبت یا منفی - افزایش می‌یابد. (۳) مثبت یا منفی - کاهش می‌یابد. (۴) منفی - کاهش می‌یابد.

**۱۲۹۴.** مطابق شکل توسانگری روی پاره خط MN و حول مبدأ مختصات با دوره حرکت T حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. در زمانی که حرکت توسانگر کندشونده و مکان توسانگر منفی است، توسانگر در کدام بازه زمانی قرار دارد؟



(۱) صفر تا  $\frac{T}{4}$  (۲)  $\frac{T}{4}$  تا  $\frac{3T}{4}$  (۳)  $\frac{3T}{4}$  تا T (۴)  $\frac{T}{2}$  تا  $\frac{3T}{2}$

**۱۲۹۵.** در حرکت هماهنگ ساده با دامنه A، مسافتی که توسانگر در مدت زمان یک دوره تناوب طی می‌کند، کدام است؟

A (۲)

۰ / صفر (۱)

۴A (۴)

۲A (۳)

۱۲۹۶. نوسانگر هماهنگ ساده‌ای روی یک پاره خط، حرکت نوسانی انجام می‌دهد. اگر این نوسانگر در هر دقیقه ۱۵ بار طول این پاره خط را طی کند، دوره تناوب آن چند ثانیه است؟

۸ (۴)

۶ (۳)

۵ (۲)

۴ (۱)

۱۲۹۷. دو نوسانگر ساده A و B به ترتیب با دوره‌های  $\frac{۳}{۵}s$  و  $\frac{۵}{۳}s$ ، هم‌زمان از وضع تعادل شروع به نوسان می‌کنند. پس از چند ثانیه یکی از نوسانگرهای

onusan کامل بیشتر از دیگری انجام می‌دهد؟

۲۴/۵ (۴)

۲۱ (۳)

۱۷/۵ (۲)

۱۴ (۱)

۱۲۹۸. در حرکت هماهنگ ساده، تندی نوسانگر با فاصله‌های زمانی  $۰.۲s$  صفر می‌شود. بسامد این نوسانگر چند هرتز است؟

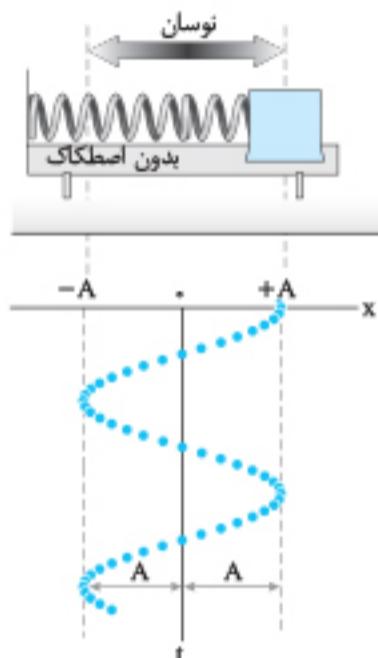
۱۰۰ (۴)

۷۵ (۳)

۵۰ (۲)

۲۵ (۱)

## ایستگاه ۲: معادله و نمودار مکان - زمان در حرکت هماهنگ ساده



### معادله مکان-زمان

اگر مطابق شکل نوسان دستگاه جرم - فنر را مورد بررسی قرار دهیم، تابع مکان - زمان آن به صورت تابع متناوب سینوسی یا کسینوسی نوشته می‌شود.

در کتاب درسی تابع کسینوسی برای معادله مکان - زمان استفاده می‌شود.

x: مکان نوسانگر در لحظه t در SI برحسب متر (m)

A: دامنه نوسانگر برحسب متر (m)

$$x(t) = A \cos \omega t$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f$$

توجه: ۱ در معادله بالا را بسامد زاویه یا سرعت زاویه‌ای می‌نامیم.

۲ در معادله بالا  $\omega t$  را شناسه تابع کسینوس می‌نامیم که برحسب رادیان است.

۱ تست: نوسانگر هماهنگ ساده‌ای در مدت یک دوره مسافت ۴۰ cm را طی می‌کند، همچنین این نوسانگر در مدت ۱۰ s ۴۰ بار طول پاره خط را طی می‌کند. معادله مکان - زمان این نوسانگر در SI کدام است؟

$$x = ۰/۲ \cos ۸\pi t$$

$$x = ۰/۱ \cos ۴\pi t$$

$$x = ۲ \cdot \cos ۸\pi t$$

$$x = ۱ \cdot \cos ۴\pi t$$

پاسخ: گزینه ۳

گام اول نوسانگر در مدت یک دوره مسافت  $۴A = ۴0\text{ cm}$  را طی می‌کند؛ بنابراین داریم:

گام دوم نوسانگر در یک نوسان کامل ۲ بار طول پاره خط را طی می‌کند، بنابراین نوسانگر در  $۱۰\text{ s}$  نوسان کامل انجام می‌دهد؛ پس می‌توانیم بسامد و بسامد زاویه‌ای را محاسبه کنیم.

$$f = \frac{n}{t} = \frac{۲}{۱۰} = ۰.۲\text{ Hz}, \omega = 2\pi f = ۰.۴\pi \text{ rad/s}$$

$$x = A \cos \omega t \Rightarrow x = ۰/۱ \cos ۰.۴\pi t$$

گام سوم معادله را به دست می‌آوریم:

۱ معادله مکان - زمان نوسانگر هماهنگ ساده‌ای در SI، به صورت  $x = ۲ \cos(۵\pi t)$  است. مسافت طی شده توسط این نوسانگر در مدت زمان ۲ s چند متر است؟

۴ (۴)

۳۰ (۳)

۲۰ (۲)

۱۰ (۱)

پاسخ: گزینه ۴

گام اول حالت کلی معادله مکان - زمان نوسانگر هماهنگ ساده، به صورت  $x = A \cos(\omega t)$  است؛ بنابراین می‌توان نوشت:

$$x = ۲ \cos(۵\pi t) \Rightarrow A = ۲\text{ m}, \omega = ۵\pi \text{ rad/s} \xrightarrow{\omega = \frac{2\pi}{T}} ۵\pi = \frac{2\pi}{T} \Rightarrow T = \frac{۲}{۵} \text{ s}$$

گام دوم با استفاده از رابطه  $n = \frac{t}{T}$ ، تعداد نوسان‌های کامل این نوسانگر را محاسبه می‌کنیم:

$$n = \frac{t}{T} \xrightarrow{T = \frac{۲}{۵} \text{ s}} n = \frac{۲}{\frac{۲}{۵}} = ۵$$

گام سوم مسافت طی شده توسط نوسانگر در هر نوسان کامل برابر با  $۴A$  است؛ در نتیجه مسافت طی شده پس از ۵ نوسان کامل برابر است با:

$$L = ۵(۴A) = ۵ \cdot ۲ \xrightarrow{A=۲\text{ m}} L = ۲ \times ۲ = ۴\text{ m}$$

**۱)** معادله مکان - زمان نوسانگر هماهنگ ساده‌ای در SI به صورت  $x = A \cos \omega t$  است. تا لحظه  $t = \frac{1}{4}s$  اندازه جابه‌جایی نوسانگر چند سانتی‌متر است؟ ( $\sqrt{2} \approx 1.41$ )

۶۶ (۴)

۵۶ (۳)

۳۴ (۲)

۲۴ (۱)

پاسخ: گزینه ۱۱

**گام اول** در لحظه  $t_1$  نوسانگر در مکان  $x = +A$  قرار دارد. در لحظه  $t = \frac{1}{4}s$  مکان جسم را به دست می‌آوریم.

$$t = \frac{1}{4}s \Rightarrow x = A \cos \omega t = A \cos \omega \cdot \frac{1}{4}s = A \cos \frac{\pi}{4} = A \times \frac{\sqrt{2}}{2} \approx 0.56\text{ cm}$$



$$|\Delta x| = |x_2 - x_1| = A - 0.56 = 0.44\text{ m} = 44\text{ cm}$$

**گام دوم** جابه‌جایی نوسانگر را محاسبه می‌کنیم:

$$x_2 = +0.56\text{ m}$$

$$x_1 = +A/2$$

$$\Delta x = x_2 - x_1 = 0.56 - 0.28 = 0.28\text{ m} = 28\text{ cm}$$

**۲)** معادله مکان - زمان نوسانگر هماهنگ ساده‌ای در SI به صورت  $x = A \cos 2\pi t$  است. تندی متوسط نوسانگر از لحظه شروع حرکت ( $x = +A$ ) تا لحظه  $t = \frac{2}{3}s$  چند m/s است؟

۱/۵ (۴)

۰/۴ (۳)

۲/۳ (۲)

۰/۹ (۱)

پاسخ: گزینه ۱۴

**گام اول** مکان نوسانگر را در لحظه  $t = \frac{2}{3}s$ ، به دست می‌آوریم:

$$t = \frac{2}{3}s \Rightarrow x = A \cos 2\pi t = A \cos 2\pi \cdot \frac{2}{3} = A \cos \frac{4\pi}{3} = A \times (-\frac{1}{2}) = -0.5A$$

**گام دوم** مسافت طی شده تا لحظه  $t = \frac{2}{3}s$  را به دست می‌آوریم. دقت کنید که ابتدا باید دوره را محاسبه کنیم و سپس با مقایسه زمان با دوره یا

$$\omega = \frac{2\pi}{T} \Rightarrow 2\pi = \frac{2\pi}{T} \Rightarrow T = 1s$$

$$(\frac{T}{2} = 0.5s, t = \frac{2}{3}s) \Rightarrow \frac{T}{2} < t < T$$

**روش اول** مقایسه  $t$  با  $T$  (دوره): روش دوم مقایسه تعداد نوسان (n):

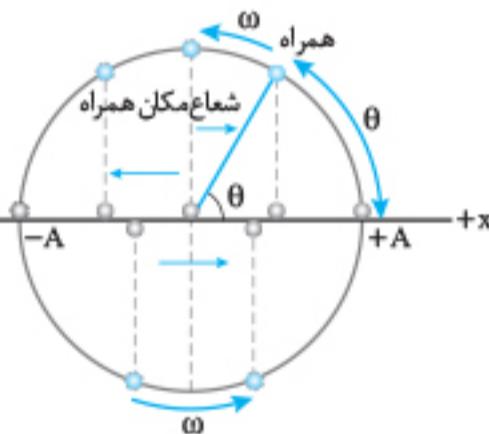
با توجه به این که  $t > \frac{T}{2}$  یا  $n > \frac{1}{2}$  می‌باشد: بنابراین نوسانگر یک بار تغییر جهت داده و برای دومین بار به نقطه  $x = -0.5A$  می‌رسد و مسیر حرکت

مطابق شکل مقابل است:



**گام سوم** تندی متوسط را محاسبه می‌کنیم:

$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{1}{\frac{2}{3}} = \frac{3}{2} \text{ m/s} \Rightarrow s_{av} = 1.5 \text{ m/s}$$



### مفهوم شناسه در حرکت هماهنگ ساده

برای درک بهتر مفهوم شناسه از دایره مرجع استفاده می‌کنیم. (دایره مرجع دایره‌ای به شعاع دامنه  $T$  است). همان‌طوری که در شکل مشاهده می‌کنید، هنگامی که نوسانگر روی محور  $X$  با دوره  $T$  نوسان می‌کند، فرض می‌کنیم در هر لحظه نوسانگر، همراهی دارد که روی دایره مرجع با همان دوره  $T$  نوسانگر، حرکت می‌کند. اگر در هر لحظه از مکان نوسانگر، روی محور  $X$  خط عمودی بر آن رسم کنیم، مکان همراه روی دایره مرجع مشخص می‌شود.

زاویه بین شعاع مکان همراه با جهت مثبت محور  $x$  ( $\vec{x}$ ) را شناسه می‌نامیم. با درک مفهوم شناسه می‌توانیم بعضی سوالات را سریع‌تر و ساده‌تر حل کنیم.

$$\theta = \omega t = \frac{2\pi}{T} t$$

نکته:

با توجه به تعریف دوره نوسانگر، می‌توان رابطه بین شناسه و زمان نوسانگر را به صورت زیر نوشت:

**۱)** تست: معادله حرکت هماهنگ ساده‌ای در SI به صورت  $x = A \cos \omega t$  است. کمترین بازه زمانی که نوسانگر از مکان  $\frac{A}{2}$  به مکان  $-A$  می‌رود چند ثانیه است؟

۱/۱۰۰ (۴)

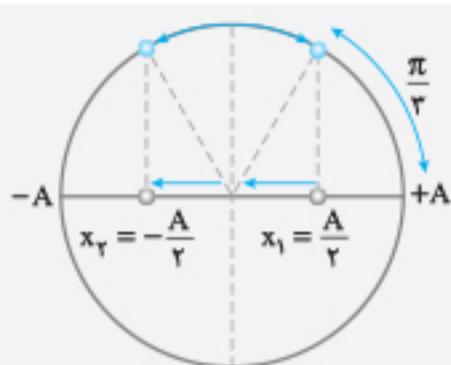
۱/۲۰۰ (۳)

۱/۱۵۰ (۲)

۱/۳۰۰ (۱)

پاسخ: گزینه ۱۲

کمترین بازه زمانی که نوسانگر از مکان  $\frac{A}{2}$  به مکان  $-A$  می‌رود زمانی است که نوسانگر تغییر جهت ندهد و مستقیم از مکان  $x_1$  به مکان  $x_2$  برود.



**گام اول** شناسه‌ها را در مکان‌های موردنظر مشخص می‌کنیم:

$$\textcircled{1} \quad x_1 = +\frac{A}{2} \Rightarrow \cos \omega \cdot \pi t_1 = \frac{1}{2} \Rightarrow \theta_1 = \omega \cdot \pi t_1 = \frac{\pi}{3}$$

$$\textcircled{2} \quad x_2 = -\frac{A}{2} \Rightarrow \cos \omega \cdot \pi t_2 = -\frac{1}{2} \Rightarrow \theta_2 = \omega \cdot \pi t_2 = \frac{2\pi}{3}$$

**گام دوم** از اختلاف دو شناسه مدت زمان موردنظر را به دست می‌آوریم:

$$\frac{\textcircled{2} - \textcircled{1}}{\Delta \theta = \omega \Delta t} \Rightarrow \Delta \theta = \omega \cdot \pi (t_2 - t_1) = \frac{2\pi}{3} - \frac{\pi}{3} \Rightarrow \omega \cdot \pi \Delta t = \frac{\pi}{3} \Rightarrow \Delta t = \frac{1}{15\omega} \text{ s}$$



بسامد نوسانگری در یک حرکت هماهنگ ساده  $5 \text{ Hz}$  می‌باشد. در یک لحظه نوسانگر در مکان  $x = +\frac{\sqrt{3}}{2} A$  قرار دارد و حرکت آن تندشونده است: حداقل زمان لازم برای این که نوسانگر به بیشترین فاصله تا مرکز نوسان برسد چند ثانیه است؟

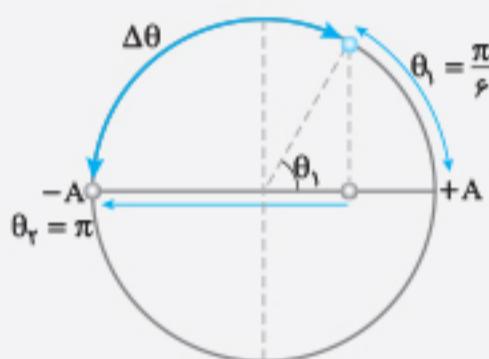
$$\frac{5}{6} \text{ (۴)}$$

$$\frac{5}{12} \text{ (۳)}$$

$$\frac{1}{6} \text{ (۲)}$$

$$\frac{1}{12} \text{ (۱)}$$

پاسخ: گزینه ۱۱



$$\omega = 2\pi f = 10\pi \text{ rad/s}$$

سپس شناسه مکان  $x = \frac{\sqrt{3}}{2} A$  را مشخص می‌کنیم. مکان نوسانگر مثبت و حرکت آن تندشونده است: پس نوسانگر در حال حرکت از مکان  $+A$  به سمت مرکز نوسان ( نقطه تعادل ) است.

$$x = A \cos \theta_1 \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} A = A \cos \theta_1$$

$$\cos \theta_1 \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \theta_1 = \frac{\pi}{6} \text{ rad}$$

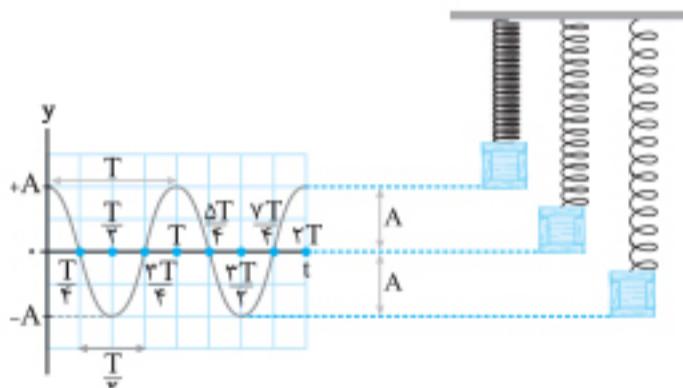
**گام دوم** حداقل زمان رسیدن آن به بیشترین فاصله تا مرکز نوسان، هنگامی است که نوسانگر تغییر جهت

$$\Delta \theta = \omega \Delta t \Rightarrow (\pi - \frac{\pi}{6}) = 10\pi \times \Delta t \Rightarrow \Delta t = \frac{5\pi}{6 \times 10\pi} = \frac{1}{12} \text{ s}$$

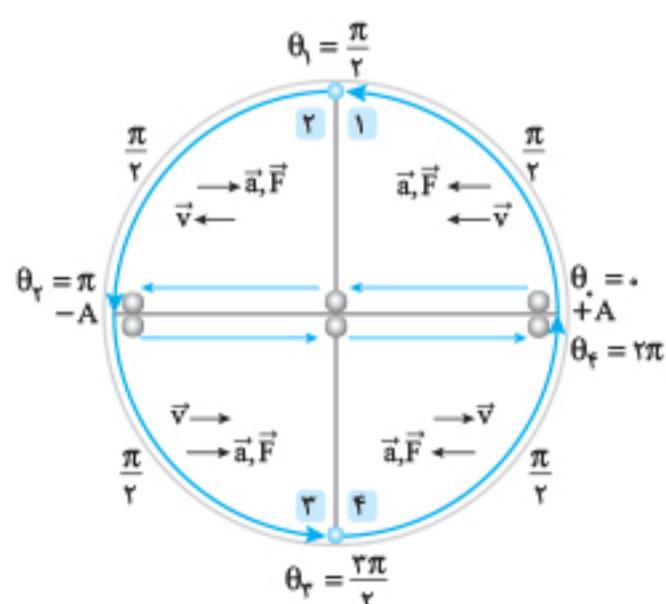
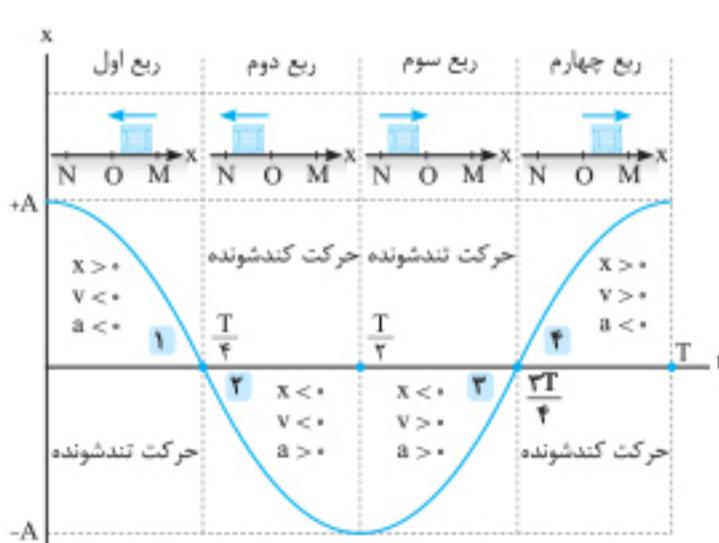
( یعنی، شناسه  $x_2 = -A$  (  $\theta_2 = \pi \text{ (rad)}$  ) برسد . )

### نمودار مکان – زمان حرکت هماهنگ ساده

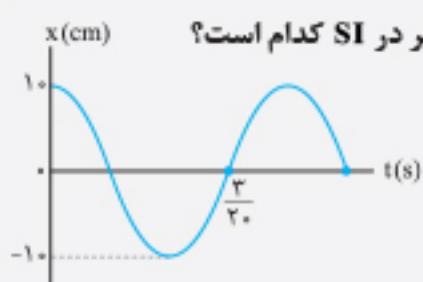
معادله مکان – زمان حرکت هماهنگ ساده به صورت  $y = A \cos(\omega t)$  می‌باشد. با توجه به این که تابع آن یک تابع کسینوسی است، می‌توانیم نمودار آن را مطابق شکل رسم کنیم.



بررسی نمودار  $t - x$  با دایرة مرجع



نکته: در هر  $\frac{T}{4}$  ثانیه، تغییر کمان همراه به اندازه  $\frac{\pi}{2}$  رادیان و تغییر شناسه نوسانگر تیز  $\frac{\pi}{2}$  رادیان می‌باشد.

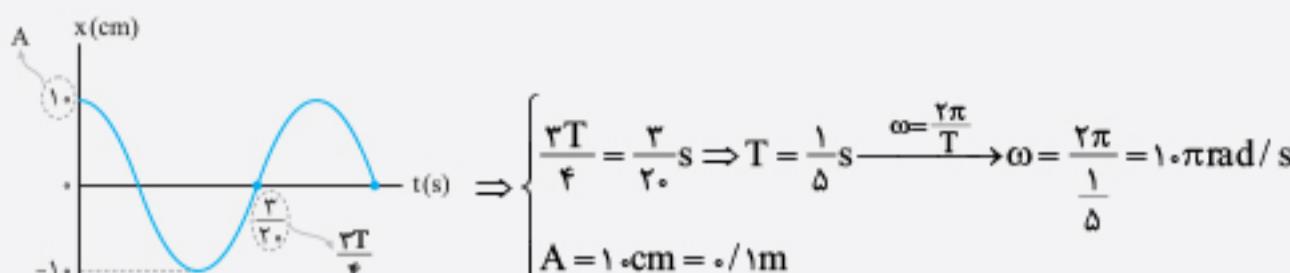


**تست:** تابع مکان-زمان حرکت هماهنگ ساده‌ای مطابق شکل مقابل است. معادله مکان-زمان این نوسانگر در SI کدام است؟

- ۱.  $10\cos(2\pi t)$  (۱)
- ۲.  $10\cos(2\pi t)$  (۲)
- ۳.  $10\cos(\pi t)$  (۳)
- ۴.  $10\cos(10\pi t)$  (۴)

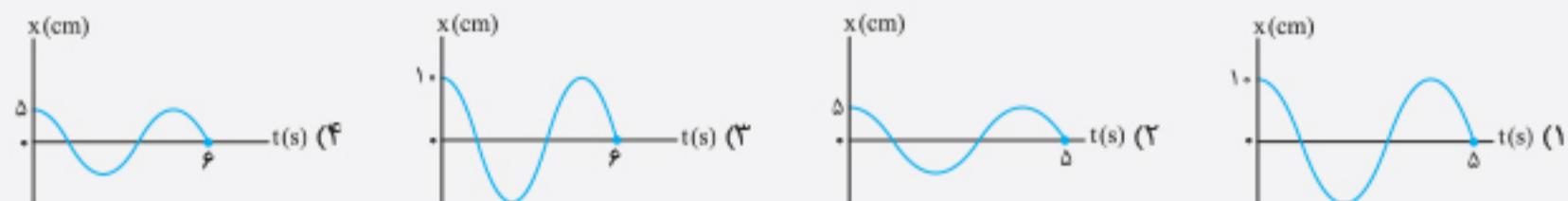
پاسخ: گزینه ۳

گام اول با توجه به نمودار داریم:



گام دوم با استفاده از معادله  $x = A\cos(\omega t)$ ، معادله مکان-زمان را به دست می‌آوریم:

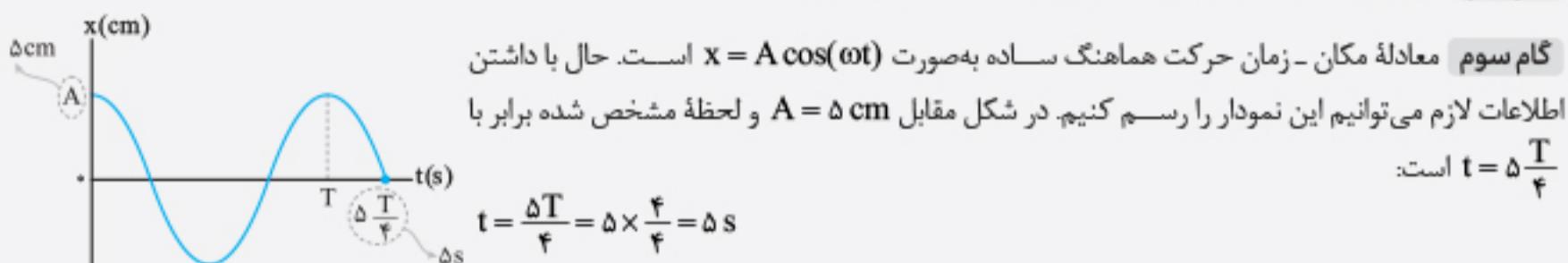
**تست:** تابع مکان-زمان این نوسانگر در هر دقیقه ۳۰ بار این پاره خط را طی می‌کند. تابع مکان-زمان این نوسانگر کدام است؟



پاسخ: گزینه ۲

گام اول نوسانگر در هر تناوب کامل دو بار پاره خط نوسان را طی می‌کند، در نتیجه پس از ۳۰ بار طی کردن پاره خط نوسان، ۱۵ نوسان کامل انجام می‌دهد ( $n = 15$ ). با استفاده از رابطه  $T = \frac{t}{n}$ ، می‌توان نوشت:

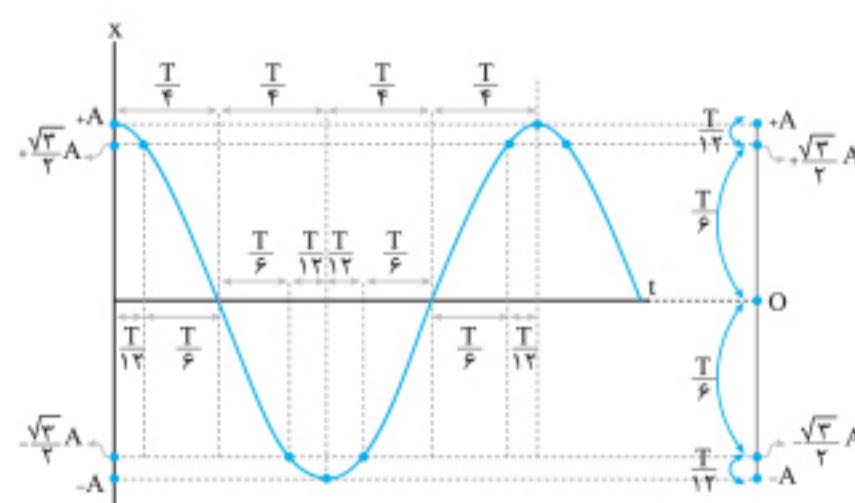
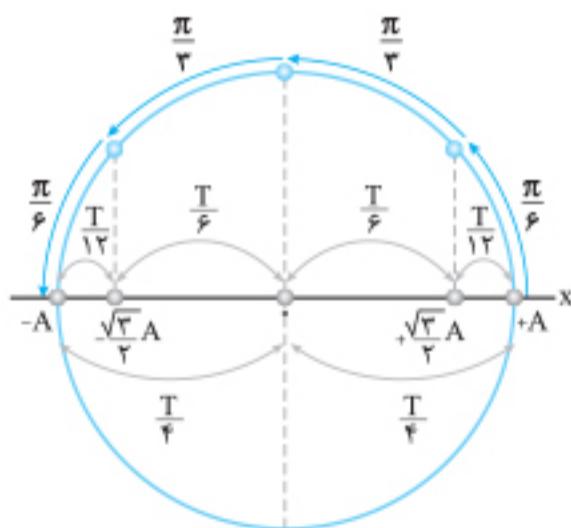
گام دوم طول پاره خط نوسان ۲ برابر دامنه نوسان است، در نتیجه داریم:

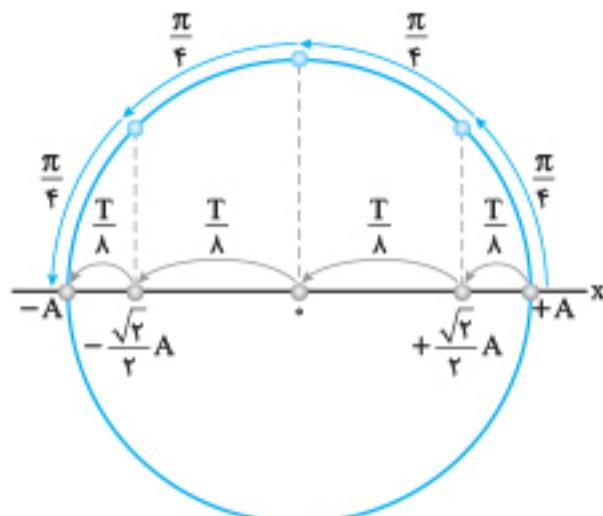


### مدت زمان جایی نوسانگر بین نقاط خاص (الگوهای زمانی)

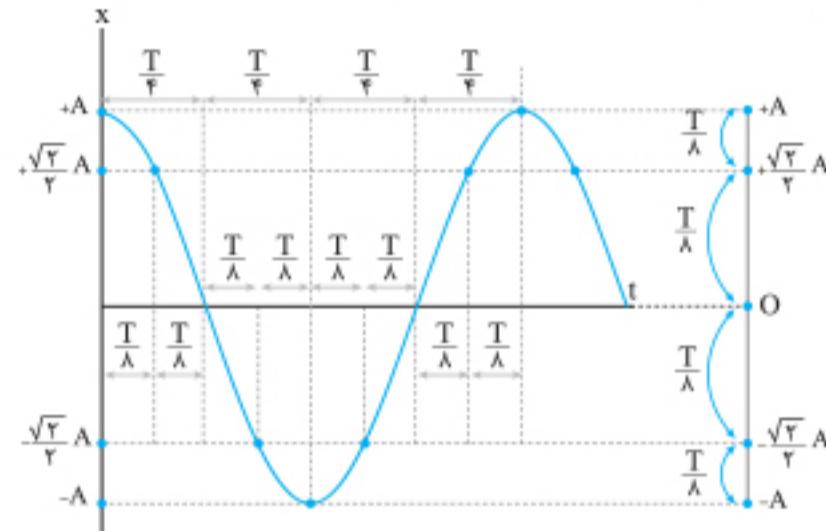
از آن جایی که حرکت هماهنگ ساده یک حرکت با ثابت متغیر است و معادله مکان-زمان آن نیز به صورت کسینوسی است، برای فرار از حل معادلات مثلثاتی و پاسخ‌گویی سریع‌تر به برخی از سوالات زمانی نوسان، از الگوهای زمانی زیر برای تعیین مدت زمان جایی بین نقاط خاص استفاده می‌کنیم ( $T$  دوره تناوب نوسانگر است):

$$x = \pm \frac{\sqrt{3}}{2} A \quad ۱$$

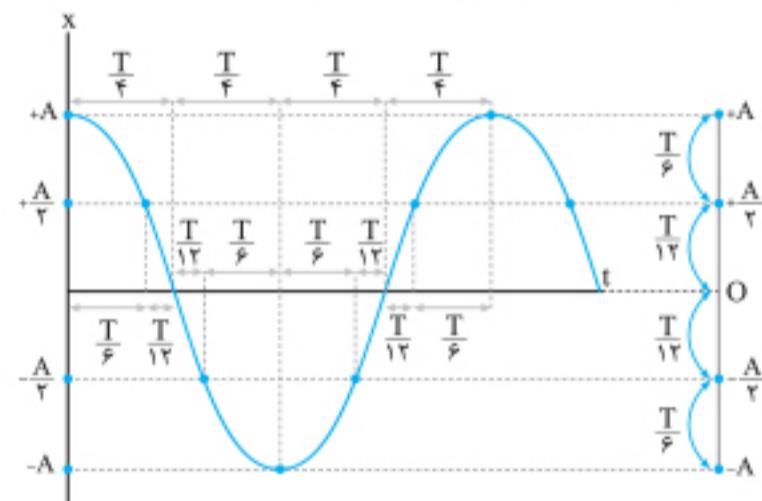
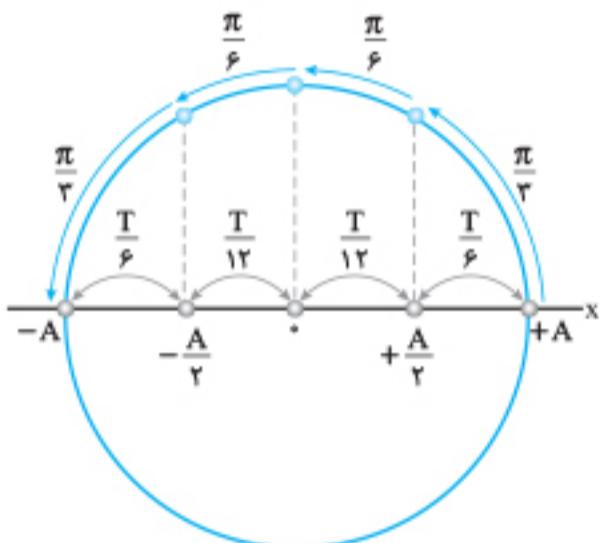




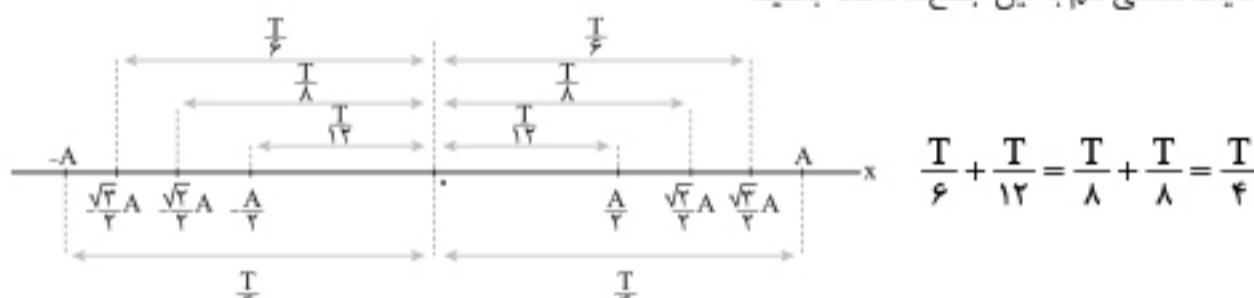
$x = \pm \frac{\sqrt{2}}{4} A$  جایه‌جایی در بازه‌های زمانی یکسان



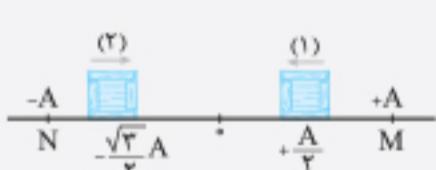
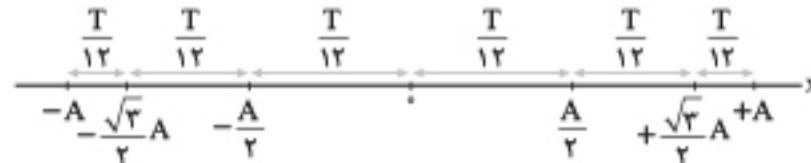
$x = \pm \frac{1}{4} A$  جایه‌جایی در بازه‌های مکانی یکسان



**تذکر:** برای راحتتر شدن کار شما برای حفظ کردن این الگوهای هر ۴ نقطه خاص را باهم در شکل زیر آورده‌ایم، همچنین جمع‌های زیر نیز در پاسخ‌گویی سوال‌ها پرکاربرد هستند، یک نگاهی هم به این جمع‌ها داشته باشید:



شکل زیر هم می‌تواند مفید باشد:



**تست:** در شکل روبرو توسانگر هماهنگ ساده‌ای با دوره تناوب  $\frac{2}{5}$  روی پاره خط MN نوسان می‌کند.

حداقل چند ثانیه طول می‌کشد تا توسانگر از موقعیت (۱) به موقعیت (۲) برسد؟

$$\frac{1}{6} (۴)$$

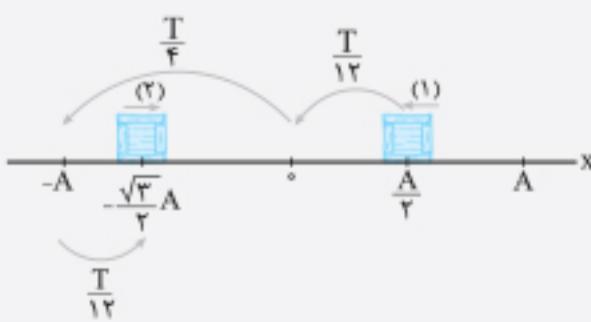
$$\frac{1}{5} (۳)$$

$$\frac{1}{4} (۲)$$

$$\frac{1}{3} (۱)$$

پاسخ: گزینه (۴)

بازه‌های زمانی حرکت نوسانگر از موقعیت (۱) به موقعیت (۲) مطابق شکل است: در نتیجه می‌توان نوشت:



$$\Delta t = \frac{T}{12} + \frac{T}{4} + \frac{T}{12} = \frac{5T}{12} \xrightarrow{T=\frac{2}{5}s} \Delta t = \frac{5 \times \left(\frac{2}{5}\right)}{12} = \frac{1}{6} s$$

نوسانگری حرکت نوساتی هماهنگ ساده با دامنه  $A$  و دوره  $T$  دارد. در یک لحظه مکان ذره  $A$   $\frac{\sqrt{2}}{2}$  و سرعت آن مثبت است. کمترین زمان لازم برای آن که مکان ذره  $A$   $-\frac{\sqrt{2}}{2}$  و سرعت آن منفی شود، کدام است؟ ( $T$  دوره تناوب نوسانگر است).

$$\frac{\Delta T}{\lambda} (۱)$$

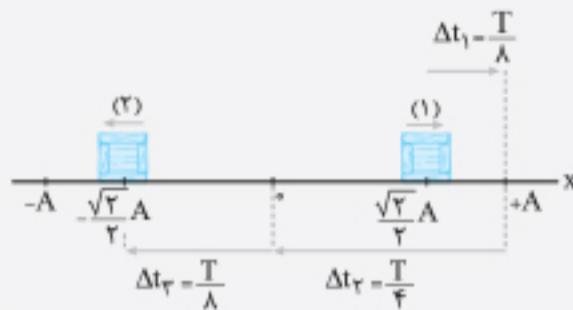
$$\frac{T}{2} (۲)$$

$$\frac{2T}{\lambda} (۳)$$

$$\frac{T}{4} (۴)$$

پاسخ: گزینه (۳)

موقعیت نوسانگر روی پاره خط نوسان در دو لحظه گفته شده، مطابق شکل است. کمترین زمان لازم برای رسیدن از موقعیت (۱) به موقعیت (۲) برابر است با:



$$\Delta t = \Delta t_1 + \Delta t_2 + \Delta t_3 \Rightarrow \Delta t = \frac{T}{\lambda} + \frac{T}{4} + \frac{T}{\lambda} = \frac{T}{2}$$

$x$  و  $A$  به ترتیب مکان و دامنه یک نوسانگر هماهنگ ساده هستند. در لحظه  $t_1$ ،  $x_1 = \frac{\sqrt{2}}{2} A$  است و جهت حرکت نوسانگر در این لحظه به سمت مرکز نوسان است. اگر پس از  $0.6$  س، نوسانگر برای اولین بار دوباره به همین مکان برسد، بسامد این نوسانگر چند هertz است؟

$$1/5 (۱)$$

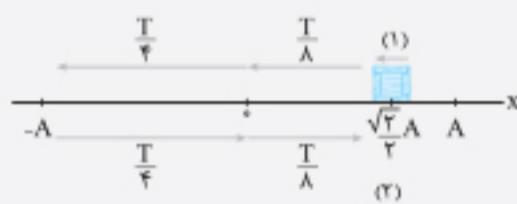
$$1/25 (۲)$$

$$1 (۳)$$

$$0/8 (۴)$$

پاسخ: گزینه (۳)

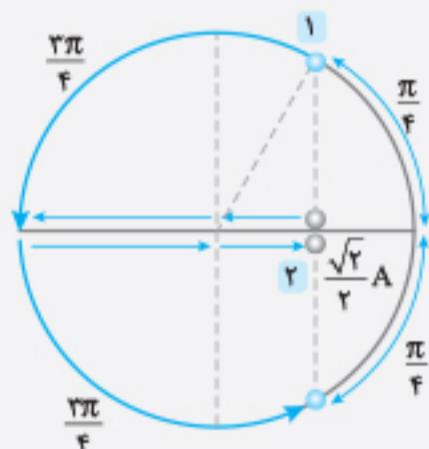
\* روش اول با استفاده از الگوهای داده شده، مدت زمان لازم برای این که نوسانگر از موقعیت (۱) به موقعیت (۲) برسد برابر است با:



$$\Delta t = \frac{T}{\lambda} + \frac{T}{4} + \frac{T}{4} + \frac{T}{\lambda} = \frac{3T}{4} - \frac{\Delta t = 0.6s}{\Delta t = 0.6s} = \frac{3T}{4} = 0.6 \Rightarrow T = \frac{4}{5} s$$

حال بسامد را محاسبه می کنیم:

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{\frac{4}{5}} = \frac{5}{4} = 1/25 Hz$$



: روش دوم گام اول شناسه ها را مشخص می کنیم و سپس اختلاف دو شناسه را به دست می آوریم.

$$x_1 = +\frac{\sqrt{2}}{2} A \Rightarrow \theta_1 = \frac{\pi}{4} rad$$

$$x_2 = +\frac{\sqrt{2}}{2} A \Rightarrow \theta_2 = 2\pi - \frac{\pi}{4} \text{ (ناحیه ۴)}$$

$$\Delta\theta = \theta_2 - \theta_1 = 2\pi - \frac{\pi}{4} - \frac{\pi}{4}$$

$$\Delta\theta = 2\pi - \frac{\pi}{2} = \frac{3\pi}{2} rad$$

گام دوم با توجه به رابطه تغییر شناسه، بسامد را محاسبه می کنیم:

$$\Delta\theta = \omega\Delta t \Rightarrow \Delta\theta = (2\pi f)\Delta t$$

$$\frac{3\pi}{2} = (2\pi f) \times 0.6 \Rightarrow f = \frac{5}{4} Hz = 1/25 Hz$$

تمودار مکان - زمان حرکت هماهنگ ساده ای مطابق شکل است. دوره تناوب آن چند ثانیه است؟

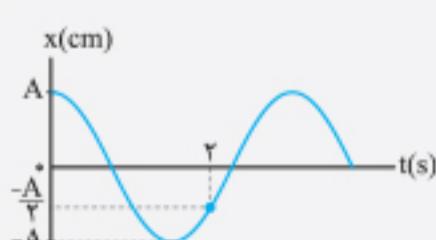
$$2/4 (۱)$$

$$2/8 (۲)$$

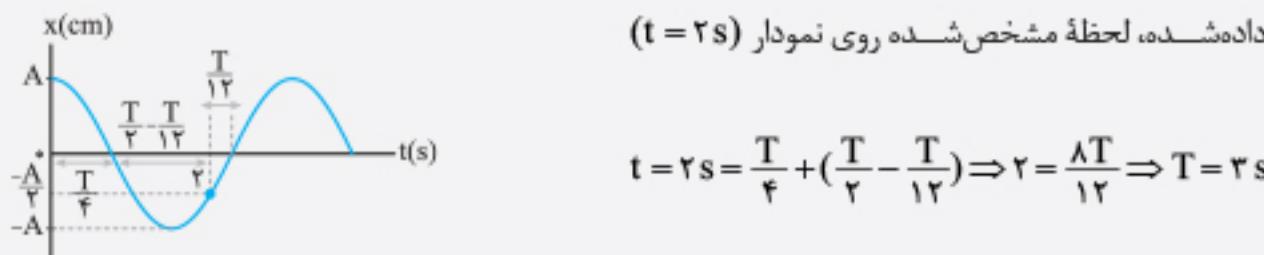
$$2 (۳)$$

$$3/2 (۴)$$

پاسخ: گزینه (۳)

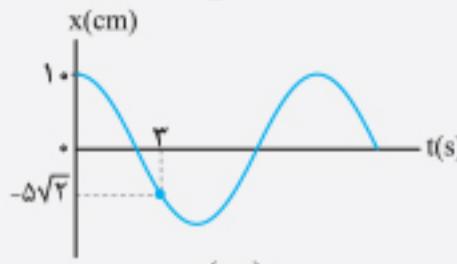


مطابق شکل و با استفاده از الگوهای داده شده، لحظه مشخص شده روی نمودار ( $t = 2s$ ) ( $t = 2s$ ) برابر است با:



$$t = 2s = \frac{T}{4} + \left(\frac{T}{2} - \frac{T}{12}\right) \Rightarrow 2 = \frac{11T}{12} \Rightarrow T = 24s$$

نمودار مکان-زمان نوسانگر هماهنگ ساده‌ای مطابق شکل زیر است. سرعت متوسط نوسانگر در بازه زمانی  $t_2 - t_1 = \frac{4}{3} s$  چند سانتی‌متر بر ثانیه است؟

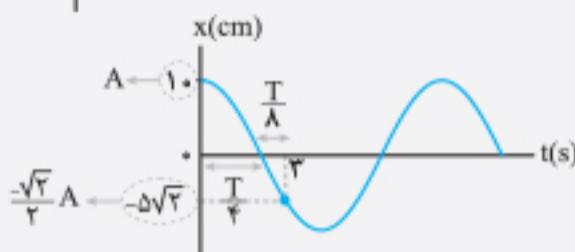


$$\frac{4\Delta x}{T}$$

$$\frac{2\Delta x}{T}$$

پاسخ: گزینه ۲

گام اول به کمک لحظه مشخص شده روی نمودار ( $t = 3 s$ ) دوره تناوب را محاسبه می‌کنیم:



$$t = 3 s = \frac{T}{4} + \frac{T}{8} \Rightarrow 3 = \frac{3T}{8} \Rightarrow T = 8 s$$

گام دوم دامنه و بسامد زاویه‌ای را محاسبه می‌کنیم:

$$A = 10 \text{ cm}, \omega = \frac{\pi}{T} \xrightarrow{T=8s} \omega = \frac{\pi}{8} = \frac{\pi}{4} \text{ rad/s}$$

گام سوم معادله حرکت نوسانگر را از رابطه  $x = A \cos(\omega t)$  به دست می‌آوریم:

$$x = A \cos(\omega t) \xrightarrow{\substack{A=10\text{cm} \\ \omega=\frac{\pi}{4}}} x = 10 \cos\left(\frac{\pi}{4}t\right)$$

گام چهارم مکان نوسانگر را در لحظات  $t_1 = \frac{4}{3} s$  و  $t_2 = 4 s$  محاسبه می‌کنیم:

$$t_1 = \frac{4}{3} s \Rightarrow x_1 = 10 \cos\left(\frac{\pi}{4} \times \frac{4}{3}\right) = 10 \cos\left(\frac{\pi}{3}\right) = 10 \times \frac{1}{2} \Rightarrow x_1 = 5 \text{ cm}$$

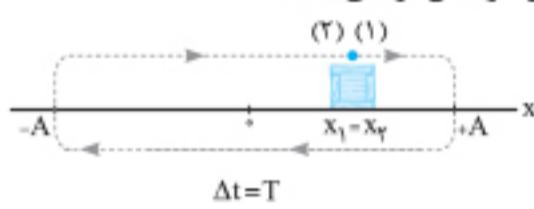
$$t_2 = 4 s \Rightarrow x_2 = 10 \cos\left(\frac{\pi}{4} \times 4\right) = 10 \cos(\pi) = 10 \times (-1) \Rightarrow x_2 = -10 \text{ cm}$$

گام پنجم حال می‌توانیم سرعت متوسط را محاسبه کنیم:

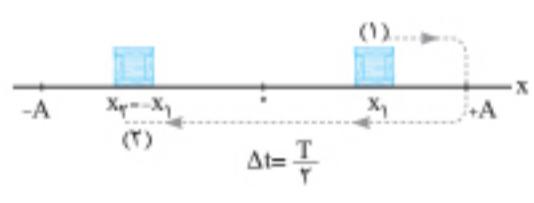
$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{-10 - 5}{4 - \frac{4}{3}} = -\frac{45}{8} \text{ cm/s}$$

### نکات خاص در حرکت هماهنگ ساده

نوسانگر هماهنگ ساده‌ای با دوره تناوب  $T$  و دامنه  $A$  را در نظر بگیرید که روی محور  $x$  حول مبدأ مکان در حال نوسان است:

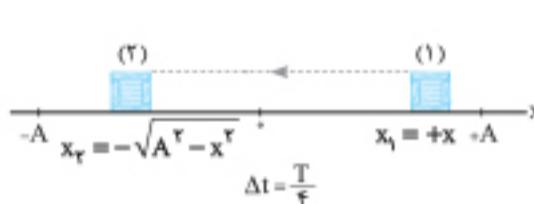


۱ اگر نوسانگر در لحظه  $t_1$  در مکان  $x_1$  و در لحظه  $t_2$  در مکان  $x_2 = x_1$  باشد و جهت سرعت در این دو مکان هم‌جهت باشد، در این صورت، نوسانگر یک نوسان کامل را انجام داده و داریم:  $\Delta t = t_2 - t_1 = T \Rightarrow L = 2A$



۲ اگر نوسانگر در لحظه  $t_1$  در مکان  $x_1$  و در لحظه  $t_2$  در مکان  $x_2 = -x_1$  باشد و اندازه سرعتها در این دو مکان یکسان و جهت آن‌ها خلاف یکدیگر باشد ( $\vec{v}_2 = -\vec{v}_1$ )، در این حالت داریم:

$$\Delta t = t_2 - t_1 = \frac{T}{2} \Rightarrow L = 2A$$

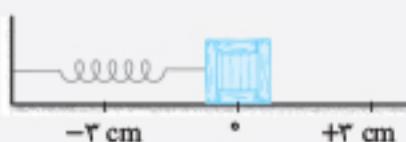


۳ اگر نوسانگر در لحظه  $t_1$  در مکان  $x_1 = +x$  و در لحظه  $t_2$  در مکان  $x_2 = -\sqrt{A^2 - x^2}$  باشد و جهت سرعت در این دو مکان هم‌جهت باشد، در این حالت داریم:

$$\Delta t = t_2 - t_1 = \frac{T}{4}, L = |x_1| + |x_2|$$

تست: مطابق شکل نوسانگری روی محور  $x$  حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. اگر حداقل زمانی که طول می‌کشد تا نوسانگر از مکان  $x_1 = 2 \text{ cm}$

در جهت مثبت محور  $x$  عبور کند و به مکان  $x = -2 \text{ cm}$  برسد برابر  $1/5 \text{ s}$  باشد، تندی نوسانگر در مرکز نوسان چند  $\text{cm/s}$  می‌باشد؟ (۲) ( $\pi \approx 3$ )



$$6(2)$$

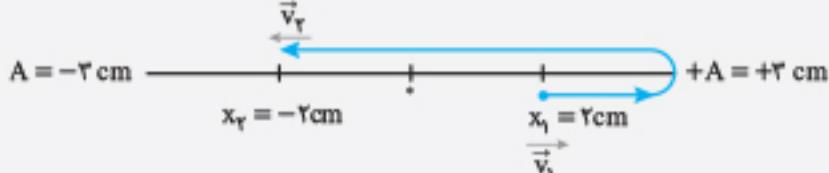
$$12(4)$$

$$3(1)$$

$$9(3)$$

پاسخ: گزینه ۲

گام اول حداقل زمان وقتی است که نوسانگر برای اولین بار به مکان  $x_2 = -2 \text{ cm}$  برسد: بنابراین با توجه به نکته ۲ داریم:



$$\Delta t = \frac{T}{2} = 1/5 \text{ s} \Rightarrow T = 2 \text{ s}, \omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{2} = \pi \text{ rad/s}$$

گام دوم با توجه به شکل،  $A = 2 \text{ cm}$  می‌باشد و در مرکز نوسان تندی نوسانگر بیشینه است؛ بنابراین داریم:

$$v_{max} = A\omega = 2 \times \frac{\pi}{2} = \pi \text{ cm/s} \xrightarrow{\pi \approx 3} v_{max} = 3 \text{ cm/s}$$

**بیشینه و کمینه مسافت طی شده توسط نوسانگر در یک بازه زمانی معین**

**۱** نوسانگر هرچقدر به مرکز نوسان (نقطه O) نزدیکتر باشد، تندی بزرگتری دارد؛ بنابراین بیشینه تندی متوسط و بیشینه مسافت طی شده توسط نوسانگر در یک بازه زمانی معین وقتی رخ می‌دهد که نوسانگر در فواصل مساوی و قرینه نسبت به مرکز نوسان (نقطه تعادل) حرکت می‌کند؛ یعنی مطابق شکل، بازه زمانی داده شده ( $\Delta t$ ) را به دو قسمت تقسیم می‌کنیم و با استفاده از الگوهای زمانی در دو طرف مرکز نوسان، مکان دو سر بازه را محاسبه می‌کنیم.

**۲** نوسانگر هرچقدر به انتهای پاره خط نوسان نزدیکتر باشد، تندی کمتری دارد؛ بنابراین کمینه تندی و کمینه مسافت طی شده توسط نوسانگر در یک بازه زمانی معین، وقتی رخ می‌دهد که نوسانگر در فواصل مساوی و قرینه نسبت به یکی از دو انتهای پاره خط نوسان حرکت می‌کند؛ یعنی مطابق شکل بازه زمانی داده شده ( $\Delta t$ ) را به دو قسمت مساوی تقسیم می‌کنیم و فاصله نوسانگر تا انتهای پاره خط نوسان را محاسبه می‌کنیم.

**تذکر:** در حالت **۱**، بزرگی جابه جایی بیشینه و در حالت **۲**، جابه جایی صفر است.

**تست:** نوسانگر هماهنگ ساده‌ای را با دوره تناوب T در نظر بگیرید. کمینه مسافت طی شده توسط نوسانگر در مدت زمان  $\frac{T}{6}$ ، چند برابر بیشینه مسافت طی شده توسط آن در همین مدت زمان است؟

$$\sqrt{2} - 1 \quad (4)$$

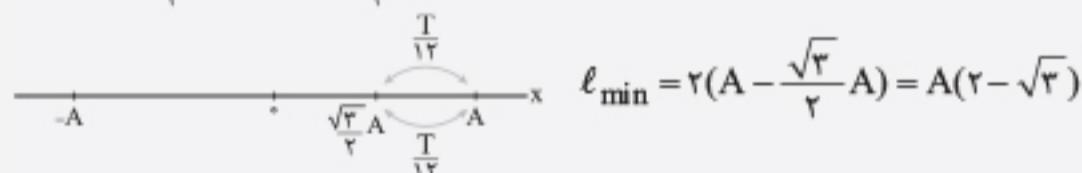
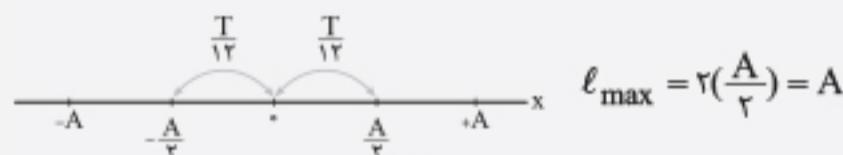
$$2 - \sqrt{2} \quad (3)$$

$$\sqrt{3} - 1 \quad (2)$$

پاسخ: گزینه **(۳)**

$$\Delta t = \frac{T}{6} \Rightarrow \frac{\Delta t}{2} = \frac{T}{12}$$

گام اول از نکته گفته شده و الگوهایی که می‌دانیم استفاده می‌کنیم:



گام دوم حالا نسبت خواسته شده را محاسبه می‌کنیم:

$$\frac{l_{\min}}{l_{\max}} = \frac{A(2 - \sqrt{3})}{A} = 2 - \sqrt{3}$$

**پرسش‌های چهارگزینه‌ای**
**معادله مکان-زمان نوسانگر هماهنگ ساده**


**۱۲۹۹**. معادله حرکت هماهنگ ساده‌ای در SI، به صورت  $x = 3\cos(100\pi t)$  است. دوره تناوب این حرکت چند ثانیه است؟

$$\frac{1}{100} \quad (4)$$

$$\frac{1}{75} \quad (3)$$

$$\frac{1}{50} \quad (2)$$

$$\frac{1}{25} \quad (1)$$

**۱۳۰۰**. معادله حرکت هماهنگ ساده‌ای در SI، به صورت  $y = A\cos(40\pi t)$  است. در فاصله زمانی  $t = \frac{3}{40}s$ ، جهت حرکت نوسانگر چند بار هوش می‌شود؟ (ریاضی ۸۹ با تغییر)

$$\frac{3}{4} \quad (4)$$

$$3 \quad (3)$$

$$2 \quad (2)$$

$$1 \quad (1)$$

**۱۳۰۱**. نوسانگر وزنه-فنری را  $10\text{ cm}$  از حالت تعادلش خارج کرده و آن را رها می‌کنیم. اگر این نوسانگر در هر دقیقه،  $10$  نوسان کامل انجام دهد، جابه جایی این نوسانگر از لحظه  $t = 2s$  تا  $t = 8s$  چند سانتی‌متر است؟

$$4 \quad (4)$$

$$5 \quad (3)$$

$$20 \quad (2)$$

$$10 \quad (1)$$

**۱۳۰۲**. معادله حرکت هماهنگ ساده‌ای در SI، به صورت  $x = 0.4\cos(100\pi t)$  است. در چه لحظه‌ای بر حسب ثانیه برای اولین بار، نوسانگر در مکان  $x = -2\text{cm}$  قرار دارد؟

$$\frac{1}{200} \quad (4)$$

$$\frac{1}{150} \quad (3)$$

$$\frac{1}{120} \quad (2)$$

$$\frac{1}{75} \quad (1)$$

**۱۳۰۳**. معادله حرکت هماهنگ ساده‌ای در SI، به صورت  $x = 0.4\cos(100\pi t)$  است. در چه لحظه‌ای این نوسانگر برای اولین بار و به صورت تندشونده از فاصله

$2\sqrt{3}$  سانتی‌متری مرکز نوسان می‌گذرد؟

$$\frac{1}{600} \quad (4)$$

$$\frac{1}{300} \quad (3)$$

$$\frac{7}{600} \quad (2)$$

$$\frac{7}{300} \quad (1)$$