

فهرست مطالب

۱۱

بخش اول: محاسباتی



۲۵	الگوهای مضارب مرتعنی، متنی و مستطبلی	۱	الگوی خلقی
۲۶	الگوی اعداد جدولی	۲	الگوهای ضربی و دو مرحله‌ای
۳۱	الگوی بازی با رقمهای	۳	الگوهای ترکیبی چهار عمل اصلی
۳۴	الگوی دومینتو	۴	الگوهای اعداد وابسته به قبل
۳۶	الگوی ترکیبی - شکلی	۵	الگوی مرتعنی
۳۹	تست‌های مروری	۶	الگوی متنی
۴۴	آزمون‌های جمع‌بندی	۷	الگوی مستطبلی

۶۰

بخش دوم: استعداد تحمیلی

۸۷	دوران	۱۴	عددنویسی
۹۰	صفحه‌ی مختصات و نیم‌سازهای آن	۲۷	بخش پذیری
۹۴	قارن و مختصات	۲۸	اصل ضرب
۹۸	تعداد پاره‌خط، نیم‌خط، قطر و زاویه	۲۹	اعداد صحیح
۱۰۲	محیط و مساحت	۳۰	مفهوم کسر و کسرهای مساوی
۱۰۸	حجم	۳۱	مقایسه‌ی کسرها و توشتان کسر بین دو کسر
۱۱۱	اندازه‌گیری زاویه	۳۲	چهار عمل اصلی روی کسرها
۱۱۵	نسبت و تناسب	۳۳	کسرهای مسلسل و حل مسئله
۱۱۸	مجموع و اختلاف نسبت‌ها	۳۴	اعداد اعشاری و مقایسه‌ی آن‌ها
۱۲۱	درصد، سود و تخفیف	۳۵	جمع و تفریق اعداد اعشاری
۱۲۴	تقریب و روش‌های تقریب زدن	۳۶	ضرب و تقسیم اعداد اعشاری
۱۲۸	تست‌های مروری	۳۷	چرخهای به هم متصل
۱۴۰	آزمون‌های جمع‌بندی	۳۸	تقارن محوری و تقارن مرکزی

۲۲۱	الگوهای ۴×۴	۴۳	۱۵۰	شکل‌های ناهماهنگ (اجزای تشکیل دهنده)	۴۷
۲۲۴	الگوهای ۳×۳ ناقص	۴۴	۱۵۲	شکل‌های ناهماهنگ (تعداد)	۴۸
۲۲۶	الگوهای مشتمل ارجودول‌ها	۴۵	۱۵۴	شکل‌های ناهماهنگ (قسمت‌های رتکشیده)	۴۹
۲۲۹	الگوهای خاص	۴۶	۱۵۶	شکل‌های ناهماهنگ (عالائم و نشانه‌ها)	۵۰
۲۳۱	موقعیت نقطه	۴۷	۱۵۷	شکل‌های ناهماهنگ (انتقال، تقارن و دوران)	۵۱
۲۳۵	تناسب شکل‌ها	۴۸	۱۶۰	شکل‌های ناهماهنگ (بینظی)	۵۲
۲۴۷	رمز نگاری	۴۹	۱۶۲	شکل‌های یکسان	۵۳
۲۵۰	تصاویر پنهان	۵۰	۱۶۴	شیاهت (ویژگی مشترک با دو شکل)	۵۴
۲۵۵	شمارش شکل‌ها	۵۱	۱۶۶	شیاهت (ویژگی های مشترک با سه شکل یا بیشتر)	۵۵
۲۵۹	تصویر در آینه (تقارن محوری)	۵۲	۱۶۸	شیاهت (دسته‌بندی)	۵۶
۲۶۵	تصویر در آب (تقارن محوری)	۵۳	۱۷۱	زنگیره‌ی شکل‌ها (جا به جایی اجزای درونی)	۵۷
۲۶۸	تاکردن کاغذ شفاف	۵۴	۱۷۶	زنگیره‌ی شکل‌ها (افزایشی و کاهشی)	۵۸
۲۷۱	تا و سوراخ کردن کاغذ	۵۵	۱۸۰	زنگیره‌ی شکل‌ها (دورانی و تقارنی)	۵۹
۲۷۶	تاکردن و چرخش کاغذ	۵۶	۱۸۲	زنگیره‌ی شکل‌ها (شکل‌های تو در تو)	۶۰
۲۸۰	تجسم دو بعدی (مجموع و تفاضل شکل‌ها)	۵۷	۱۸۴	زنگیره‌ی شکل‌ها (ترکیبی)	۶۱
۲۸۲	تجسم دو بعدی (ساخت شکل با قطعات داده شده)	۵۸	۱۸۶	زنگیره‌ی شکل‌ها (مکقل)	۶۲
۲۸۷	تجسم دو بعدی (مکقل یک شکل)	۵۹	۱۸۹	الگوهای ۴×۴ (تقارن و دوران)	۶۳
۲۹۲	تجسم سه بعدی (زاویه‌ی دید - حجم پنهان)	۶۰	۱۹۴	الگوهای ۴×۴ (زنگ‌آهیزی، تکرار اجزاء و مکقل)	۶۴
۳۰۰	تجسم سه بعدی (شمارش تعداد مکتبهای واحد)	۶۱	۱۹۷	الگوهای ۴×۴ (افزایشی یا کاهشی - حذف یا اضافه)	۶۵
۳۰۳	تجسم سه بعدی (مکتب و گسترده‌ی آن)	۶۲	۱۹۹	الگوهای ۴×۴ (ترکیب تکنیک‌ها)	۶۶
۳۱۴	تجسم سه بعدی (باز کردن مکتب)	۶۳	۲۰۲	الگوهای ۳×۳ (تکرار اجزاء)	۶۷
۳۱۹	تجسم سه بعدی (گستردگی شکل‌های فضایی)	۶۴	۲۰۶	الگوهای ۳×۳ (افزایشی و کاهشی)	۶۸
۳۲۴	تجسم سه بعدی (تاس)	۶۵	۲۰۸	الگوهای ۳×۳ (ترکیب و اشتراک)	۶۹
۳۲۹	تجسم سه بعدی (سطح و نقطه‌ی تماس)	۶۶	۲۱۲	الگوهای ۳×۳ (مکقل، دورانی و بیش‌روندۀ)	۷۰
۳۳۲	تست‌های مروری	*	۲۱۶	الگوهای ۳×۳ (ادغام و تبدیل)	۷۱
۳۶۸	آزمون‌های جمع‌بندی	*	۲۱۸	الگوهای مستطبی	۷۲

بخش چهارم: منطقی

بخش چهارم: منطقی

۱۴۰۶	رمز کردن حروف باتمادها	۹۸	۳۸۳	زنجیره‌های تکرار شونده	۸۷
۱۴۰۸	مقایسه و مرتب‌سازی	۹۹	۳۸۵	چرخه‌های به هم مفصل	۸۸
۱۴۱۰	کفايت داده‌ها	۱۰۰	۳۸۸	ظرف‌های آب به هم مرتبط	۸۹
۱۴۱۲	جهت‌یابی	۱۰۱	۳۹۰	کلیدها و لامپ‌ها	۹۰
۱۴۱۵	استدلال منطقی و نتیجه‌گیری	۱۰۲	۳۹۲	کشف ارتباط میان اعداد	۹۱
۱۴۱۹	استدلال به کمک نمودار (وین)	۱۰۳	۳۹۴	اعداد هم‌گروه	۹۲
۱۴۲۲	تقویت با تضعیف استدلال	۱۰۴	۳۹۵	مرتع لاتین و جدول سودوگو	۹۳
۱۴۲۴	نتیجه‌گیری از چند عبارت	۱۰۵	۳۹۷	مرتب‌سازی با رعایت قانون ماشین‌ها	۹۴
۱۴۲۶	نسبت‌های فامیلی	۱۰۶	۴۰۰	ارتباط منطقی واژه‌ها	۹۵
۱۴۲۸	تست‌های مروری	*	۴۰۳	رمز کردن اعداد و کلمات	۹۶
۱۴۳۰	آزمون‌های جمع‌بندی	*	۴۰۵	کشف معنای واژه‌ها از زبان دیگر	۹۷

بخش پنجم: کلامی

بخش پنجم: کلامی

۱۴۸۶	شبکه‌ی معنایی واژه‌ها	۱۲۲	۱۴۵۳	آشنایی با جدول حروف	۱۰۱
۱۴۸۸	ساختارشناصی جمله	۱۲۳	۱۴۵۶	آواشناسی حروف	۱۰۱
۱۴۹۱	عالالم نگارشی جمله	۱۲۴	۱۴۵۸	ترتیب لغت‌نامه‌ای	۱۰۱
۱۴۹۲	کامل کردن جمله‌های ناقص	۱۲۵	۱۴۶۱	الگویی میان حروف واژه‌ها	۱۱۰
۱۴۹۴	حروف اضافه و کاربرد آن‌ها	۱۲۶	۱۴۶۳	بازی با حروف	۱۱۱
	ویرایش جمله	۱۲۷	۱۴۶۷	تناسب حروف	۱۱۱
۱۴۹۷	شمارش تعداد جمله‌ها	۱۲۸	۱۴۶۸	زنگیری حروف	۱۱۱
۱۵۰۰	ضرب المثل و ارتباط معنایی جمله‌ها	۱۲۹	۱۴۶۹	تبدیل حروف به واژه	۱۱۱
۱۵۰۶	مرتب‌سازی جمله‌ها و ایجاد متن	۱۳۰	۱۴۷۲	ساختارشناصی واژه‌ها	۱۱۶
۱۵۱۰	پاراگراف شناسی (ساختار، اجزاء و قواعد)	۱۳۱	۱۴۷۴	مفرد و جمع	۱۱۶
۱۵۱۲	ساختارشناصی متن	۱۳۲	۱۴۷۶	املای واژه	۱۱۷
۱۵۱۳	تعیین عنوان، خلاصه و نتیجه‌گیری در متن	۱۳۳	۱۴۷۸	محقف واژه‌ها	۱۱۸
۱۵۱۶	درک مطلب	۱۳۴	۱۴۸۰	واژه‌های متضاد	۱۱۹
۱۵۲۶	تست‌های مروری	*	۱۴۸۳	واژه‌های متضاد	۱۱۹
۱۵۳۹	آزمون‌های جمع‌بندی	*	۱۴۸۵	واژه‌های هم‌خانواده	۱۲۱

۵۲۸

بخش ششم: سرعت، دقّت و تعریز

۵۷۸	گذیندی رقفی - حروفی	۱۴۴	۵۴۹	ارقام و اعداد	۱۴۶
۵۸۱	گذیندی شکلی - رقفی	۱۴۵	۵۵۱	حروف و کلمات	۱۴۵
۵۸۶	محاسبات عددی	۱۴۶	۵۵۲	عبارت‌های متفاوت و یکسان	۱۴۷
۵۹۱	ماشین‌های ورودی - خروجی	۱۴۷	۵۵۷	آشکال هندسی	۱۴۸
۵۹۶	کلمات هم‌گروه	۱۴۸	۵۵۸	خواندن اطلاعات از روی جدول	۱۴۹
۵۹۸	تصاویر متفاوت	۱۴۹	۵۶۰	جدول اعداد	۱۴۰
۶۰۰	شمارش تعداد شکل‌ها	۱۴۰	۵۶۴	جدول شکل‌ها	۱۴۱
۶۰۲	تسهیه‌های مروری	*	۵۶۹	کاوش در متن	۱۴۲
۶۱۱	آزمون‌های جمع‌بندی	*	۵۷۳	مقایسه‌ی چند جدول (شکل)	۱۴۳

۴۲۱

بخش هفتم: خلاقیت

۶۳۷	پیمانه‌ها و ساعت‌های شنبه	۱۶۷	پوشش قضايا حداقل دوربین‌ها	۱۶۱	
۶۳۹	فناخت گوناگون	۱۶۸	مسائل حداقل و حداکثر	۱۶۲	
۶۴۲	تسهیه‌های مروری	*	۶۲۵	تعداد مسیرها	۱۶۳
۶۴۵	آزمون جمع‌بندی	*	۶۳۰	توزیع	۱۶۴
۶۴۸	آزمون تیزهوشان ششم (سمیاد) ۱۴۰	*	۶۳۲	مسائل چوبکبریت‌ها	۱۶۵
۶۶۴	آزمون‌های تیزهوشان سال‌های قبل (QR-Code)	*	۶۳۴	ریگ‌آمیزی	۱۶۶
۶۶۴	از هوش به بازی (QR-Code)	*			

۶۶۵

پاسخ‌نامه

۸۱۳	کلامی	*	۶۶۶	محاسباتی	*
۸۳۴	سرعت، دقّت و تعریز	*	۶۸۳	استعداد تحلیلی	*
۸۴۹	خلاقیت	*	۷۳۳	تجسمی و تصویری	*
۸۵۹	آزمون تیزهوشان ششم (سمیاد) ۱۴۰	*	۷۸۹	منطقی	*



بخش اول

حساباتی



الگوی خطی: به الگوهایی که در آن‌ها، اعداد، چندتا چندتا کم یا زیاد می‌شوند، الگوهای خطی گفته می‌شود. مانند:

$$2, 5, 8, 11, \dots \quad 18, 16, 14, 12, \dots \quad \frac{1}{5}, \frac{1}{75}, \frac{2}{25}, \dots$$

مثال ۱ در هریک از الگوهای زیر، عدد بعدی را بیابید.

الف ۷, ۱۱, ۱۵, ۱۹, ?

ب $\frac{1}{5}, \frac{3}{75}, \frac{2}{25}, ?$

۱

الف ۷, ۱۱, ۱۵, ۱۹, ۲۳

ب $\frac{1}{5}, \frac{3}{75}, \frac{2}{25}, \frac{1}{5}$

پاسخ

رابطه‌ی الگوی خطی: در مورد الگوهای خطی، مهم‌ترین موضوع، تعمیم الگو (به دست آوردن رابطه‌ی الگو) می‌باشد؛ به این مفهوم که رابطه‌ای برای الگو پیدا می‌کنیم که به شماره‌ی اعداد الگو بستگی دارد؛ پس برای پیدا کردن هر عدد از الگو، کافی است شماره‌ی آن را در رابطه، جایگذاری کنیم.

مثال ۲ در الگوی ... ۵, ۸, ۱۱, ۱۴, ... عدد بیستم، چند است؟

الف $3 \times \square$

ب $3 \times \square + 2$

ج $3 \times \square + 2 = 60 + 2 = 62$

پاسخ می‌دانیم این الگو سه تا سه تا افزایش می‌یابد، پس می‌نویسیم:

حالا به اولین عدد الگو (یعنی ۵) نگاه می‌کنیم؛ چون $5 = 3 + 2$ ، بنابراین:

پس رابطه‌ی الگو به صورت $3 \times \square + 2$ است، در نتیجه:

الف $1/5, 4/5, 6/5, 9/5, \dots$

مثال ۳ در الگوی رو به رو، عدد چهل و دوم، چند است؟

الف $2/5 \times \square$

ب $2/5 \times \square - 1$

ج $2/5 \times 42 - 1 = 105 - 1 = 104$

پاسخ الگو $2/5$ تا $2/5$ تا افزایش می‌یابد، پس:

اولین عدد الگو $1/5$ است. چون $1/5 - 1 = 2/5$ ، بنابراین:

پس رابطه‌ی الگو به صورت $2/5 \times \square - 1$ است، در نتیجه:

الف $32, 5, 29, 9, 26, 13, 23, 17, \dots$

مثال ۴ گاهی اوقات الگوهای خطی به صورت یکی درمیان باهم ترکیب می‌شوند. مانند:



F, F, II, Y, IA, IZ, ?, ?

در الگوی مقایل، مجموع اعدادی که به جای «؟»‌ها قرار می‌گیرند، چند است؟

16

$$F, Y, 11, Y, 1A, 1Y, 1\Delta \Rightarrow Y\Delta + 1V = FY$$

٦٣

۱۹، ۲۳، ۲۷، ۲۶، ۳۵، ۲۹،

در الگوی رویه‌رو، عدد سی، و جهارم، چند است؟

115

$$19, 23, 27, 26, 35, 29, \dots$$

تەجھە كىند كە:

همان‌طور که دیده می‌شود، اعداد با جایگاه زوج، یعنی اعداد دوم، چهارم، ششم و از الگوی مقابل پیروی می‌کنند، بنابراین عدد سی و چهارم که عددی زوج است، متعلق به این الگو می‌باشد.

حالا برای سادگی در نوشتن رابطه‌ی الگو، چون عددها را پشت سر هم نوشته‌ایم، شماره‌ی عددها را نیز از (۱) شروع می‌کنیم. پس باید هفدهمین عدد الگوی زیر را پیدا کنیم:

$$23, 26, 29, \dots, ? \Rightarrow \text{رابطهٔ الگو} = 3 \times \square + 20 \Rightarrow 3 \times 17 + 20 = 51 + 20 = 71$$

۲ اگر در یک الگوی خطی از ما بپرسند که یک عدد مشخص، چندمین عدد الگو است، کافی است تعداد اعداد الگو را تا آن عدد مشخص به دست آوریم. برای این کار، از رابطه‌ی مقابل، کمک می‌گیریم: $\frac{\text{اولین عدد} - \text{عدد مشخص}}{\text{فاصله}, \text{اعداد}} + 1 = \text{Tعداد}$

۱۷، ۲۳، ۲۹، ۳۵، ۴۱، ...

٤ در الگوی مقایل، عدد ۲۵۷، حنده‌من عدد الگو است؟

— 10 —

$$17, 23, 29, 35, 41, \dots, 257 \Rightarrow \text{تعداد} = \frac{257 - 17}{6} + 1 = 40 + 1 = 41$$

بنابراین عدد ۲۵۷، ۴۱، ۴۳ مین عدد الگو است.

۳ اگر دو الگوی خطی داشته باشیم و بخواهیم اعداد مشترک بین این دو الگو را مشخص کنیم، کافی است اولین عدد مشترک آن‌ها را پیدا کنیم، سپس با کوچک‌ترین مخرج مشترک (ک. م. م) فاصله‌ی اعداد در دو الگو، اعداد مشترک را بسازیم.

مثال هفتمین عدد مشترک در دو الگوی « $8\cdot 12\cdot 16\cdot \dots$ » و « $1\cdot 4\cdot 13\cdot 16\cdot \dots$ » دا به دست آوردید.

人, 17, 19, 10, ...

$+3$ $+3$ $+3$
Y, 10, 13, 16, ...

٣٦

همان طور که دیده می شود، اولین عدد مشترک این دو الگو ۱۶ است و چون کوچک ترین مخرج مشترک (ک.م.م) بین ۳۴۰ و ۱۲۰ است، این دو الگو اعداد مشترک بین هم ندارند.

حالا برای پیدا کردن هفتمین عدد مشترک دو الگوی داده شده، باید هفتمین عدد این الگو را پیدا کنیم:

$$12 \times \boxed{7} + 4 = 84 + 4 = 88$$

هفتمين عدد الگو $\Rightarrow 12 \times \boxed{7} + 4 = 84 + 4 = 88$: رابطهی الگو

بنابراین هفتمنی عدد مشترک دو الگوی داده شده، عدد ۸۸ است.

در الگوی ... ۲۴, ۳۹, ۵۴, ۶۹, ... عدد ۲۳۴ چندمین عدد الگو است؟

آزمون گنج

۱۶

۱۴

۱۳

۱۵

ترتیب اعداد فرد متوالی «۱, ۳, ۵, ۷, ۹, ۱۱, ۱۳, ...» را درنظر بگیرید. کدام عدد، دومین عدد سمت چپ عددی است که دومین عدد سمت راست آن، عدد سمت چپ ۱۴۱ است؟

تیزهوشان ششم

۱۳۹۱

۱۳۸۹

۱۳۹۳

۱۳۹۹

هفتمین عدد یک زنجیره ۳۱ است. در این زنجیره، هریک از اعداد بعد از اولین عدد، تا کمتر از عدد قبل از خود هستند. چهارمین عدد این زنجیره چند است؟

تیزهوشان ششم

۴۳

۳۵

۱۹

۱۵

زنجیره اعداد «...، ۱۴۰, ۱۲۸, ۱۱۲, ۸۴, ۵۶, ۲۸, ...» را درنظر بگیرید. کدام عدد، سومین عدد سمت راست عددی است که دومین عدد سمت چپ آن، عددی است که بین ۱۳۷۲ و ۱۴۲۸ قرار دارد؟

تیزهوشان نهم

۱۴۸۴

۱۲۶۰

۱۴۰۰

۱۵۴۰

الگوی عددی «...، ۵-۶-۸-۱۱-۱۵-۲۰-۲۶-۳۳-۵۱-۵۶-۸۴-۱۱۲-۱۴۰» را درنظر بگیرید. کدام عدد در سمت چپ عددی خواهد بود که سه تا در سمت راست عدد سمت چپ ۵۰ است؟

تیزهوشان نهم

۷۱

۳۳

۴۱

۶۰

در ترتیب اعداد «۸۹-۷۸-۶۸-۵۹-۵۱-۴۴-...» کدام عدد دومین عدد در سمت چپ عددی است که سومین عدد سمت راست آن، بین ۳۳ و ۲۶ قرار دارد؟

تیزهوشان نهم

۶۸

۵۹

۵۱

۴۴

در هریک از سؤالات ۱۸ تا ۲۰، بیستمین عدد مشترک دو الگو داده شده را بیابید.

۱۸ «۴, ۶, ۸, ۱۰, ...» و «۱۲, ۱۵, ۱۸, ...»

۱۱۴ ۱۳۲ ۱۲۶ ۱۲۰

۱۹ «۳, ۸, ۱۳, ۱۸, ...» و «۷, ۱۳, ۱۹, ۲۵, ...»

۶۳۴ ۶۰۰ ۵۸۳ ۶۱۷

آزمون گنج «۷, ۱۰, ۱۳, ۱۶, ...» و «۱۷, ۲۱, ۲۵, ۲۹, ...»

۲۲۷ ۲۶۶ ۲۴۰ ۲۵۳

پرسش‌های چهارگزینه‌ای

در هریک از سؤالات ۱ تا ۵، به جای علامت سؤال (?)، چه عددی قرار می‌گیرد؟

۶۳, ۵۹, ۵۵, ۵۱, ?

۴۵۱

۴۶

۴۸

۴۷

۷۳, ۹۷, ۱۲۱, ?

۱۴۵

۱۴۸

۱۴۳

۱۳۵

۶/۲۵, ۵/۵, ۴/۷۵, ?

۴/۵

۳/۷۵

۴

۴/۲۵

۱۸, ۱۹, ۲۵, ۲۳, ۳۲, ۲۷, ?

۸۱

۳۹

۱۹

۵۲

۷, ۳۵, ۱۵, ۲۸, ۲۳, ۲۱, ۳۱, ?

۳۰

۳۱

۳۳

۱۴

در هریک از سؤالات ۶ تا ۱۰، عدد ۳۸ ام الگو را مشخص کنید.

۲۴, ۲۸, ۳۲, ۳۶, ...

۱۶۸

۱۷۴

۱۷۶

۱۷۲

۱۹, ۲۲, ۲۵, ۲۸, ...

۱۲۴

۱۳۰

۱۳۳

۱۲۷

۱/۲۵, ۲/۵, ۳/۷۵, ۵, ...

۴۸/۵

۴۷

۴۷/۵

۴۸

۵, ۸, ۱۲, ۱۵, ۱۹, ۲۲, ...

۱۳۴

۲۶۷

۱۳۳

۲۶۶

 $\frac{7}{19}, \frac{13}{19}, 1, ...$ $\frac{3}{19}$ $\frac{18}{19}$ $\frac{1}{19}$ $\frac{1}{19}$

در الگوی ... ۳, ۷, ۱۱, ۱۵, ... عدد ۴۷۹ چندمین عدد الگو است؟

۱۲۰

۱۱۸

۱۲۱

۱۱۹

۱۲۰

- آزمون گنج** ۳۲۴ با ارقام ۴، ۵، ۲ و ۶ چند عدد سه رقمی بدون تکرار ارقام می‌توان نوشت که بر ۱۲ بخش پذیر باشند؟
- ۸ ۶ ۴ ۳
- آزمون گنج** ۳۲۵ با رقم‌های ۳، ۰ و ۷ چند عدد سه رقمی می‌توان نوشت که در آن از هرکدام از رقم‌ها فقط یک‌بار استفاده شده باشد؟
- ۵ ۴ ۳ ۶
- آزمون گنج** ۳۲۶ با کارت‌هایی به شماره‌های ۳، ۷، ۰، ۴ و ۲، چند عدد سه رقمی می‌توان ساخت که بر ۲ بخش پذیر نباشد؟
- ۲۴ ۱۸ ۱۲ ۶
- چند عدد دورقی و وجود دارد که با استفاده از دو رقم فرد مختلف ساخته می‌شود؟
- ۳۰ ۲۵ ۲۰ ۱۵
- آزمون گنج** ۳۲۸ با رقم‌های ۳، ۱، ۲ و ۰، چند عدد سه رقمی می‌توان نوشت که بر ۵ بخش پذیر باشند؟
- ۱۸ ۱۲ ۱۰ ۶
- آزمون گنج** ۳۲۹ با ارقام ۵، ۳، ۲ و ۱ چند عدد سه رقمی می‌توان نوشت که بر ۹ بخش پذیر باشند؟ (تکرار ارقام مجاز نیست).
- ۱۲ ۸ ۶ ۴

۱۶ اعداد صحیح

قبل از این‌که اعداد صحیح را تعریف کنیم، اعداد طبیعی و حسابی را معزّفی می‌کنیم.

اعداد طبیعی: از عدد پک شروع می‌شوند و یکی‌یکی زیاد می‌شوند و انتها ندارند، یعنی: ۱، ۲، ۳، ۴، ...

اعداد حسابی: از صفر شروع می‌شوند و هم‌چون اعداد طبیعی یکی‌یکی زیاد می‌شوند و انتها ندارند، یعنی: ۰، ۱، ۲، ۳، ۴، ...

اعداد صحیح: به اعداد طبیعی، صفر و قرینه‌ی اعداد طبیعی، اعداد صحیح می‌گویند که عبارت‌اند از: ... -۳، -۲، -۱، ۰، ۱، ۲، ۳، ...

۱ اعداد صحیح از نظر علامت، به سه دسته تقسیم می‌شوند:

الف اعداد صحیح مثبت که همان اعداد طبیعی‌اند.

ب اعداد صحیح منفی که قرینه‌ی اعداد طبیعی‌اند.

ج صفر که نه مثبت است و نه منفی.

۲ به عده‌های صحیح مثبت و صفر، عده‌های صحیح نامنفی می‌گویند که همان اعداد حسابی‌اند.

۳ به عده‌های صحیح منفی و صفر، عده‌های صحیح نامثبت می‌گویند که همان قرینه‌ی اعداد حسابی‌اند.

۱ چند مورد از موارد زیر درست است؟

الف اعداد صحیح منفی، همان اعداد طبیعی هستند.

ب قرینه‌ی اعداد طبیعی، همان اعداد صحیح منفی هستند.

ج اعداد صحیح نامنفی، شامل عدد صفر نیستند.

د اعداد صحیح نامثبت، همان قرینه‌ی اعداد حسابی هستند.

د درست

ن نادرست

د درست

الف نادرست

بنابراین دو مورد، درست است.



۲



نکته ۱ در مقایسهٔ اعداد صحیح، به موارد زیر، توجه کنید:

الف روی محور اعداد صحیح هرچه به سمت راست پیش می‌رویم، اعداد بزرگ‌تر می‌شوند.

$$-1000 < +1$$

ب هر عدد مثبت از هر عدد منفی بزرگ‌تر است. مانند:

$$-4000 < 0$$

ج هر عدد منفی از صفر کوچک‌تر است. مانند:

$$+4 > 0$$

ت هر عدد مثبت از صفر بزرگ‌تر است. مانند:

$$-2 > -8$$

چ از میان دو عدد منفی، آنکه مقدار عددی کوچک‌تری دارد، بزرگ‌تر است. مانند:

مثال ۲ بزرگ‌ترین عدد صحیح منفی کوچک‌تر از -3 را بنویسید.



پاسخ اعداد صحیحی را که از -3 - کوچک‌تر هستند روی محور مشخص کرده‌ایم

و بزرگ‌ترین آنها « -4 » می‌باشد.

$$-2 = \text{قرینهٔ } 2 \quad 7 = \text{قرینهٔ } -7$$

نکته ۳ در ریاضیات، علامت منفی را به صورت «قرینه» ترجمه می‌کنیم. یعنی:

نکته ۴ اگر دو علامت در کنارهم قرار گرفته باشند، به جای آن‌ها می‌توان فقط یک علامت نوشت، آن‌هم بار رعایت قوانین زیر:

الف $-- \Rightarrow -$

ب $-+ \Rightarrow -$

ج $++ \Rightarrow +$

مثال ۳ در هر مورد، دو مقدار داده شده را مقایسه کنید.

الف $-(-2) \circ -3$

ب $\text{قرینهٔ } 7 \circ -7$

ج $0 \circ \text{قرینهٔ } 3$

$$\text{الف} \quad -(-2) \circ -3 \Rightarrow +2 > -3$$

$$\text{ب} \quad \text{قرینهٔ } 7 \circ -7 \Rightarrow -(+7) \circ -7 \Rightarrow -7 = -7$$

پاسخ

$$\text{ب} \quad \text{صفر} \circ \text{قرینهٔ } (-3) \Rightarrow \text{صفر} \circ \text{قرینهٔ } 3$$

نکته ۵ بزرگ‌ترین عدد صحیح منفی، -1 است.

نکته ۶ کوچک‌ترین عدد صحیح مثبت، $+1$ است.

نکته ۷ برای پیدا کردن قرینهٔ یک عدد صحیح نسبت به عدد صحیح دیگر، بهتر است از محور کمک بگیریم.

مثال ۴ قرینهٔ عدد -8 نسبت به -4 را بیابیم.



پاسخ

باتوجه به محور، قرینهٔ عدد -8 نسبت به عدد -4 ، عدد صفر است.

پرسش‌های چهارگزینه‌ای

۳۳۰ تعداد اعداد صحیح بین «۹» و «۱۱»، چندتا است؟

۱۸

۱۹

۲۱

۲۰

آمون گاج

۳۳۱ قرینه‌ی کدام عدد، از «۸» کوچک‌تر است؟

۱۰

۸

۷

۱ صفر

اگر ۱۲ ظهر را مبدأ فرض کنیم و هر دقیقه یک واحد صحیح باشد، ساعت ۱۶:۲۵ را با کدام عدد صحیح نمایش می‌دهیم؟

-۲۰۰

۲۰۰

-۲۶۵

۲۶۵

آمون گاج

۳۳۲ بزرگ‌ترین عدد صحیح کوچک‌تر از «۴۲» که قرینه‌اش بر ۹ بخش‌پذیر باشد، کدام است؟

-۱۸

-۳۶

-۲۷

-۲۶

۳۳۳ زیر یک دیگر قرار می‌دهیم و در هر مرحله از بزرگ‌ترین عدد بین آن‌ها، ۳ واحد به سمت چپ و از سه عدد صحیح را به صورت $\begin{bmatrix} -1 \\ 2 \\ -4 \end{bmatrix}$ هاییک از دو عدد دیگر، ۲ واحد به سمت راست محور حرکت می‌کنیم. بعد از ۳ مرحله، به کدام گزینه می‌رسیم؟ تیزهوشان ششم پهلوگلستان

$$\begin{bmatrix} -3 \\ -1 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} +1 \\ -1 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0 \\ -2 \\ 2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -2 \\ 0 \\ 3 \end{bmatrix}$$

آمون گاج

۳۳۴ کدام گزینه صحیح است؟

۱ هر عدد صحیح، از قرینه‌ی خود کوچک‌تر است.

۲ هر عدد صحیح، از قرینه‌ی خود کوچک‌تر یا بزرگ‌تر از آن است.

۳ صفر، از قرینه‌ی همه‌ی اعداد صحیح مثبت، بزرگ‌تر است.

۴ قرینه‌ی کدام عدد زیر، از قرینه‌ی «۳+۴» بزرگ‌تر است؟

+۴

+۲

+۶

+۵

-۳

-۹

-۱۰

-۱۱

۳۳۵ بین «۱۴-» و «۴+» چند عدد صحیح نامثبت وجود دارد؟

۱۳ تا

۱۶ تا

۱۵ تا

۱۴ تا

۱۷ مفهوم کسر و کسرهای مساوی

کسر: کسر قسمتی از کل است. در حالت کلی، می‌توانیم قسمتی از یک شکل را به صورت کسر نمایش دهیم؛ به شرط آن‌که شکل به قسمت‌های مساوی تقسیم شده باشد. اگر شکل به قسمت‌های مساوی تقسیم نشده باشد، ابتدا باید در آن، قسمت‌های مساوی ایجاد کنیم و سپس کسر مربوط به شکل را بنویسیم.

مثال ۱ در دایره‌ی مقابل، نیمی از شکل به دو قسمت مساوی و نیمی دیگر، به سه قسمت مساوی تقسیم شده است. چه کسری از کل شکل، رنگی است؟



$\frac{7}{12}$ F

$\frac{5}{12}$ M

$\frac{2}{5}$ R

$\frac{3}{5}$ I





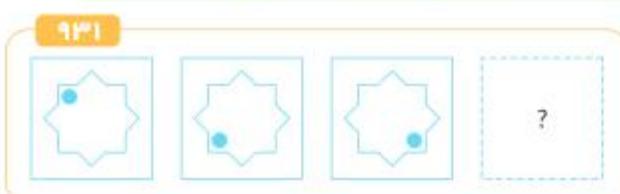
٩٩ ششم تجزیه و تحلیل

مثال ۳ پاتوچه به شکل‌های داده شده، شکل بعدی کدام است؟

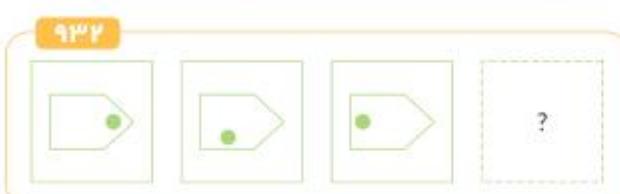
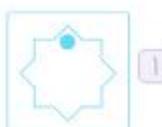


پاسخ ۱۴ از چپ به راست، مرتعها (که در اینجا با رنگ‌های آبی و قرمز نشان داده‌ایم) به سمت هم در حرکت هستند تا جایی که برهمن منطبق می‌شوند و در ادامه از هم دور می‌شوند.

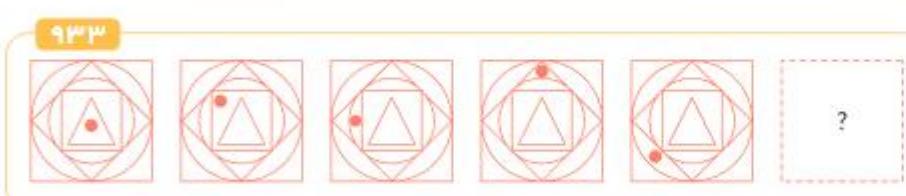
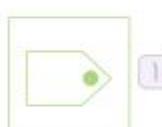
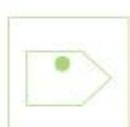
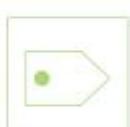
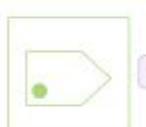
در هیک از سوال‌های ۹۳۱ تا ۹۵۴، با توجه به تصاویر داده شده، گزینه‌ی مناسب‌تر را باید کوچن جای خالی انتخاب کنید.



۹۵



٩٦ تمهيد



95 ගෝ පිටත

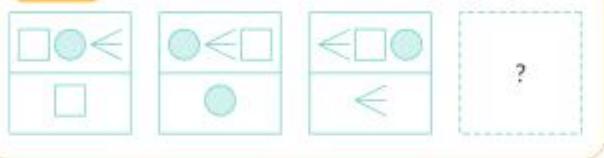




۴

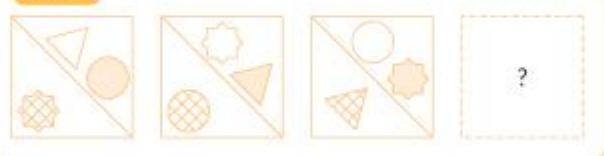
تجهیزی و تصویری

۱۳۴

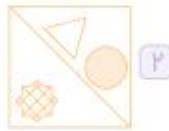


تیزهوشان ششم

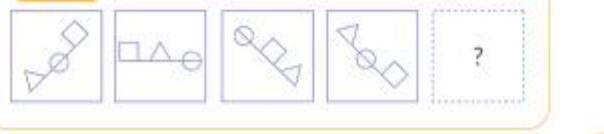
۱۳۵



تیزهوشان نهم

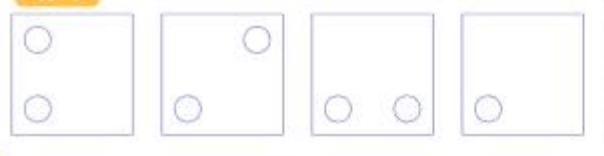


۱۳۶

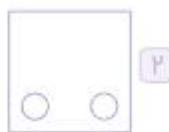


تیزهوشان نهم | ۱۴۰

۱۳۷



تیزهوشان هفتم | ۱۴۱



۱۳۸



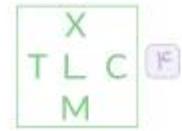
تیزهوشان نهم | ۱۴۲



۱۳۹



تیزهوشان هفتم | ۱۴۳





۹۷۸



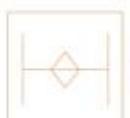
تیزه‌نوشان هفتم



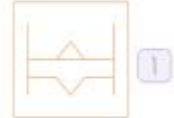
F



M



P



I

۹۷۹



تیزه‌نوشان ششم



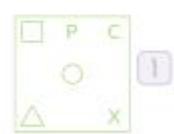
F



M

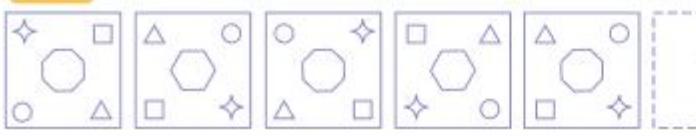


P

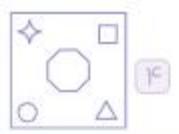


I

۹۷۱۰



تیزه‌نوشان ایم۱۴۰



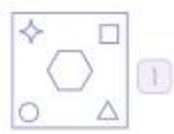
F



M

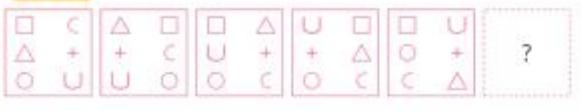


P



I

۹۷۱۱



تیزه‌نوشان نهم



F



M

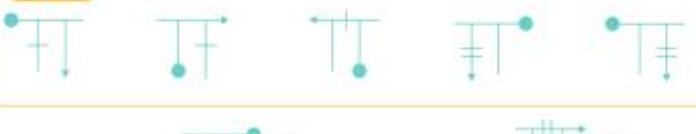


P



I

۹۷۱۲



تیزه‌نوشان ششم



F



M

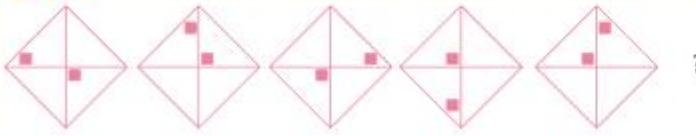


P

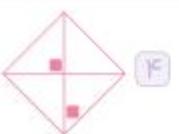


I

۹۷۱۳



تیزه‌نوشان نهم



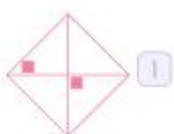
F



M



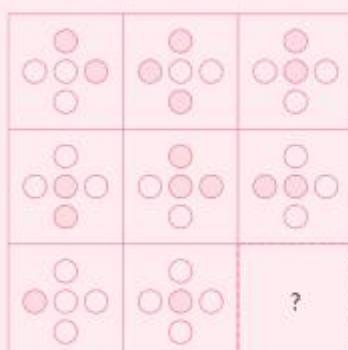
P



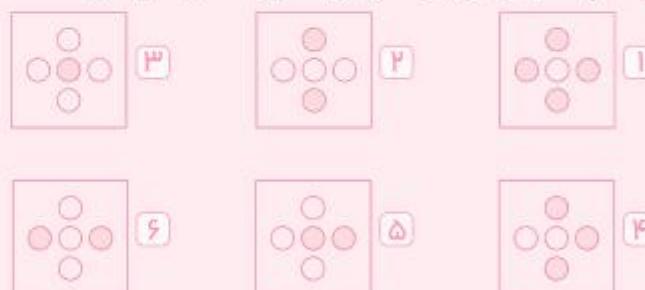
I

الگوهای 3×3 (ادغام و تبدیل) ۶۱

در برخی از پرسش‌های مربوط به الگوهای 3×3 ، در هر سطر یا ستون، اجزای تشکیل‌دهنده‌ی شکل‌ها با هم ادغام می‌شوند که ممکن است در اثر این ادغام، به شکل دیگری تبدیل شوند یا تغییر رنگ دهند. به نمونه‌های زیر، توجه کنید:

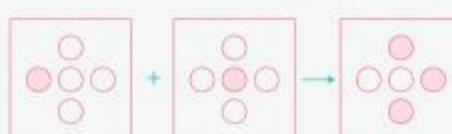


مثال ۱ کدام شکل را در جای خالی قرار دهیم تا الگو کامل شود؟

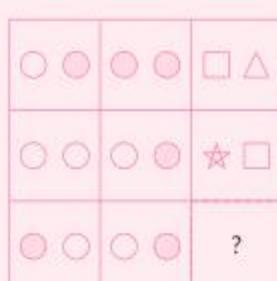


پاسخ ۱ در هر ردیف، از چپ به راست، از ادغام دو شکل اول و مقایسه‌ی آن با شکل سوم، نتایج زیر حاصل می‌شود:

$$\text{●} + \text{●} \rightarrow \text{●}, \quad \text{○} + \text{●} \rightarrow \text{○}, \quad \text{○} + \text{○} \rightarrow \text{●}$$



بنابراین در ردیف سوم داریم:



مثال ۲ کدام شکل به بهترین نحوه، جای خالی الگوی رویه را کامل می‌کند؟

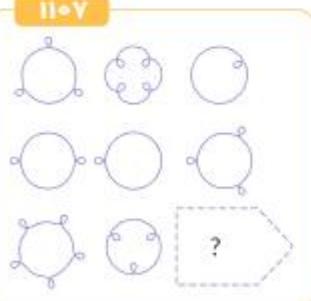


$$\text{○} + \text{●} = \square, \quad \text{●} + \star = \triangle, \quad \text{○} + \circ = \star$$

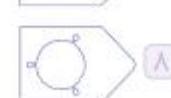
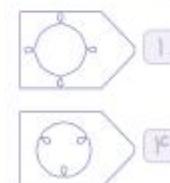
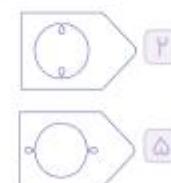
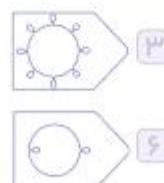
پاسخ ۲ با بررسی دو سطر اول، به نتایج زیر می‌رسیم:

پرسش‌های چندگزینه‌ای

در هریک از پرسش‌های ۱۱۱۵ تا ۱۱۱۷، بهترین شکل را برای کامل کردن الگو انتخاب کنید.



تیزهوشان ششم ۹۷

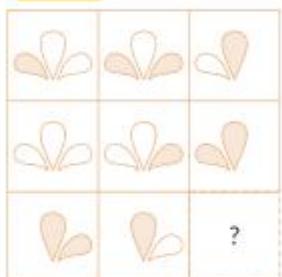




۳

تجهیزی و تصویری

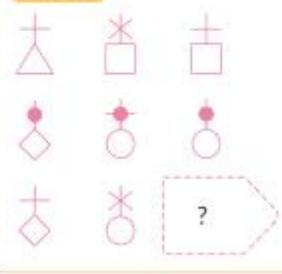
۱۰۱



تیزهوشان تهم ۱۰۰



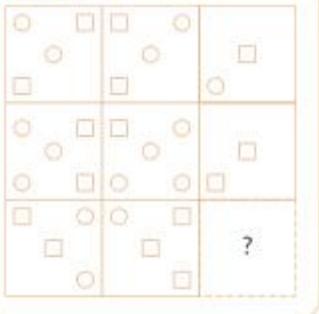
۱۱۹



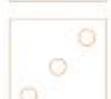
تیزهوشان ششم ۹۷



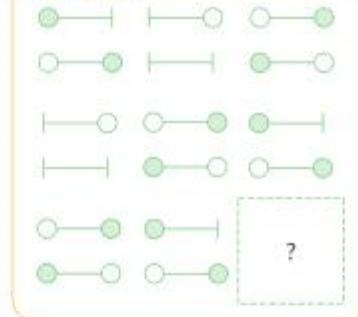
۱۱۱



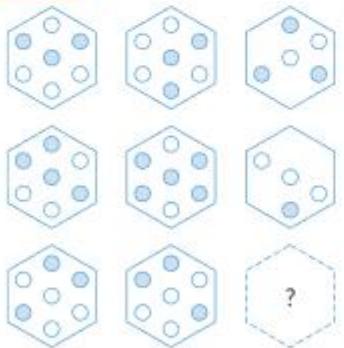
آزمون گاج



۱۱۱۰



۱۱۱۱

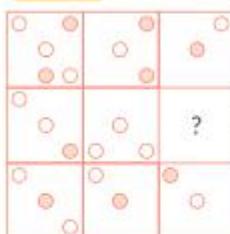


آزمون گاج

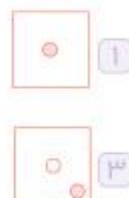
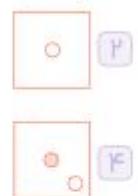




III۳



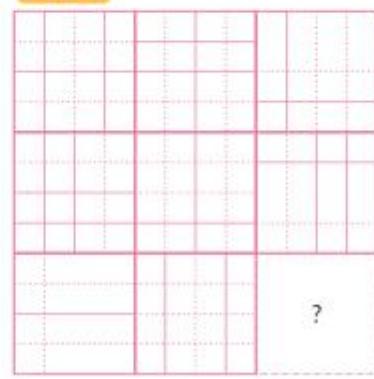
تیزهوشان نهم ۱۴۰۱



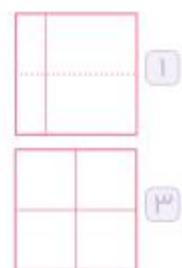
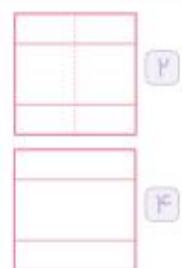
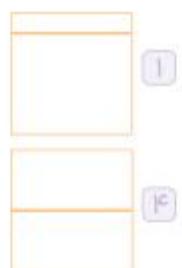
III۴



III۴

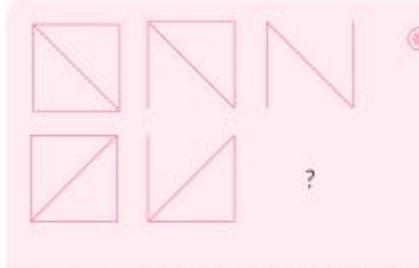


آزمون گامی



۶۲ الگوهای مستطیلی

برخی از الگوها به شکل جدول‌های 2×3 یا 3×3 هستند که در آن‌ها با توجه به شکل‌های داده شده، باید برای جای خالی یک شکل مناسب انتخاب کنیم. در اینجا هم می‌توانیم از تمام تکنیک‌هایی که در مباحث الگوهای 3×3 آموختیم، استفاده کنیم. به نمونه‌های زیر، توجه کنید:



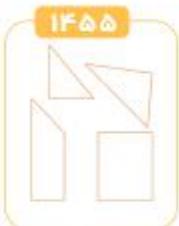
پاسخ ۱ شکل‌های قسمت پایین، قرینه‌ی شکل‌های قسمت بالا نسبت به خط افقی هستند.



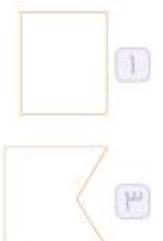
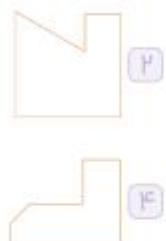


۱۴۵

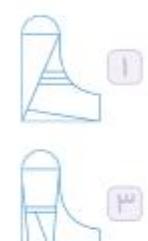
تجهیزی و تصویری



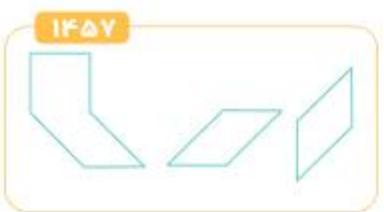
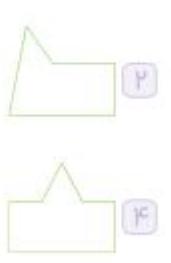
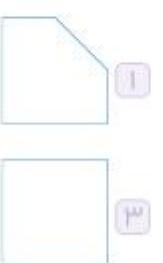
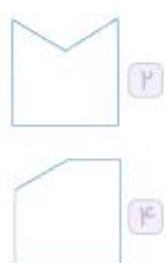
آزمون گنج



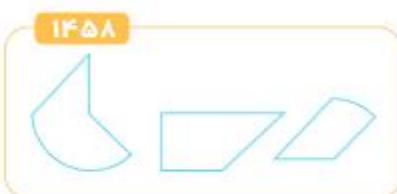
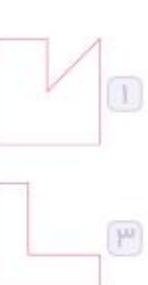
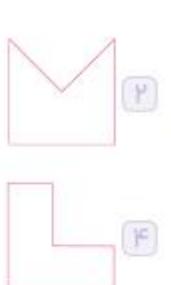
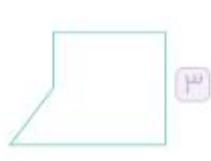
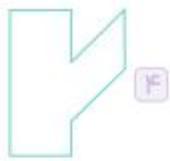
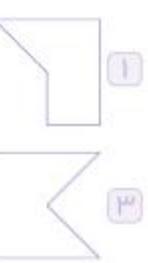
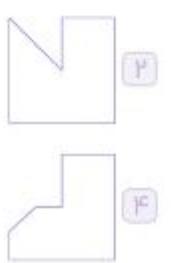
آزمون گنج



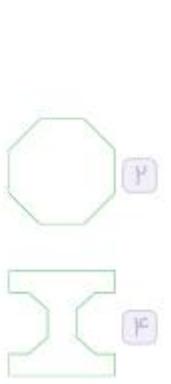
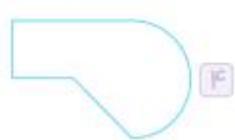
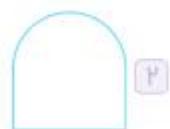
آزمون گنج



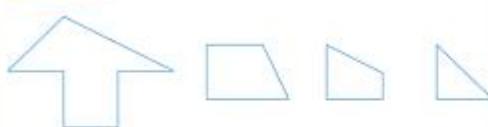
تبرهشان ششم ۱۴۵



تبرهشان ششم ۱۴۶

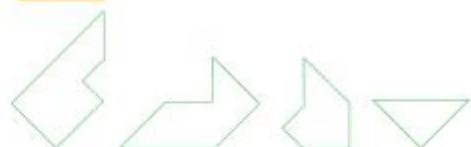


۱۴۵۰

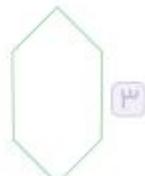
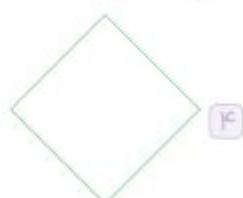
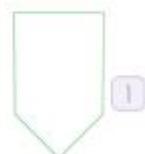
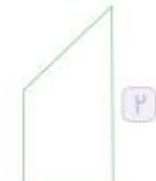
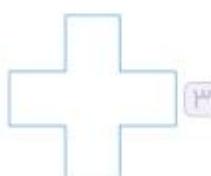
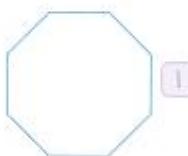


تیزه‌شان نهم | ۱۴۵۰

۱۴۵۱



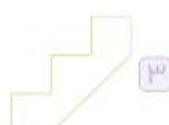
تیزه‌شان نهم | ۱۴۵۱



۱۴۵۲ دو قطعه‌ی مساوی مانند شکل زیر داریم، فقط با حرکت دادن یا چرخاندن آن‌ها روی صفحه و بدون

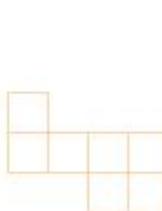
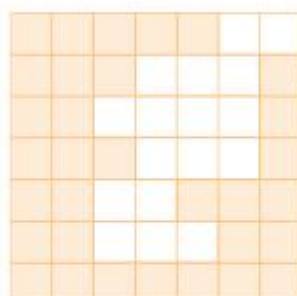
آزمون کنگورو

بلند کردن آن‌ها از روی صفحه، کدام شکل را نمی‌توانید بسازید؟

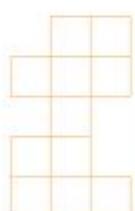


آزمون کنگورو

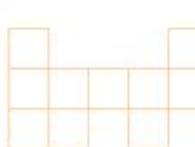
۱۴۵۲ کدام دو قطعه‌ی داده شده، می‌توانند قسمت خالی شکل زیر را کامل کنند؟



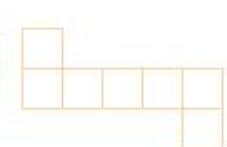
(۱)



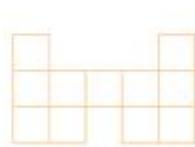
(۲)



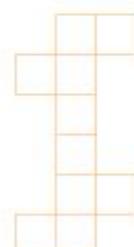
(۳)



(۴)



(۵)



(۶)

(۱) و (۵)

(۱) و (۳)

(۴) و (۲)

(۱) و (۲)



F

منطقی

بخش چهارم



منطقی

زنجیره‌های تکرارشونده ۸۷

در سال‌های اخیر، مبحث زنجیره‌های تکرارشونده از اعداد یا اشکال، از سؤالات پراهمیت آزمون تیزهوشان بوده‌اند. در این سؤالات، زنجیره‌ای از نمادها، اعداد، اشکال، حروف یا ... مورد پرسش است. در این زنجیره‌ها، الگوی تکرارشونده‌ای وجود دارد و موضوع سؤال پیدا کردن عضو یا عضوهای جا افتاده است. در نوع دیگری از این سؤالات، موضوع سؤال، موقعیت یک نماد نسبت به نمادهای دیگر است. گاهی آدرسی از محل یک نماد داده می‌شود و از ما خواسته می‌شود که آن نماد را با توجه به زنجیره مشخص کنیم.

مثال ۱ برای پُر کردن جاهای علامت سؤال‌ها در زنجیره‌ی تکرارشونده‌ی زیر، از راست به چپ، مناسب‌ترین گزینه کدام است؟

م ؟ ؟ ن ک ل م ه ؟ ؟ ک ل م ه ن ؟ ؟ ن ن ک ل

ه ن ن ن ن ک م ه ۱

ه ن ن ن ل ک م ه ۲

ل ن ن ل ل ک م ه ۳

ه ن ن ن ک ن م ه ۴

پاسخ ۲ با توجه به روند تکرار حروف، زنجیره‌ی تکرارشونده (م ه ن ن ک ل) است و حروف مربوط به علامت سؤال‌ها به ترتیب از

راست به چپ عبارت‌انداز؛ ه ن ن ن ک م ه

HIKM* - + / X Z O W B A

مثال ۲ زنجیره‌ی مقابل را از چپ به راست، در نظر بگیرید:

اگر شش علامت انتهایی زنجیره را به صورت معکوس در ادامه‌ی شش نماد اول از سمت چپ بنویسیم، دومین نماد سمت

چپ «O» کدام است؟

X ۱

A ۲

W ۳

B ۴

دومن نماد سمت چپ «O»

HIKM * - + / XZOWBA \Rightarrow **HIKM * - ABWOZX + /**

شش علامت انتهایی شش نماد اول

پاسخ ۱

نک وقتی آدرسی روی زنجیره داده می‌شود، بهتر است آدرس را از انتهای آنها به ابتدای بخوانیم.



F

منطقی



۲۰۸۲ سهیل رو به شمال ایستاده است و ۱۰ قدم به جلو می‌رود، سپس به راست می‌پیچد و ۱۰ قدم دیگر به جلو می‌رود. موقعیت اولیه‌ی او نسبت به موقعیت فعلی‌اش، در کدام جهت قرار دارد؟
آزمون گاج

شمال شرقی **۱** غرب **۲** شرق **۳** جنوب غربی **۴**

۲۰۸۳ مریم شروع به راه رفتن به سمت شمال کرد. پس از ۳۰ متر پیاده روی، به سمت چپ چرخید و ۴۰ متر راه رفت. او سپس به چپ چرخید و ۳۰ متر راه رفت. دوباره به چپ چرخید و ۵۰ متر راه رفت. اگر تمام چرخش‌ها ۹۰ درجه باشد، او چند متر با موقعیت تبره‌شان ششم **۱** اولیه‌ی خود فاصله دارد؟

۱۰ **۲** ۳۰ **۳** ۴۰ **۴** ۵۰ **۱**

۲۰۸۴ علی هنگام غروب، پشت به خورشید است. او پس از طی مسافتی، به سمت چپ پیچیده و باز هم پس از طی مسافتی، به چپ می‌پیچد. علی اکنون رو به کدام جهت قرار دارد؟

شمال **۱** غرب **۲** شرق **۳** جنوب **۴**

۲۰۸۵ شهر A در جنوب شهر B قرار دارد. شهر C در غرب شهر A قرار دارد. شهر D در سمت راست شهر A قرار دارد. کدام گزینه موقعیت شهر D نسبت به شهر C را نشان می‌دهد؟
آزمون گاج

شمال **۱** شرق **۲** جنوب شرقی **۳** شمال شرقی **۴**

۲۰۸۶ یک نقشه‌ی گنج به شش تگه تقسیم شده است. اولین تگه از این مجموعه، درخت بزرگ و مشخصی است که نقطه‌ی شروع را نشان می‌دهد. بدون توجه به ترتیب تگه‌های نقشه، موارد زیر در راهنمای پیدا کردن گنج نوشته شده است: «۳ متر به شرق»، «۵ متر به جنوب»، «۵ متر به جنوب شرق»، «۲/۵ متر به جنوب» و «۶/۵ متر به غرب». آیا با این اطلاعات می‌توان از درخت شروع به حرکت کرد و به گنج رسید؟
تبره‌شان نهم



خیر؛ زیرا ترتیب تگه‌های نقشه مهم است.

بله؛ اگر به هر نحو این مسیرها را طی کنیم، به گنج می‌رسیم.

خیر؛ برای رسیدن به محل گنج، حداقل ترتیب دو تگه از مسیرهای آغازین حرکت باید کاملاً مشخص باشد.

خیر؛ برای رسیدن به محل گنج، حداقل ترتیب سه تگه از مسیرهای آغازین حرکت باید کاملاً مشخص باشد.

۱۰۲ استدلال منطقی و نتیجه‌گیری

در بسیاری از مسائل، اطلاعاتی در قالب یک جمله، پاراگراف یا متن به ما می‌دهند و از ما می‌خواهند یک نتیجه‌گیری منطقی بر مبنای استدلال‌هایی که از متن می‌شود، داشته باشیم. برای پاسخ دادن به این گونه سوالات، لازم است یک بار به طور دقیق اطلاعات داده شده را بخوانیم و ارتباط منطقی بین آن‌ها را به درستی تشخیص دهیم. به نمونه‌های زیر توجه کنید:

مثال ۱ زمانی که تعداد زیادی از مردم قصد خرید کالایی را دارند، قیمت آن احتمالاً افزایش می‌باید. در تابستان تعداد مسافرت‌ها در کشور ما در مقایسه با زمان‌های دیگر افزایش پیدا می‌کند. تعداد زیادی از خانواده‌ها به سمت مقصداشان رانندگی می‌کنند و برخی شاید هوایپیما یا قطار را انتخاب کنند. براساس اطلاعات داده شده، شما می‌توانید پیش‌بینی کنید که:

قیمت خودرو در تابستان افزایش پیدا می‌کند.

قیمت خودرو در تابستان کاهش پیدا می‌کند.

پاسخ ۱ با توجه به متن، در تابستان تعداد مسافرت‌ها افزایش می‌باید و چون بخشی از مسافرت‌ها با خودروهای شخصی انجام می‌گیرند، بنابراین نیاز به خودرو بیش‌تر می‌شود و احتمالاً با افزایش تقاضا برای خرید خودرو، قیمت آن نیز افزایش می‌باید.

۲۰۰ علی در ابتدای پاییز سال ۱۳۹۸ یک ماشین که شامل گارانتی دو ساله و همچنین گارانتی مسافت طی شده‌ی ۲۰۰ کیلومتری برای لاستیک و فرمان بود، خریداری کرد. در اواخر زمستان سال ۱۴۰۰، ماشین او با مسافت طی شده‌ی ۱۹۰ کیلومتری دچار نقص در فرمان شد. براساس اطلاعات داده شده، شرکت فروشنده‌ی ماشین، موظف است که:

- ۱) فرمان جدید را رایگان جایگزین کند.
۲) لاستیک‌ها و فرمان را رایگان تعویض کند.
۳) ماشین را رایگان تعویض کند.

۲۰۱ با توجه به این‌که فرمان دچار نقص شده است و تا ۲۰۰ کیلومتر شامل گارانتی است، پس باید فرمان را رایگان عوض کند.

پرسش‌های چهارگزینه‌ای

۲۰۸۷ هیچ‌یک از اعضای این کلاس تهرانی نیستند. علی تهرانی نیست. علی از اعضای این کلاس است. اگر جمله‌های اول و دوم درست باشند،

- ۱) جمله‌ی سوم غیرممکن است درست باشد.
۲) هر سه گزینه نادرست است.

۲۰۸۸ «علی و نرگس می‌خواهند برای سفر به شمال بروند؛ اما به این شرط که مریم همراه آن‌ها بیاید. مریم برای سفر فقط به جنوب می‌رود که کمی مسافت آن دورتر است. ناصر هم فقط در صورت همراهی علی، حاضر است به سفر برود.»

آرزوی گنج **۲۰۸۹** اگر همه‌ی جملات بالا صحیح باشند، کدام‌یک از گزینه‌های زیر، صحیح نیست؟

- ۱) ناصر همراه مریم به سفر نمی‌رود.
۲) علی و نرگس همراه هم به سفر نمی‌روند.

۲۰۹۰ اگر جمله‌ی «قدّ هر والیبالیست بیشتر از ۱۷۰ سانتی‌متر است» درست باشد، کدام‌یک از جملات زیر حتماً درست است؟

- ۱) قدّ حسن ۱۷۴ سانتی‌متر است، پس او والیبالیست نیست.
۲) مسعود والیبالیست نیست، پس قدّش کمتر از ۱۷۰ سانتی‌متر است.
۳) محمد رضا والیبالیست است، پس قدّش حدّاً کثیر ۱۷۰ سانتی‌متر است.
۴) قدّ علی ۱۶۹ سانتی‌متر است، پس او والیبالیست نیست.

۲۰۹۱ آقای محمدی سرآشپز مشهوری است. او سال قبل، رستوران خود را افتتاح کرد؛ اما فروش خوبی نداشت. دوست او به آقای محمدی گفت: چون تو آشپز مشهوری هستی، مردم فکر می‌کنند رستوران تو خاص و گران است و به دلیل هزینه‌های بالای آن، همیشه نمی‌توانند به آن مراجعه کنند و فقط برای مناسبتهای خاص به آنجا می‌آیند. با توجه به شرایط گفته شده، کدام‌یک از روش‌های زیر را برای افزایش کسب و کار آقای محمدی توصیه می‌کنید؟

- ۱) مکان رستوران را تغییر دهد.
۲) تبلیغات گسترده‌ی محلی انجام دهد و مجموعه‌ای از غذاهای خود را با ذکر قیمت آن‌ها تبلیغ کند.
۳) غذاهای خود را در سایتها تخفیف‌دار همچون نت‌برگ قرار دهد.
۴) هیچ‌کدام از راه‌ها سبب افزایش کسب و کار او نمی‌شود.



۱۴

منطقی



۲۰۹۱ کسانی که در مسابقه‌ی دو شرکت می‌کنند، آمادگی جسمانی بالایی دارند. نیما آمادگی جسمانی بالایی دارد؛ بنابراین نیما می‌تواند در مسابقه‌ی دو برنده باشد. در کدام یک از گزینه‌های زیر، نتیجه‌گیری، همانند نتیجه‌گیری مطرح شده در صورت سؤال است؟ **آموخته**

۱ افرادی که ورزش رزمی کار می‌کنند، نمی‌توانند غذای چرب بخورند. حسین ۱۰ سال است که رژیم کار می‌کند؛ پس او غذای چرب نمی‌خورد.

۲ افراد بالاتر از ۲۲ سال نمی‌توانند در کلاس خلبانی شرکت کنند. علی چند ماه است که در کلاس خلبانی شرکت می‌کند؛ بنابراین سن علی پایین‌تر از ۲۲ سال خواهد بود.

۳ افرادی که در امتحان ناسا شرکت می‌کنند، توان علمی بالایی دارند. نرگس توان علمی بالایی دارد؛ بنابراین نرگس می‌تواند در امتحان ناسا موفق باشد.

افرادی که دیپلم ندارند، نمی‌توانند استخدام شوند. محمد دیپلم ندارد؛ بنابراین نمی‌تواند استخدام شود.

۲۰۹۲ درس خواندن، باعث افزایش هوش ما می‌شود؛ پس درس نخواندن، باعث کاهش هوش ما می‌شود. استدلال ارائه شده در بالا، شبیه کدام‌یک از استدلال‌های زیر می‌باشد؟

۱ شنا کردن باعث تقویت عضلات بدن می‌شود؛ پس افرادی که شنا نمی‌کنند، عضلات ضعیفی دارند.

۲ خوردن کنجد باعث افزایش حافظه می‌شود؛ پس کنجد نخوردن، باعث کاهش حافظه می‌شود.

۳ افزایش استرس باعث ریزش مو می‌شود؛ پس افزایش رشد مو، موجب کاهش استرس می‌شود.

۴ مصرف گوجه، سبب کاهش ابتلا به سرطان پروستات می‌شود؛ پس نداشتن سرطان پروستات به دلیل مصرف گوجه است.

باتوجه به متن، به سوالات ۲۰۹۳ و ۲۰۹۴ پاسخ دهید.

نرگس، نسترن و نسیم سه دوست هستند که یکی از آن‌ها پزشک، دیگری مهندس و آن یکی وکیل است. کسی که وکالت می‌کند، نه برادر دارد و نه خواهر و بین این سه دوست، از همه کوچک‌تر است. نسیم با برادر نرگس ازدواج کرده و از کسی که مهندس است، بزرگ‌تر می‌باشد.

۲۰۹۳ کدام‌یک از این سه دوست، وکیل است؟

۱ نرگس **۲** نسترن **۳** نسیم **۴** نیما توان مشخص کرد.

۲۰۹۴ باتوجه به متن، کدام جمله حتماً نادرست است؟

۱ نرگس از نسترن بزرگ‌تر است.

۲ نرگس پزشک نیست.

۲۰۹۵ چهار ماشین، در حال مسابقه بودند. ماشین‌ها یکسان بودند ولی رنگ متفاوتی داشتند. چون با سرعت بسیار بالا و خیلی نزدیک بهم از خط پایان گذشتند، چهار تماشاگر توصیف متفاوتی از ترتیب رد شدن آن‌ها از خط پایان داشتند. کدام توصیف احتمالاً درست است؟

۱ قرمز - سبز - آبی - زرد **۲** قرمز - آبی - سبز - زرد **۳** قرمز - سبز - زرد - آبی **۴** سبز - زرد - آبی - قرمز

۲۰۹۶ محسن، شش ماه پیش از این، با خودرو به پژمان که در حال عبور از عرض خیابان بود برخورد کرد. پژمان دچار صدماتی شد و تحت چند عمل جراحی قرار گرفت. پژمان پس از آن‌که حدود یک ماه در بیمارستان بستری بود، با بهبودی نسبی مرخص شد. اما او امروز درگذشت. هم‌چنین می‌دانیم:

۱ زخم‌های ناشی از تصادف در طول این چند ماه، بارها عفونت کرده بودند و هنگامی که پژمان درگذشت نیز، به خاطر همین عفونت‌ها در بیمارستان بستری بود.

۲ پژمان در مصرف داروهای ضد عفونت، دقیق کافی را نداشت.

کدام عبارت را می‌توان نتیجه گرفت؟

۱ بستری شدن مجدد در بیمارستان، نتوانست پژمان را به زندگی برگرداند.

۲ اگر پژمان داروهای ضد عفونت را به طور دقیق مصرف می‌کرد، امروز زنده بود.

۳ پژمان سی روز پس از تصادف و با بهبودی نسبی، از بیمارستان مرخص شد.

۴ درگذشت پژمان، به خاطر عفونت بوده است.

۲۰۹۷ در آگهی تبلیغاتی یک شرکت تولیدکننده کالاهای ورزشی، آمده است که «نفرات اول تا سوم مسابقات کشتی المپیک از دوبنده (لباس مخصوص کشتی‌گیران) تولیدشده در آن شرکت استفاده کرده‌اند». در تولید این دوبنده‌ها از یک فناوری ویژه استفاده شده است که جذب رطوبت و تهویه بیشتری دارند و خیلی سریع خشک می‌شوند.

تیزهوشان ششم

کدام عبارت را می‌توان نتیجه گرفت؟

۱ در تولید دوبنده‌های این شرکت از پنیه استفاده شده است.

۲ دوبنده‌های تولیدی این شرکت، به خشک شدن پوست در حین مسابقه کمک می‌کند.

۳ دوبنده‌های تولیدی این شرکت به نفرات برگزیده کمک کرده است تا در مسابقات پیروز شوند.

۴ به دلیل این موقّیت، قرار است سال بعد نیز از این دوبنده‌ها استفاده شود.

در هریک از سؤال‌های ۲۰۹۸ و ۲۰۹۹، کدامیک از عبارت‌ها، صحیح و بدیهی در نظر گرفته شده است؟

۲۰۹۸ قرار است، دولت ارسال قبض‌های کاغذی برق به در منازل را کنار گذارد و از مردم بخواهد که قبض برق خود را به صورت اینترنتی یا از طریق تلفن همراه پرداخت کنند. پیش‌بینی می‌شود که ۹۸ درصد قبض‌های برق از این طریق پرداخت شود. این تصمیم برای صرفه‌جویی در مصرف کاغذ نیز مؤثر است.

تیزهوشان ششم

۱ تقریباً همه‌ی مشترکین به اینترنت یا تلفن همراه دسترسی دارند.

۲ مشترکین معمولاً تقاضای دولت را می‌پذیرند.

۳ دولت به شماره تلفن همراه تمامی مشترکین دسترسی دارد.

۴ عدم ارسال قبض‌های کاغذی برق باعث می‌شود مردم در مصرف کاغذ صرفه‌جویی کنند.

۲۰۹۹ بانک‌ها باید پیش از پرداخت وام به هر فرد، اعتبار او را بسنجند. این کار به این معنا است که رفتارهای مالی افراد مانند نحوه پرداخت اقساط وام‌های قبلی، پرداخت عوارض شهرداری و قبض‌های آب و برق بررسی شود و بر اساس آن، برای افراد درجه اعتبار مالی درنظر گرفته شود.

تیزهوشان ششم

۱ نحوه پرداخت اقساط و عوارض و قبض‌ها بیانگر درجه اعتبار افراد در اجتماع است.

۲ افراد دارای اعتبار مالی بالا متقاضی وام هستند.

۳ رفتارهای مالی افراد در گذشته، می‌توانند نشان‌دهنده‌ی رفتارهای مالی آن‌ها در آینده باشد.

۴ همه‌ی رفتارهای افراد، متناسب با رفتارهای مالی آن‌ها است.

شش دانش‌آموز الف، ب، پ، ت، ث و ح در کلاس‌های فوق برنامه شرکت کرده‌اند. معلم پ، ت و ح خانم و معلم بقیه، آقا هستند. ب، پ و ث به ترتیب اهل کرمان، بندرعباس، کازرون و بقیه اهل یزد هستند. الف، ث و ح دانش‌آموز متوسطه‌ی اول و دیگران، دانش‌آموز متوسطه‌ی دوم هستند. بر اساس این توضیحات، به سؤالات ۲۱۰۰ و ۲۱۰۱ پاسخ دهید.

۲۱۰۰ کدام دانش‌آموز اهل کرمان و دارای معلم مرد است و در دوره‌ی متوسطه‌ی دوم درس می‌خواند؟

۱ ب ۲ پ ۳ ت ۴ ث

۲۱۰۱ کدام دانش‌آموزان متوسطه‌ی دوم، اهل یزد و کازرون نیستند؟

۱ ب ۲ ت ۳ الف ۴ ح

۲۱۰۲ جهانگیر ۵۰ ساله است. او در دادگاه به یک سال حبس و ۱۰۰ میلیون تومان جریمه‌ی نقدی محکوم شده است. جهانگیر به دلیل

سرقت از مرد جوانی که در یک سینما مشغول تماشای فیلم بود، توشط پلیس دستگیر شده است. هم‌چنین می‌دانیم:

۱ مردی به نام مراد در همان روزی که سرقت اتفاق افتاد، با پلیس در مورد دزدی از وسایلش تماس گرفت.

۲ شاهدان گفتند مشاهده کرده‌اند که مراد، جهانگیر را درباره‌ی زندگی کاری‌اش مسخره کرده بود.

کدام نتیجه‌گیری درست است؟

۱ سرقت توشط جهانگیر در سینما - جایی که محل وقوع جرم بود - اتفاق افتاد.

۲ جهانگیر به زندان رفت و در دادگاه به پرداخت ۱۰۰ میلیون تومان جریمه محکوم شد.

۳ مراد با تمسخر جهانگیر در مورد زندگی کاری‌اش، او را برای سرقت تحریک کرد.

۴ از نظر دادگاه، جهانگیر مجری مرتکب امری خلاف قانون شده است.



F

منطقی

تیره‌نوشان نهم [۱۵۰]

۱۰۳ شش نوع شیرینی بررسی شده است:

- U شیرین‌تر از W است و از X ضرر کمتری دارد.
- X شیرینی کمتری از Z دارد و از Y نیز ضرر کمتری دارد.
- W شیرینی کمتری از V دارد، اما از آن مضرter است.
- Y شیرینی کمتری از Z دارد و از V نیز ضرر کمتری دارد.
- V شیرین‌تر از U و مضرter از X است.

در مورد کدام نوع شیرینی با اطمینان می‌توان گفت شیرین‌تر از W و مضرter از Y است؟

V U F

U T

V T

X I

ساخت خاطره از یک رویداد پس از وقوع آن، می‌تواند تحت تأثیر اطلاعاتی قرار گیرد که دیگران در اختیار فرد قرار می‌دهند. در تحقیقی که در این زمینه انجام شد، فیلمی از یک تصادف به چهار گروه نشان داده و از هر گروه، یکی از سؤالات زیر پرسیده شد. نتایج نشان داد با این‌که هر چهار گروه یک فیلم را دیده بودند، اما یکی از گروه‌ها در مقایسه با دیگران، برای خودروی اول سرعت بالاتری را گزارش کردند. کدام‌یک از سؤال‌های زیر، از این گروه پرسیده شده است؟

تیره‌نوشان نهم [۱۵۰]

- وقتی خودروی اول پشت خودروی دوم را کاملاً جمع کرد، چه سرعتی داشت?
- وقتی خودروی اول به خودروی دوم برخورد کرد، چه سرعتی داشت?
- وقتی خودروی اول از پشت به خودروی دوم آسیب زد، چه سرعتی داشت?
- وقتی خودروی اول از پشت محکم به خودروی دوم زد، چه سرعتی داشت?

۱۰۴ استدلال به کمک نمودار (ون)

برای پاسخ دادن به بعضی از سؤالات، رسم یک شکل ساده که تمام جوانب موضوع در آن دیده می‌شود، می‌تواند خیلی کارساز باشد. به نمونه‌ی زیر، توجه کنید:

مثال ۱ همه‌ی مرتع‌ها، مستطیل‌هستند. همه‌ی مستطیل‌ها، متوازی‌الاضلاع هستند. آیا می‌توان گفت هر متوازی‌الاضلاع، مستطیل است؟



پاسخ برای پاسخ دادن به این سؤال، نمودار ساده‌ی مقابله را رسم می‌کنیم. این نمودار، بیان‌گر همه چیز است.

حالا علامت X را در شکل، درنظر بگیرید. علامت X در متوازی‌الاضلاع‌ها هست ولی در مستطیل‌ها نیست. پس متوازی‌الاضلاعی وجود دارد که مستطیل نباشد. پس نمی‌توان گفت هر متوازی‌الاضلاع، مستطیل است.

همان‌طور که دیده شد، برای پاسخ به مثال بالا از رسم نمودارهای ساده کمک گرفتیم که هوشمندانه رسم شده بودند. این نمودارها، اصطلاحاً «نمودار ون» گفته می‌شود.

مثال ۲ بعضی از پرندگان، گوشتخوار هستند. آیا درست است بگوییم چون دارکوب پرنده است، پس گوشتخوار است؟



این قسمت نشان دهنده‌ی برندگان است که گوشتخوار هستند.

پاسخ در مورد گوشتخوار بودن دارکوب، هیچ اطلاعاتی نداریم؛ یعنی با وجود این‌که دارکوب پرنده است، نمی‌توان گفت که گوشتخوار هست یا خیر. بنابراین می‌توان نمودار ون روبرو را برای آن درنظر گرفت:

متن زیر از کتاب فارسی کلاس پنجم انتخاب شده است. به دقت به سؤالات ۳۰۵۸ تا ۳۰۶۲ پاسخ دهید.

پادشاهی با غلامی در کشتی نشست و غلام، هرگز دریا ندیده بود و محنت کشته نیازموده، گریه و زاری درنهاد و لرزه بر انداش افتاد؛ چندان که ملاحظت کردند، آرام نمی‌گرفت و ملک از این حال، آزرده گشت. چاره ندانستند. حکیمی در آن کشته بود، ملک را گفت: فرمان دهی، من او را به طریقی، خامش گردانم. گفت: غایت لطف و کرم باشد. بفرمود تا غلام در دریا انداختند. باری چند، غوطه خورد؛ جامه‌اش گرفتند و سوی کشته آوردن. به دو دست در سگان کشته آویخت. چون برآمد، به گوشه‌ای بنشست و آرام یافت.

تیزه‌شن ششم ۹۸

در متن حاضر، چند علامت ویرگول «،» آمده است؟ ۳۰۵۸

۱۰ ۱۲

۹ ۱۳

۸ ۱۲

۷ ۱۱

تیزه‌شن ششم ۹۸

حروف «گ» در سه سطر آخر متن، چندبار آمده است؟ ۳۰۵۹

۹ ۱۴

۷ ۱۳

۶ ۱۲

۵ ۱۱

تیزه‌شن ششم ۹۸

در کل متن بالا، حرف «ش» چندبار آمده است؟ ۳۰۶۰

۱۸ ۱۴

۱۴ ۱۳

۱۲ ۱۲

۱۰ ۱۱

تیزه‌شن ششم ۹۸

در کل متن بالا، چند کلمه با حرف «ی» به پایان رسیده است؟ ۳۰۶۱

۱۸ ۱۵

۱۴ ۱۳

۱۲ ۱۲

۱۰ ۱۱

تیزه‌شن ششم ۹۸

تعداد حروفی که تنها یک بار در سطر دوم متن آمده است، چندتا است؟ ۳۰۶۲

۶ ۱۳

۵ ۱۳

۴ ۱۲

۳ ۱۱

بادقت در متن زیر، به پرسش‌های ۳۰۶۳ تا ۳۰۶۸ پاسخ دهید.

روزی، روزگاری، دو گنجشک در سوراخی لانه داشتند. سوراخ، بالای دیوار خانه‌ای بود و دو گنجشک به خوبی و خوشی در آن زندگی می‌کردند. پس از مدتی آن دو گنجشک صاحب جوجه‌ای شدند. آن‌ها خوشحال و خرم بودند. یک روز که گنجشک پدر برای آوردن غذا رفته بود، مار بدجننسی که در آن نزدیکی‌ها بود به لانه آمد. گنجشک مادر پرواز کرد و روی دیوار نشست، اما جوجه گنجشک هنوز قدرت پرواز نداشت. مار به طرف جوجه گنجشک رفت. گنجشک مادر سر و صدا کرد؛ نزدیک مار رفت؛ به او نوک زد؛ اما فایده‌ای نداشت. مار بدجننس جوجه را بلعید و همان‌جا روی لانه گرفت و خوابید. کمی بعد گنجشک پدر رسید. گنجشک مادر گریان و نالان قضیه را تعریف کرد. گنجشک پدر هم ناراحت شد. اما جوجه از دست رفته بود و نمی‌شد کاری کرد. دو گنجشک تصمیم گرفتند انتقام جوجه را از مار بگیرند. ناگهان گنجشک پدر فکر عجیبی کرد. برای همین هم فوراً پرید و از اجاق خانه یک تگه‌چوب نیم سوز برداشت. آن را به نوک گرفت و سریع پرید و توی لانه انداد. چوب نیم سوز روی چوب‌های خشک لانه افتاد و دود غلیظی بلند شد. افرادی که در خانه بودند، این کار عجیب گنجشک را دیدند. آن‌ها برای این‌که خانه آتش نگیرد، به سرعت نرdban گذاشتند تا آتش را خاموش کنند. درست هنگامی که مار می‌خواست از لانه فرار کند، آن‌ها مار را دیدند. یکی از افراد با چوبی که در دست داشت ضربه‌ی محکمی به سر مار زد و مار بدجننس کشته شد. دو گنجشک در حالی که انتقام جوجه‌ی خود را گرفته بودند؛ پرواز کردند تا بروند و لانه‌ی جدیدی بسازند.

تیزه‌شن ششم ۹۰۰

در سطر پنجم متن، چند کلمه با حرف «ب» شروع می‌شوند؟ ۳۰۶۳

صفر ۱۴

۳ ۱۳

۲ ۱۲

۱ ۱۱

تیزه‌شن ششم ۹۰۰

از ابتدای سطر سوم تا انتهای سطر ششم، کلمه‌ی «گنجشک» چندبار آمده است؟ ۳۰۶۴

۹ ۱۴

۸ ۱۳

۷ ۱۲

۶ ۱۱

تیزه‌شن ششم ۹۰۰

در کل متن، کلمه‌ی «لانه» چندبار تکرار شده است؟ ۳۰۶۵

۹ ۱۴

۸ ۱۳

۷ ۱۲

۶ ۱۱



۶

سرعت، دقّت و تمرکز

تیزهوشان ششم

۱۳

۱۲

۱۱

۱۰

تیزهوشان ششم

۹

۸

۷

۶

تیزهوشان ششم

۱۱

۱۰

۹

۸

۳۰۶۶ متن فوق، چند سطر دارد؟

۳۰۶۷ کلمه‌ی «دود» در سطر چندم متن آمده است؟

۳۰۶۸ در تمام متن، کلمه‌ی «مار» چندبار بیان شده است؟

پرسش‌های ۳۰۶۹ تا ۳۰۷۳ را ببینید و با توجه به متن زیر پاسخ دهید.

مردی یک پیله‌ی پروانه پیدا کرد و آن را با خود به خانه برد. یک روز، سوراخ کوچکی در آن پیله ظاهر شد. مرد که این صحنه را دید به تماشای آن نشست. ساعت‌ها طول کشید تا آن پروانه توانست با تلاش فراوان، قسمتی از بدن خود را از آن سوراخ کوچک بیرون بکشد. پس از مذتی، به نظر رسید که آن پروانه هیچ حرکتی نمی‌کند و دیگر نمی‌تواند خود را بیرون بکشد. بنابراین مرد تصمیم گرفت به پروانه کمک کند! او یک قیچی برداشت و با دقّت، سوراخ را اندازی بزرگتر کرد. بعد از این کار، پروانه به راحتی بیرون آمد؛ اما چیزهای عجیب به نظر می‌رسید. پروانه به راحتی از پیله خارج شد، اما بدنش ضعیف و بال‌هایش چروک بود. در واقع، پروانه بقیه‌ی عمرش به خزیدن مشغول بود و هرگز نتوانست پرواز کند. چیزی که آن شخص با همه‌ی مهرهای بیش نمی‌دانست، این بود که محدودیت پیله و تلاش لازم برای خروج از سوراخ آن، راهی بود که خدا برای ترشح مایعاتی از بدن پروانه به بال‌هایش قرار داده است تا پروانه بعد از خروج از پیله بتواند پرواز کند. گاهی اوقات تلاش تنها چیزیست که در زندگی نیاز داریم.

تیزهوشان ششم

۳۰۶۹ در ۵ سطر نخست، حرف «پ» که سه حرف پس از آن الف باشد، چندبار تکرار شده است؟

هشت

هفت

شش

پنج

تیزهوشان ششم

۳۰۷۰ در تمام متن، کلمه‌ی «پیله» چندبار تکرار شده است؟

شش

پنج

چهار

سه

تیزهوشان ششم

۸ و ۷ و ۲

۷ و ۲

۸ و ۲

۸ و ۶ و ۲

تیزهوشان ششم

سه

صفر

دو

یک

تیزهوشان ششم

۳۰۷۲ در تمام متن، «زندگی» چندبار آمده است؟

چهار

صفر

سه

یک

تیزهوشان ششم

۳۰۷۳ در چند سطر از متن، هر دو کلمه‌ی «پروانه» و «پیله» آمده است؟

صفر

سه

یک

مقایسه چند جدول (شکل)

۱۴۳

در بعضی از سوالات، چند جدول (شکل) می‌دهند که از جهاتی به هم شبیه هستند و از جهاتی باهم تفاوت دارند. برای پاسخ دادن به سوالات مطرح شده از این نوع، لازم است به نکات زیر توجه کنید:

نکته ۱ باید بتوانید هر جایی از جدول (شکل) را به سرعت پیدا کنید. (مثلاً گوشه‌ها، مرکز، ...)

نکته ۲ همانند جدول‌های قبلی، باید شماره‌ی سطر (ردیف) و ستون را تشخیص دهید و به سرعت مکان یا موقعیت خواسته شده در جدول را مشخص کنید.

نکته ۳ در شمارش تعداد موارد خواسته شده، باید کاملاً بادقت و البته با سرعت، وارد عمل شوید. به نمونه‌ی زیر توجه کنید:



۱۴۰

آزمون تیزهوشان ششم (سپاد)

۳۵۱۷ دانش‌آموزانی که دارای قابلیت‌ها و استعدادهای درخشان هستند، در برابر حل مسائل اساسی و مدیریت تحول آینده‌ی کشور، مسئولیت بیشتری بر عهده دارند. آگاهی از این مسئولیت، ایشان را می‌کند که با شناسایی نیازهای کشور و تلاش و پشتکار، شایستگی‌های لازم را برای حداکثری در جامعه به دست بیاورند.

۱) مجبور - سیاست‌گذاری

۲) ناگزیر - پژوهش

۳) ترغیب - اثربخشی

۴) تشویق - اثربداری

۳۵۱۸ مریم شروع به راه رفتن به سمت شمال کرد. پس از ۳۰ متر پیاده‌روی، به سمت چپ چرخید و ۴۰ متر راه رفت. او سپس به چپ چرخید و ۳۰ متر راه رفت. دوباره به چپ چرخید و ۵۰ متر راه رفت. اگر تمام چرخش‌ها ۹۰ درجه باشد، او چند متر با موقعیت اولیه‌ی خود فاصله دارد؟

۱) ۱۰

۲) ۳۰

۳) ۴۰

۴) ۵۰

۳۵۱۹ مجموع درآمد اکبر و سیروس برابر مجموع درآمد بهرام و دارا است. اگر درآمد اکبر نصف مجموع درآمد بهرام و دارا، و درآمد اکبر نه میلیون تومان باشد و همچنین تفاوت درآمد بهرام و دارا هفت برابر تفاوت درآمد اکبر و سیروس باشد، یک‌ششم درآمد بهرام چند میلیون تومان خواهد بود؟

۱) ۱/۵

۲) ۳

۳) ۱۸

۴) ۵۴

۳۵۲۰ محسن، شش ماه پیش از این، با خودرو به پژمان که در حال عبور از عرض خیابان بود برخورد کرد. پژمان دچار صدماتی شد و تحت چند عمل جراحی قرار گرفت. پژمان پس از آنکه حدود یک ماه در بیمارستان بستری بود، با بهبودی نسبی مرخص شد. اما او امروز درگذشت. همچنین می‌دانیم:

- زخم‌های ناشی از تصادف در طول این چند ماه، بارها عفونت کرده بودند و هنگامی که پژمان درگذشت نیز، به خاطر همین عفونت‌ها در بیمارستان بستری بود.

- پژمان در مصرف داروهای ضد عفونت، دقیق کافی را نداشت.

کدام عبارت را می‌توان نتیجه گرفت؟

۱) بستری شدن مجدد در بیمارستان، نتوانست پژمان را به زندگی برگرداند.

۲) اگر پژمان داروهای ضد عفونت را به طور دقیق مصرف می‌کرد، امروز زنده بود.

۳) پژمان سی روز پس از تصادف و با بهبودی نسبی، از بیمارستان مرخص شد.

۴) درگذشت پژمان، به خاطر عفونت بوده است.



۱

$$63, 59, 55, 51, 47$$

۲

$$73, 97, 121, 145$$

۳

$$6/25, 5/5, 4/75, 4$$

۴

$$18, 19, 25, 23, 32, 27, 39$$

۵

$$7, 35, 15, 28, 23, 21, 31, 15$$

۶

$$24, 28, 32, 36, \dots + 20$$

$$= 4 \times 38 + 20 = 152 + 20 = 172$$

۷

$$19, 22, 25, 28, \dots + 16$$

$$= 3 \times 38 + 16 = 114 + 16 = 130$$

۸

$$1/25, 2/5, 3/25, 5, \dots : 1/25 \times \square$$

$$= 1/25 \times 38 = 47/5 = 9\frac{2}{5}$$

۹

$$5, 8, 12, 15, 19, 22, \dots$$

عدد ۱۳۸ ألم الگو، مربوط به الگو اعداد با جایگاه زوج است، پس:

$$8, 15, 22, \dots \Rightarrow 8, 15, 22, \dots \\ (2) (4) (6) \quad (1) (2) (3)$$

چون ۳۸، نوزدهمین عدد زوج است، پس باید عدد نوزدهم را در الگوی به دست آمده پیدا کنیم:

$$8, 15, 22, \dots : 7 \times \square + 1$$

$$= 7 \times 19 + 1 = 133 + 1 = 134$$

$$\begin{array}{c} +6 \\ +6 \\ \hline 19 \end{array}$$

۱۰

$$\begin{aligned} & \frac{6}{19} \times \boxed{\square} + \frac{1}{19} : \text{رابطهی الگو} \rightarrow 1, \dots, \frac{1}{19}, \frac{13}{19}, \dots \\ & \frac{6}{19} \times 38 + \frac{1}{19} = 12 + \frac{1}{19} = 12\frac{1}{19} \end{aligned}$$

$$\begin{array}{c} +F \\ +F \\ +F \\ \hline 3, 7, 11, 15, \dots, 479 \end{array}$$

۱۱

$$\begin{aligned} & \text{آولین عدد} \downarrow \quad \text{عدد مشخص} \downarrow \\ & \frac{479 - 3}{4} + 1 = \frac{476}{4} + 1 = 119 + 1 = 120 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{c} +15 \\ +15 \\ +15 \\ \hline 24, 39, 54, 69, \dots, 234 \end{array}$$

۱۲

$$\begin{aligned} & \text{آولین عدد} \downarrow \quad \text{عدد مشخص} \downarrow \\ & \frac{234 - 24}{15} + 1 = \frac{210}{15} + 1 = 14 + 1 = 15 \end{aligned}$$

۱۳ اعداد فرد متولی را از ۱۳۸۹ می‌نویسیم:

$$\begin{array}{c} \text{دومین عدد سمت راست} \downarrow \quad \text{دومنی عدید سمت چپ} \downarrow \\ 1389 - 1391 - 1393 - 1395 - 1397 - 1399 - 1401 \end{array}$$

$$\begin{array}{c} +F \\ +F \\ +F \\ +F \\ +F \\ +F \\ \hline 55, 51, 47, 43, 39, 35, 31 \end{array}$$

۱۴

۱۵ همان‌طور که دیده می‌شود، الگوی خطی با فاصله‌ی ۲۸ تا

$$\begin{array}{c} \text{عدد بین ۱۳۷۲ و ۱۴۲۸} \downarrow \quad \text{۲تا داریم، بنابراین:} \\ 28, 56, 84, \dots, 1372, 1400, 1428, 1456, 1484, 1512, 1540 \end{array}$$

سومین عدد سمت راست دومین عدد سمت چپ

۱۶ با توجه به رابطهی الگو، اعداد بعدی را می‌نویسیم:

$$\begin{array}{c} +1 \\ +2 \\ +3 \\ +4 \\ +5 \\ +6 \\ +7 \\ +8 \\ +9 \\ +10 \\ +11 \\ \hline 5 - 6 - 8 - 11 - 15 - 20 - 26 - 33 - 41 - 50 - 60 - 71 \end{array}$$

سی‌ناین عدد سمت چپ

۱۷ الگو را ادامه می‌دهیم:

$$\begin{array}{c} -11 \\ -10 \\ -9 \\ -8 \\ -7 \\ -6 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ \hline 89 - 78 - 68 - 59 - 51 - 44 - 38 - 33 - 29 - 26 - 24 \end{array}$$

سومین عدد سمت راست

دومنی عدید سمت چپ

۳۲۵ رقم صفر نمی‌تواند در صدگان قرار بگیرد:
 $367 - 703 = 370 - 730$

۳۲۶ تکرار ارقام مجاز نیست و عدد باید فرد باشد. بنابراین:

$$\begin{array}{c} \textcircled{3} \quad \times \quad \textcircled{3} \quad \times \quad \textcircled{2} \\ \text{ی} \quad \text{د} \quad \text{من} \\ \text{صفر در صدگان نیست} \end{array} \Rightarrow 3 \times 3 \times 2 = 18$$

۳۲۷ ارقام فرد ۱، ۳، ۵، ۷ و ۹ می‌باشند که تعداد آن‌ها پنج تا

است و چون ارقام این عدد غیرتکراری است، با استفاده از اصل

$$\begin{array}{c} \textcircled{5} \times \textcircled{3} \\ \text{ضرب داریم:} \end{array} \Rightarrow 5 \times 4 = 20$$

۳۲۸ اعدادی بر ۵ بخش‌پذیرند که رقم یکان آن‌ها صفر یا ۵ باشد، پس در یکان، فقط صفر قرار می‌گیرد. چون تکرار ارقام مجاز

$$\begin{array}{c} \textcircled{3} \quad \times \quad \textcircled{4} \quad \times \quad \textcircled{1} \\ \text{ی} \quad \text{د} \quad \text{من} \\ \text{فقط صفر) (صفر نمی‌تواند باشد} \end{array} \Rightarrow 3 \times 4 \times 1 = 12$$

۳۲۹ اعدادی بر ۹ بخش‌پذیرند که مجموع ارقام آن‌ها بر ۹ بخش‌پذیر باشد. این اعداد، عبارت‌اند از:

$$135 - 513 - 315 - 531$$

۳۳۰ در سؤال، گفته شده اعداد بین -۹ و ۱۱، پس اعداد موردنظر عبارت‌اند از:

$$\begin{array}{c} -8, -7, -6, \dots, -1, 0, 1, 2, \dots, 10 \\ \text{لما} \quad \text{یکی} \quad \text{لما} \end{array} \Rightarrow -8 + 1 + 10 = 19$$

۳۳۱ قرینه‌ی عدد ۱۰ برابر «-۱۰» می‌باشد که از عدد «-۸» کوچک‌تر است.

۳۳۲ از ۱۲ ظهر تا ۱۶:۲۵، چهار ساعت و بیست و پنج دقیقه

گذشته است. این زمان را برسی دقیقه می‌نویسیم:
 $(4 \times 60') + 25' = 240' + 25' = 265'$

بنابراین بعد از ۱۲ ظهر (مبدأ)، ۲۶۵ واحد صحیح حرکت کرده‌ایم،
 یعنی $+265$.

۳۳۳ (بر ۹ بخش‌پذیر است). $27 = 27 + \frac{\text{قرینه}}{27}$

$$\begin{array}{c} \text{مرحله‌ی اول} \quad \text{مرحله‌ی دوم} \quad \text{مرحله‌ی سوم} \\ \left[\begin{array}{c} -1 \\ 2 \\ -4 \end{array} \right] \xrightarrow{} \left[\begin{array}{c} 1 \\ -1 \\ -2 \end{array} \right] \xrightarrow{} \left[\begin{array}{c} -2 \\ 1 \\ 0 \end{array} \right] \xrightarrow{} \left[\begin{array}{c} 0 \\ -2 \\ 2 \end{array} \right] \end{array}$$

آزمایش اعداد زیر پیدا می‌شوند:

اختلاف		
\square	\circ	\square
۰	۶	۶
$\circ + \square = 6$	۱	۵
	۲	۴
	۳	۳
	۷	۸
	۶	۹
	۳	۲
$\circ + \square = 15$	۷	۱
	۶	۹
	۳	۰
	۲	۴
	۱	۵
	۰	۶

توجه کنید که جایه‌جایی ارقام \square و \circ تأثیری در مقدار اختلاف آن‌ها ندارد. بنابراین با توجه به جدول بالا، بیشترین اختلاف \square و \circ برابر ۶ است.

۳۳۲ عددی بر ۴۵ بخش‌پذیر است که هم بر ۵ و هم بر ۹

بخش‌پذیر باشد. دقت کنید که رقم یکان باید صفر یا ۵ باشد؛ اما نمی‌توان به جای یکان صفر قرار داد زیرا در این صورت بالازش‌ترین رقم عدد که با یکان برابر است نیز صفر می‌شود که امکان‌پذیر نیست (چون گفته شده عدد ۵ رقمی است)؛ پس رقم یکان فقط ۵ است.

بنابراین $\circ = 5$ می‌شود و عدد به صورت زیر است:

$$5 \square 2 \square 5$$

داریم: $5 + \square + 2 + \square + 5 = 12 + \square + \square$ = مجموع ارقام

$$12 + \square + \square = 18 \Rightarrow \square = 3 \quad \checkmark$$

$$12 + \square + \square = 27 \Rightarrow \square = 7 / 5 \quad \times$$

بنابراین $\square = 3$ می‌باشد و لذا:

۳۳۳ دقت کنید که تکرار ارقام مجاز است. بنابراین:

$$\begin{array}{c} \times \quad \times \quad \textcircled{2} \\ \text{ی} \quad \text{د} \quad \text{من} \end{array} \Rightarrow \textcircled{5} \times \textcircled{5} \times \textcircled{2} \Rightarrow 5 \times 5 \times 2 = 50$$

۳۳۴ عددی بر ۱۲ بخش‌پذیر است که هم بر ۳ و هم بر ۴

بخش‌پذیر باشد پس هم باید دو رقم سمت راست عدد موردنظر بر ۴ بخش‌پذیر باشد و هم مجموع ارقامش بر ۳ بخش‌پذیر باشد.

این اعداد عبارت‌اند از: ۴۵۶، ۵۶۴، ۴۵۶ و ۶۲۴.

نکته! عموماً وقتی با مجموع ارقام سر و کار داریم، اصل ضرب

به کار نمی‌آید و باید تمام حالت‌ها را بنویسیم.



$$\frac{1}{\frac{1}{4}} = \frac{1}{4}$$

کل قسمت‌های مساوی ۴ تا است که هر ۱ تای آن‌ها رنگی می‌باشد.



شکل را به قسمت‌های مساوی تقسیم می‌کنیم:

$$\Rightarrow \frac{1}{4}$$

با کمی دقت، متوجه می‌شویم که از هر ۴ بخش هم اندازه در شکل، ۳ تا رنگ نشده است، پس در کل، $\frac{3}{4}$ شکل رنگ نشده است.

در گزینه‌ی (۱)، ۱۰ قسمت هم اندازه و مساوی وجود دارد که ۴ تای آن رنگی است، یعنی $\frac{4}{10}$ که با کسر $\frac{2}{5}$ برابر است.

۱ ۳۴۶

۳ ۳۴۷

بررسی گزینه‌ها

۱ گزینه‌ی $\frac{3}{4} = \frac{12}{16} \neq \frac{12}{14}$ \times

۲ گزینه‌ی $\frac{3}{5} = \frac{21}{35}$
 $\frac{5}{7} = \frac{25}{35}$ $\Rightarrow \frac{21}{35} \neq \frac{25}{35}$ \times

۳ گزینه‌ی $\frac{3}{8} = \frac{6}{16} = \frac{12}{32}$ \checkmark

۴ گزینه‌ی $\frac{10}{15} = \frac{2}{3} \neq \frac{1}{2}$ \times

فرض کنید کسر به صورت $\frac{\circ}{\square}$ باشد. اگر صورت را در

۵ ضرب کنیم برای این‌که کسر تغییر نکند، باید مخرج نیز در عدد ۵ ضرب شود تا اعداد ۵ از صورت و مخرج کسرها ساده شوند.

$$\frac{5 \times \circ}{5 \times \square} = \frac{\circ}{\square}$$

۴ ۳۴۵ قرینه‌ی یک عدد صحیح، می‌تواند با خود آن عدد، مساوی از آن کوچک‌تر یا از آن بزرگ‌تر باشد. مثلاً:

$$\begin{array}{ccccccc} & \xrightarrow{\text{قرینه}} & -1 & , & +2 & \xrightarrow{\text{قرینه}} & 2 \\ & \xrightarrow{\text{(مساوی‌اند)}} & (\text{بزرگ‌تر است.}) & & (\text{بزرگ‌تر است.}) & \xrightarrow{\text{قرینه}} & (\text{کوچک‌تر است.}) \end{array}$$

توجه داشته باشید که قرینه‌ی هر عدد صحیح مثبت، منفی است و در نتیجه صفر از آن بزرگ‌تر است.

۴ ۳۴۶ قرینه‌ی «۳+» برابر با «۳-» است، قرینه‌ی هریک از اعداد داده‌شده در گزینه‌ها را می‌نویسیم.

بررسی گزینه‌ها

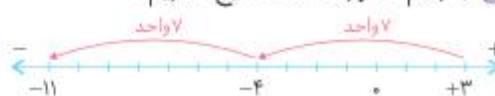
۱ گزینه‌ی $+5 \xrightarrow{\text{قرینه}} -5 < -3 \times$

۲ گزینه‌ی $+6 \xrightarrow{\text{قرینه}} -6 < -3 \times$

۳ گزینه‌ی $+2 \xrightarrow{\text{قرینه}} -2 > -3 \checkmark$

۴ گزینه‌ی $+4 \xrightarrow{\text{قرینه}} -4 < -3 \times$

۱ ۳۴۷ با رسم محور اعداد صحیح، داریم:



۱ ۳۴۸ نامثبت یعنی صفر و منفی‌ها. بنابراین باید از «۱۳-» تا صفر، تعداد اعداد صحیح را بشماریم:

$$\underbrace{-13, -12, \dots, -1}_{\text{با ۱۳}} \Rightarrow 13+1=14$$

یکی

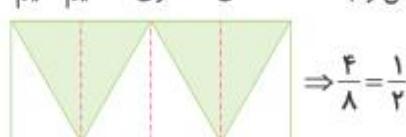
۲ ۳۴۹ با استفاده از طرفین وسطین داریم:

$$\frac{18}{\square} = \frac{\square}{4/5} \Rightarrow \square \times \square = 18 \times 4/5 \Rightarrow \square \times \square = 81$$

همان‌طور که می‌بینیم حاصل ضرب عددی در خودش برابر ۸۱ شده است. پس آن عدد، برابر ۹ می‌باشد.

۳ ۳۴۵ دایره را به ۴ قسمت مساوی تقسیم می‌کنیم. همان‌طور که می‌بینیم، قسمت رنگی از نصف بیش‌تر و از $\frac{3}{4}$ کم‌تر رنگ شده است. پس $\frac{1}{2}$ و $\frac{3}{4}$ کسر موردنظر بین $\frac{1}{2}$ و $\frac{3}{4}$ می‌باشد.

۴ ۳۴۶ کافی است شکل را به قسمت‌های مساوی تقسیم کنیم.



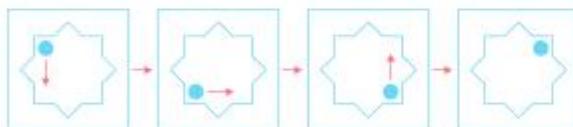
$$\Rightarrow \frac{3}{8} = \frac{1}{2}$$

۴ ۳۴۷ هر مریع را به دو قسمت مساوی تقسیم می‌کنیم تا $5 \times 4 \times 2 = 40$ قسمت‌های مساوی ایجاد شود:

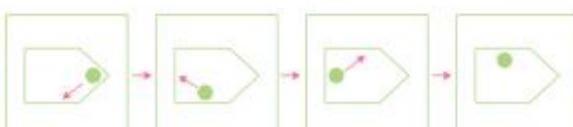
۱۳۰ ۲ تصاویر (۱)، (۵) و (۸) از خطی خمیده یا شکسته تشکیل شده‌اند که خطی آن‌ها را نصف کرده است.

در تصاویر (۴)، (۶) و (۷) یک شکل رسم شده که از یک قسمت از محیط آن، پاره‌خطی کوچک به بیرون شکل کشیده شده است. در تصاویر (۲)، (۳) و (۹)، یک خط، شکل را به دو ناحیه تقسیم کرده است.

۱۳۱ ۳ به نحوه جایه‌جایی دایره‌ی رنگی توجه کنید:

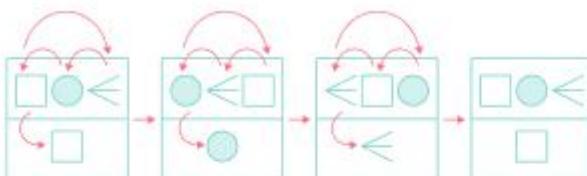


۱۳۲ ۲ به نحوه جایه‌جایی دایره‌ی رنگی توجه کنید:

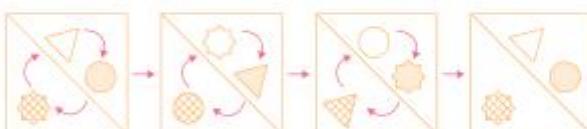


۱۳۳ ۳ هر تصویر، از چند شکل که در داخل هم قرار گرفته‌اند، تشکیل شده است. دایره‌ی رنگی، داخل درونی ترین شکل است و در هر مرحله، داخل شکل بیرونی آن قرار می‌گیرد.

۱۳۴ ۲ به نحوه جایه‌جایی شکل‌ها توجه کنید:



۱۳۵ ۳ موقعیت رنگ‌ها ثابت است؛ اما شکل‌ها (بدون درنظر گرفتن رنگشان) به صورت زیر جایه‌جا می‌شوند:



۱۳۶ ۳ به نحوه جایه‌جایی شکل‌ها توجه کنید:



دقّت کنید که موقعیت خطی که شکل‌ها روی آن قرار دارند، فاقد الگویی باشد.

۱۱۹ ۱ با تقارن نسبت به خط عمودی، شکل‌ها را دسته‌بندی می‌کنیم.

۱۲۰ ۱ با تعداد پاره‌خط‌های تشکیل‌دهنده، شکل‌ها را دسته‌بندی می‌کنیم.

۱۲۱ ۳ با نوع شکل‌ها (نیم‌دایره، مثلث و چهارضلعی)، شکل‌ها را دسته‌بندی می‌کنیم.

۱۲۲ ۱ در تصاویر (۱)، (۳) و (۹) یک شکل داخل شکل دیگر رسم شده است. در تصاویر (۲)، (۵) و (۶) دو پاره‌خط شکل را به چهار ناحیه تقسیم کرده‌اند. در تصاویر (۴)، (۷) و (۸) نیز دو شکل شبیه به هم به یکدیگر چسبیده‌اند.

۱۲۳ ۲ بر اساس تعداد اضلاع، دسته‌بندی را انجام می‌دهیم.

۱۲۴ ۳ با توجه به یکسان بودن شکل بیرونی و وجود خطوط یکسان در داخل آن، دسته‌بندی را انجام می‌دهیم.

۱۲۵ ۳ بر اساس نوع خطوط تشکیل‌دهنده شکل‌ها (خط صاف، خط خمیده و هاشمور)، دسته‌بندی را انجام می‌دهیم.

۱۲۶ ۲ بر اساس تعداد قسمت‌های داخل شکل‌ها، آن‌ها را دسته‌بندی می‌کنیم.

۱۲۷ ۳ تصاویر (۱)، (۴) و (۷) نه درپوش دارند و نه پایه. تصاویر (۲)، (۳) و (۶) درپوش ندارند؛ اما پایه دارند. تصاویر (۵)، (۸) و (۹) دارای پایه و درپوش هستند.

۱۲۸ ۳ تصاویر (۱)، (۵) و (۸) از یک دایره و دو مثلث یکسان تشکیل شده است. تصاویر (۳)، (۶) و (۹) چهارضلعی یا شش‌ضلعی هستند که درون آن‌ها به تعداد نصف ضلع‌ها، پاره‌خط رسم شده است. تصاویر (۲)، (۴) و (۷) نیز شبیه قیف هستند.

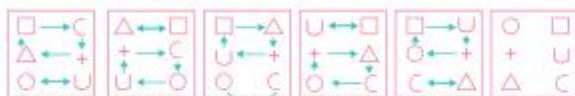
۱۲۹ ۲ در تصاویر (۱)، (۵) و (۶) شکل‌های داخلی و بیرونی هم‌نوع هستند.

در تصاویر (۲)، (۳) و (۴) شکل‌ها با رسم خطوطی به قسمت‌های مساوی تقسیم شده‌اند.

در تصاویر (۷)، (۸) و (۹) شکل‌های داخلی و بیرونی با یکدیگر متفاوت هستند.



۱۴۳ به نحوه جایه‌جایی اجزای درون شکل‌ها، توجه کنید:



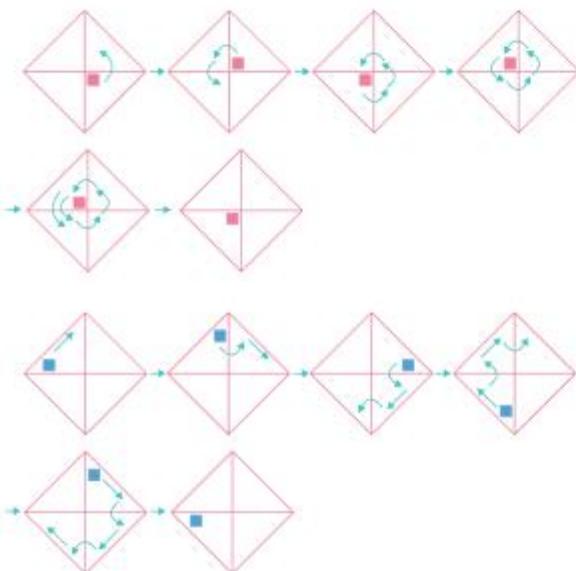
فقط در این مرحله جایه‌جایی نمی‌شوند.

۱۴۴ علامت‌های ، و در تمام شکل‌ها در خلاف

جهت حرکت عقره‌های ساعت می‌چرخدند.

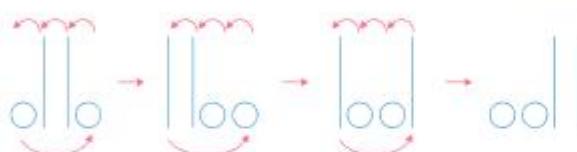
۱۴۵ به الگوی جایه‌جایی مرتعه‌ها و تعداد حرکت‌ها در هر مرحله

توجه کنید:

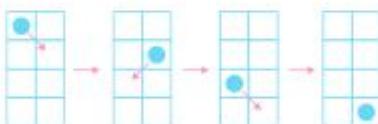


بنابراین از ترکیب دو شکل بالا، شکل گزینه‌ی (۲) به دست می‌آید.

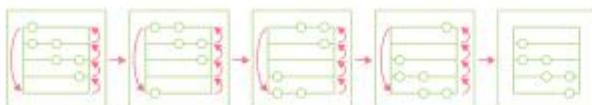
۱۴۶ به نحوه جایه‌جایی پاره‌خط‌ها و دایره‌ها توجه کنید:



۱۴۷ در هر مرحله، دایره‌ی رنگی، به صورت زیر جایه‌جا می‌شود:



۱۴۸ به جایه‌جایی سطرهای شکل‌ها، توجه کنید:



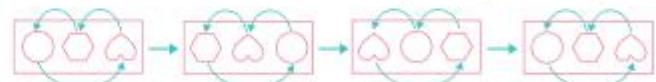
۱۴۹ توجه داشته باشید که دایره‌ی شماره‌ی (۲) در تمام شکل‌ها ثابت است؛ اما دایره‌ی شماره‌ی (۱) در جهت حرکت عقره‌های ساعت در حال چرخش می‌باشد.



در تمام شکل‌ها ثابت است.

۱۴۱۸ نحوه جایه‌جایی شکل‌ها بدون درنظر گرفتن رنگ یا

هاشور آن‌ها به صورت زیر است:



از طرف دیگر، رنگ شکل‌ها به صورت زیر تغییر می‌کند:

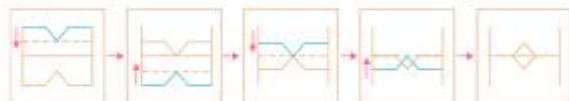


۱۴۲۹ موقعیت حروف و در هر مرحله با یک دیگر عوض می‌شود، پس در شکل آخر باید به صورت نوشته شوند. حالا به تغییر وضعیت حروف , , و توجه کنید:

→ → | → → | → → | → → | → →

۱۴۳۰ به قسمت‌های رنگی و جایه‌جایی آن‌ها به اندازه‌ی

مشخص شده، توجه کنید:



۱۴۳۱ در هر مرحله جای و باهم عوض می‌شود. جای حرف ثابت می‌ماند. جای و هم باهم عوض می‌شود و حرف بالا و پایین می‌رود.

۱۴۳۲ شکل‌های داخلی یک مرحله در میان هشت ضلعی و شش ضلعی هستند. هم‌چنین شکل‌های کوچک گوشه‌ها یک مرحله در میان به صورت قطری جایه‌جا می‌شوند و به صورت ۹۰ درجه در خلاف جهت حرکت عقره‌های ساعت جایه‌جا می‌شوند.

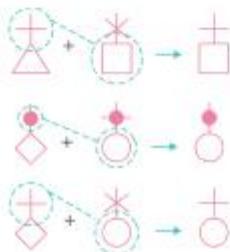




۱۱۵۷ در هر سطر، از چپ به راست، هر گرهی خارجی با هر گرهی داخلی در دو شکل اول ادغام و حذف می‌شوند. تعداد و نوع گرههای باقی‌مانده در شکل سوم نمایش داده می‌شوند. توجه کنید که در هر شکل، همه‌ی گرهها یا خارجی هستند یا داخلی.

۱۱۵۸ با بررسی تصاویر دو ردیف اول (یا دو ستون اول) از ترکیب رنگ‌ها در موقعیت‌های یکسان، به نتایج زیر می‌رسیم:
رنگی = سفید + سفید سفید = رنگی + رنگی
حذف قطعه = رنگی + سفید

۱۱۵۹ در هر سطر، از چپ به راست، از ادغام قسمت بالای اولین شکل با قسمت پایین دومین شکل، شکل سوم به دست می‌آید.



۱۱۶۰ در هر سطر، از چپ به راست، با ادغام دو سر پاره خطها در شکل‌های اول و دوم، نتیجه می‌شود:

$$\textcircled{1} + | \rightarrow \textcircled{1}, \quad | + \textcircled{1} \rightarrow \textcircled{1}, \quad \textcircled{1} + \textcircled{1} \rightarrow |$$

۱۱۶۱ در هر ردیف، از چپ به راست با ادغام دو شکل اول، نتایج زیر به دست می‌آید:

$$\textcircled{1} + \textcircled{2} \rightarrow \textcircled{1}, \quad \textcircled{1} + \textcircled{2} \rightarrow \textcircled{2}, \quad \textcircled{2} + \textcircled{1} \rightarrow \textcircled{2}$$

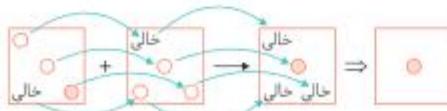
۱۱۶۲ در هر ردیف، از چپ به راست با ادغام دو شکل اول، نتایج زیر به دست می‌آید:

$$\textcircled{1} + \textcircled{2} \rightarrow \textcircled{1}, \quad \textcircled{1} + \textcircled{2} \rightarrow \textcircled{2}, \quad \textcircled{2} + \textcircled{1} \rightarrow \textcircled{1}$$

۱۱۶۳ در هر ردیف، از چپ به راست با ادغام اجزای نظری خانه‌های اول و دوم، نتایج زیر، حاصل می‌شود:

$$\textcircled{1} + \textcircled{2} \rightarrow \textcircled{1}, \quad \textcircled{1} + \textcircled{2} \rightarrow \textcircled{2}, \quad \textcircled{2} + \textcircled{1} \rightarrow \textcircled{2}$$

بنابراین:



۱۱۶۴ در هر سطر، هیچ یک از شکل‌ها، قسمت رنگی مشترک ندارند؛ هم‌چنین اگر شکل‌ها را با هم ترکیب کنیم، یک شکل تمام رنگی به دست می‌آید.

۱۱۶۵ در هر سطر، از چپ به راست، شکل اول ابتدا با و سپس با ترکیب می‌شود و به ترتیب، شکل‌های دوم و سوم به دست می‌آیند.

۱۱۶۶ در هر ستون، از پایین به بالا، شکل‌های هندسی، ۴۵ درجه درجه حرکت عقربه‌های ساعت دوران می‌کنند. هم‌چنین شکل‌های دیگر در هر مرحله نسبت به خط تقارن عمودی قرینه می‌شوند.

۱۱۶۷ در هر سطر، از چپ به راست، اگر در جهت حرکت عقربه‌های ساعت به هر شکل نگاه کنیم، متوجه می‌شویم که دایره به اندازه‌ی یک رأس و خط به اندازه‌ی دو رأس دوران می‌کنند.

۱۱۶۸ در تصویر، سه شکل مرتع، سه شکل دایره، و سه شکل لوزی وجود دارد. هم‌چنین در هر سطر، قسمت‌های رنگی، هر سه، در یک نیمه‌ی شکل (بالایی یا پایینی) قرار ندارند.

۱۱۶۹ در تصویر، سه شکل مرتع، سه شکل دایره، و سه شکل لوزی وجود دارد. هم‌چنین در هر ستون، از بالا به پایین، جایگاه قسمت رنگی، در خلاف جهت حرکت عقربه‌های ساعت، به اندازه‌ی ۹۰ درجه دوران پیدا می‌کند.

۱۱۷۰ در هر سطر و ستون، هم‌زمان، شکل‌های خارجی متفاوت و شکل‌های داخلی نیز متفاوت‌اند. بنابراین به جای علامت سوال باید Δ یا \triangle قرار گیرد.

۱۱۷۱ اگر ستونی نگاه کنیم، دو تا از شکل‌های داخلی رنگی و یکی سفید است.

۱۱۷۲ اگر سطربال نگاه کنیم، دو تا از شکل‌های داخلی هم‌رنگ و دیگری غیر هم‌رنگ با آن‌ها است.

۱۱۷۳ در هر سطر، فقط رنگی که خیلی تیره است، در شکل‌ها متفاوت است و جای سایر رنگ‌ها تغییر نمی‌کند. اگر هر سه شکل را ترکیب کنیم، یک مرتع که کاملاً با رنگ تیره رنگ آمیزی شده است، به دست می‌آید. توجه داشته باشید که قسمت‌های تیره رنگ مرتع‌ها، هیچ اشتراکی با هم ندارند.

۱۱۷۴ در هر سطر، از چپ به راست، در تصویر اول دو شکل یکسان به هم چسبیده‌اند و در هر مرحله، به تدریج به هم نزدیک می‌شوند و از هم عبور می‌کنند.



۱۴۳۸

۱۴۳۹

۱۴۳۰

۱۴۳۱

۱۴۳۲

۱۴۳۳

۱۴۳۴

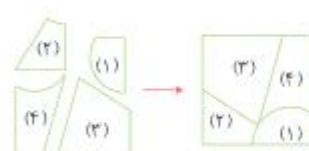
۱۴۳۵

۱۴۳۶

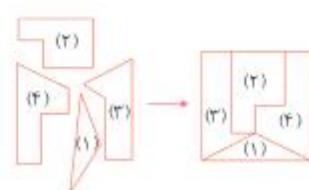
۱۴۳۷

۱۴۳۸

۱۴۳۹



۱۴۴۰



۱۴۴۱

۱۴۴۲

۱۴۴۳

۱۴۴۴

۱۴۴۵

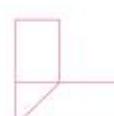
۱۴۴۶

۱۴۴۷



۱۴۴۸

۱۴۴۹



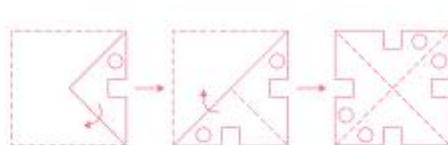
۱۴۴۱۰

۱۴۴۱۱

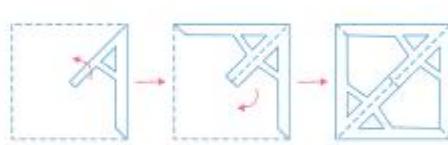


۱۴۴۱۲

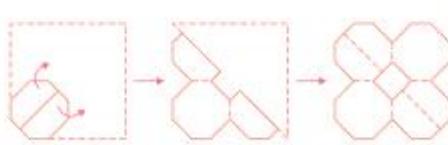
۱۴۴۱۳



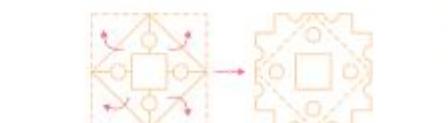
۱۴۴۱۴



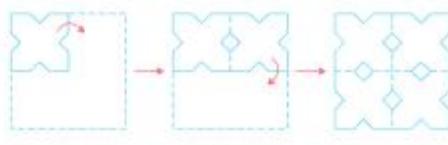
۱۴۴۱۵



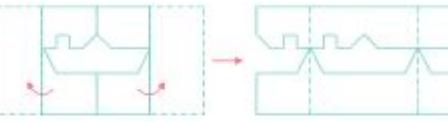
۱۴۴۱۶



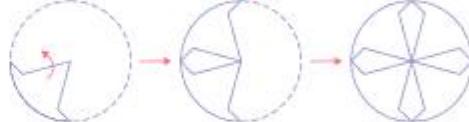
۱۴۴۱۷



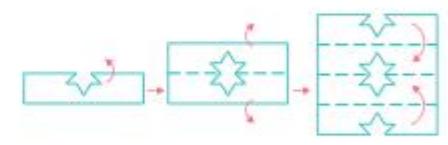
۱۴۴۱۸



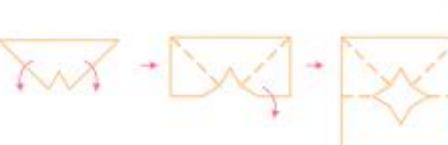
۱۴۴۱۹



۱۴۴۲۰



۱۴۴۲۱



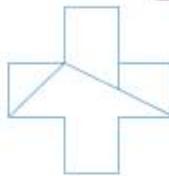
۱۴۴۲۲



۱۴۷۳



۱۴۷۴



۱۴۶۰



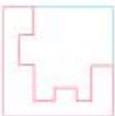
۱۴۶۱



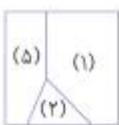
۱۴۷۳ اگر شکل گزینه‌ی (۱) را 180° درجه دوران دهیم و روی شکل داده شده قرار دهیم، یک مرتع به وجود می‌آید.



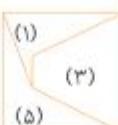
۱۴۷۴ اگر شکل گزینه‌ی (۲) را 90° درجه درجه حرکت عقرقه‌های ساعت دوران دهیم و در کنار شکل داده شده قرار دهیم، یک مرتع به وجود می‌آید.



۱۴۷۵ اگر شکل گزینه‌ی (۳) را 180° درجه بچرخانیم و در کنار قطعه‌ی داده شده قرار دهیم، یک مرتع ساخته می‌شود.



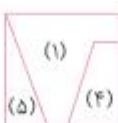
۱۴۷۷



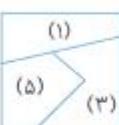
۱۴۷۶



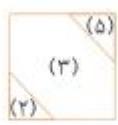
۱۴۷۹



۱۴۷۸



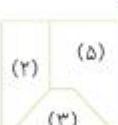
۱۴۸۱



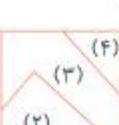
۱۴۸۰



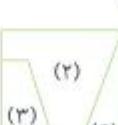
۱۴۸۳



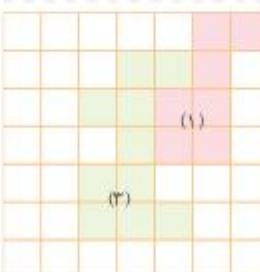
۱۴۸۲



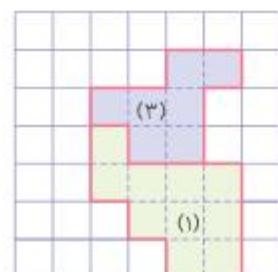
۱۴۸۶



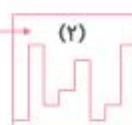
۱۴۸۵



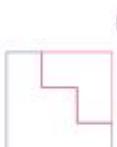
۱۴۶۲ با قطعات (۱) و (۲)، به صورت رو به رو می‌توانیم شکل را کامل کنیم:



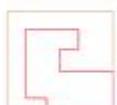
۱۴۶۳

 180° درجه دوران داده ایم.

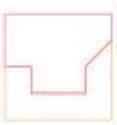
۱۴۶۲



۱۴۶۵



۱۴۶۴



۱۴۶۸



۱۴۶۷



۱۴۷۰



۱۴۶۹



۱) هنگام غروب، خورشید در جهت غرب قرار دارد و پشت به خورشید بودن، یعنی رو به شرق بودن. پس علی ابتدا در جهت شرق حرکت می‌کند و بعد، به چپ می‌پیچید؛ در آخر، باز هم به سمت چپ می‌پیچد.

(شمال)

(چپ) غرب

علی

شرق

(چپ) شمال



(غرب)

(B)

۲) به کمک اطلاعات داده شده، شکل

را رسم می‌کنیم:

بنابراین شهر D در شرق شهر C قرار دارد.

- (C)
- (A)
- (D)

۳) ۲۰۸۷

۴) ۲۰۸۵

علی و نرگس زمانی به شمال سفر خواهند کرد که مریم هم بیاید. اما مریم به شمال نمی‌آید و بنابراین علی و نرگس باهم به شمال نمی‌روند.

۱) ممکن است قد افرادی بیشتر از ۱۷۰ سانتی‌متر باشد ولی والیبالیست نیاشنده؛ مثلاً بسکتبالیست باشد یا حتی اصلاً ورزش نکنند. هم‌چنین ممکن است والیبالیست باشند. بنابراین به قطعیت نمی‌توان در مورد آن چیزی گفت.

۲) اندازه‌ی قد افراد به ورزش کردن یا ورزش نکردن آن‌ها بستگی ندارد. چون مسعود والیبالیست نیست، دلیل نمی‌شود قدش کمتر از ۱۷۰ سانتی‌متر باشد.

۳) چون محمد رضا والیبالیست است، پس حتماً باید قدش از ۱۷۰ سانتی‌متر بیشتر باشد.

۵) ۲۰۹۲

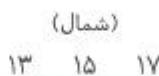
۶) ۲۰۹۱

۷) ۲۰۹۰

۱) کسی که وکیل است، نه برادر دارد و نه خواهر؛ و چون نرگس برادر دارد، پس وکیل نیست. هم‌چنین کسی که وکیل می‌باشد، از همه کوچک‌تر است؛ و چون نسیم از کسی که مهندس است، بزرگ‌تر می‌باشد، کوچک‌ترین فرد نیست و نمی‌تواند وکیل باشد.

۲) باتوجه به پاسخ سؤال قبل، می‌دانیم که نسترن وکیل است. چون نسیم از کسی که مهندس است، بزرگ‌تر می‌باشد، پس قطعاً مهندس نیست. بنابراین نسیم قطعاً پزشک است. پس: مهندس → نرگس پزشک → نسیم وکیل → نسترن بنابراین گزینه‌های (۱)، (۲) و (۳) حتماً درست‌اند و گزینه‌ی (۴) حتماً نادرست است.

۳) ۲۰۲۷ ابتدا شکل را رسم می‌کنیم:



با جایه‌جایی شماره‌های ۱۳ و ۱۸ داریم:



پس واحد ۱۵ باید کنار واحد ۱۷ باشد.

۴) ۲۰۲۸ باتوجه به شکل، واحدهای ۱۷،

۱۵ و ۱۳ در ردیف شمالی هستند.



۵) ۲۰۷۹ باتوجه به شکل، واحدهای ۱۴ و

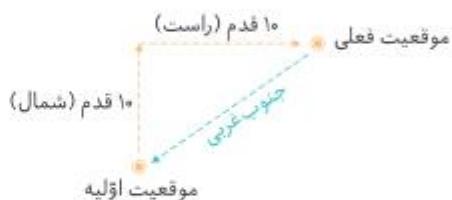
۱۳ مانند واحدهای ۱۷ و ۱۶ به صورت قطری رو به روی یک‌دیگرند:



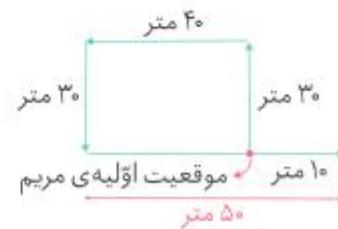
۶) ۲۰۸۰ باتوجه به شکل، واحد ۱۸ بین واحدهای ۱۴ و ۱۶ قرار دارد.



۷) ۲۰۸۱ ژیات ابتدا در جهت جنوب و سپس در جهت غرب حرکت می‌کند؛ پس در جنوب غربی موقعیت اولیه‌ی خود قرار می‌گیرد.



۸) ۲۰۸۲



۹) ۲۰۸۳

گزینه‌ی ۲۱۵۳ انگیزه‌ی سرقت به واسطه‌ی مسخره کردن مراد، ممکن است درست باشد، ولی لزوماً رخ نمی‌دهد.

گزینه‌ی ۲۱۵۴ قطعاً جهانگیر از نظر دادگاه مجرم شناخته شده است که به حبس و پرداخت جریمه‌ی نقدي محکوم شده است. بنابراین از نظر دادگاه جهانگیر مرتكب جرم (امری خلاف قانون) شده است.

۲۱۵۳ اطلاعات مسئله را به صورت خلاصه می‌نویسیم:

شیرینی	بیشتر	U	V	V	Z	V	\Rightarrow	W	V	U
	کمتر	W	X	W	Y	U		شیرین‌تر هستند.		
ضرر	بیشتر	X	Y	W	V	V	\Rightarrow	W	V	Y
	کمتر	U	X	V	Y	X		ضررتر هستند.		

۷ مضررتر از U است.
بنابراین فقط V از W شیرین‌تر و از Y مضررتر است.

۲۱۵۴ عبارت «پشت خودروی دوم را کاملاً جمع کرد» باعث می‌شود که در ذهن شنونده این موضوع نقش بیندد که خودروی اول سرعت خیلی بالاتری داشته است که چنین خسارتنی را به بار آورده است.

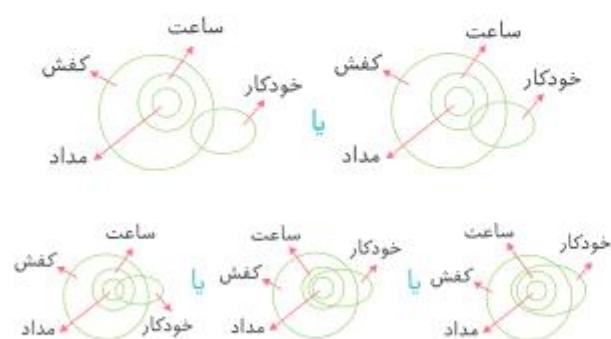


۲۱۵۵ با توجه به اطلاعات، نمودار رارسم می‌کنیم:



۲۱۵۶ نمودار رارسم می‌کنیم:

۲۱۵۷ حالتهای زیر ممکن است اتفاق بیفتد:



در همه‌ی این حالتهای، همه‌ی مدادها کفش هستند و بعضی از خودکارها کفش هستند.

۲۱۵۸ ۱ سه نفر از این چهار نفر، ماشین اول را به رنگ قرمز دیده‌اند، پس:

قرمز → ماشین اول
دو نفر ماشین دوم را سبز و بقیه آن را به رنگ‌های متفاوتی از هم دیده‌اند، پس احتمالاً ماشین دوم سبزرنگ است، بنابراین:

سبز → ماشین دوم
به همین ترتیب، احتمالاً توصیف گزینه‌ی (۱) درست است.



۲۱۵۹

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه‌ی ۲۱۵۹ ممکن بود، حتی در صورت مصرف دقیق داروهای ضد عفونت هم، در اثر علت دیگری پژمان امروز زنده نبود.

گزینه‌ی ۲۱۶۰ پژمان پس از تصادف، حدود یک ماه (حدود سی روز) در بیمارستان بستری بود، نه دقیقاً سی روز.

گزینه‌ی ۲۱۶۱ درست است تمام مشکلات پژمان پس از تصادف در اثر عفونت و عوارض ناشی از آن بوده است، اما علت مرگ پژمان ممکن است چیز دیگری باشد.

۲۱۶۲

۲۱۶۲ ۱ دقیق کنید که وقتی قرار است ۹۸ درصد (تقرباً تمامی) مشترکین، قبوض برق خود را از طریق اینترنت یا تلفن همراه پرداخت کنند، فرض بر این بوده که تقریباً همه‌ی مشترکین، به اینترنت یا تلفن همراه دسترسی دارند.

۲۱۶۳

۲۱۶۳ فقط دانش‌آموز «ب» اهل کرمان است و در دوره‌ی متواتسطه‌ی دوم درس می‌خواند و دارای معلم مرد می‌باشد.

۲۱۶۴ دانش‌آموزان «ب» و «پ» اهل یزد و کازرون نیستند و در دوره‌ی متواتسطه‌ی دوم درس می‌خوانند.

۲۱۶۵

گزینه‌ی ۲۱۶۵ بررسی گزینه‌ها:
هر چند جهانگیر به دلیل سرقت دستگیر شده است، نمی‌دانیم این سرقت از مراد بوده یا از فرد دیگری.

گزینه‌ی ۲۱۶۶ درست است جهانگیر به زندان (حبس) محکوم شده است؛ اما از کجا معلوم حتماً به زندان رفته باشد؛ ممکن است فرار کرده باشد یا مشمول عفو شود و هرگز به زندان نرفته باشد.



۱ در گوشه‌های شکل (۴)، همه‌ی حروف، بدون نقطه‌اند. **۳۰۷۶**

۲ در شکل (۴)، در ردیف سوم از پایین، نام شهر «کرمان» نوشته شده است. **۳۰۷۷**

۳ در شکل (۲)، تمام حروف ستون دوم از سمت راست، سه نقطه‌ای‌اند. **۳۰۷۸**

۴ در شکل (۲)، حرف دونقطه‌ای استفاده نشده است. **۳۰۷۹**

۵ در شکل (۳)، در ستون دوم از سمت راست و در شکل (۴)، در ستون دوم از سمت چپ، با حرف دونقطه‌ای شروع می‌شوند و پایان می‌پذیرند. **۳۰۸۰**

۶ در شکل (۱)، در ردیف دوم از بالا، سه حرف بدون نقطه و سه حرف یک نقطه‌ای وجود دارد. **۳۰۸۱**

۷ در شکل (۱)، در ردیف وسط و در شکل (۳)، در ردیف اول از پایین و در ردیف اول از بالا، از همه‌ی انواع حروف از نظر تعداد نقطه وجود دارد. **۳۰۸۲**

۸ در شکل (۳)، در خانه‌ی ردیف دوم از پایین و ستون دوم از راست، حرف «گ» قرار دارد. **۳۰۸۳**

۹ در شکل (۳)، اعداد گوشه‌ها عبارت‌اند از: ۱۳، ۱۵، ۵ و ۹ و ۷ که همگی فرد هستند. **۳۰۸۴**

۱۰ در مرکز همه‌ی شکل‌ها عددی فرد وجود دارد، به جز شکل (۴). **۳۰۸۵**

۱۱ در شکل‌های (۱) و (۴)، اعداد سطر چهارم، یا همگی زوج‌اند یا همگی فردند. **۳۰۸۶**

۱۲ در شکل (۲)، عدد «۱۶» در خانه‌ی سطر اول و ستون سوم قرار دارد. **۳۰۸۷**

۱۳ در شکل (۴)، در سطر دوم، همه‌ی اعداد بر ۵ بخش‌پذیرند. **۳۰۸۸**

۱۴ در شکل‌های (۲) و (۳) در سطر آخر، تعداد اعداد فرد از تعداد اعداد زوج بیشتر است. **۳۰۸۹**

۱۵ در شکل (۱)، در ردیف چهارم، اعداد زوج پشت سر هم ۲، ۴، ۶، ۸، ۱۰ و ۱۲) قرار دارند. **۳۰۹۰**

۱۶ در شکل (۲)، در ستون وسط (سوم)، همگی اعداد دورقیاند. **۳۰۹۱**

۱۷ در متن، کلماتی که به حرف «ت» ختم می‌شوند، عبارت‌اند از: سکوت، درخت، عادت، ساکت، گفت، کیست، داشت و مست. **۳۰۹۲**

۱۸ سطر به سطر و کلمه به کلمه پیش می‌رویم و تعداد «ی»‌ها و «ی»‌ها را می‌شماریم. **۳۰۹۳**

۱۹ در دو سطر اول متن، کلماتی که با حرف «ب» شروع می‌شوند، عبارت‌اند از: بود، بزار، بار، به و برمی‌گشت. **۳۰۹۴**

۲۰ در این متن، از حروف ث، ذ، ڙ، ص، ض، ظ و غ استفاده نشده است. **۳۰۹۵**

۲۱ در سطر چهارم متن، در کلمات: که، مرد، که، به، دوش، شده، بود، به، گفت، که و هر، از حروف «الف»، «س»، یا «ی» استفاده نشده است. **۳۰۹۶**

۲۲ در سطر آخر متن، حروف گزینه‌ها به تعداد زیر، تکرار شده‌اند:

۸ بار: «ر» ۹ بار: «و» ۱۲ بار: «ی» ۲ بار: «الف» **۳۰۹۷**

۲۳ **۳۰۹۶**

۲۴ **۳۰۹۷**

۲۵ **۳۰۹۸**

۲۶ حروف «ب»، «ط»، «و» و «س» حروف مورد نظر هستند. **۳۰۹۹**

۲۷ کلمه‌های بدجنس، بلعید و بعد مورد نظر هستند. **۳۱۰۰**

۲۸ **۳۱۰۱**

۲۹ **۳۱۰۲**

۳۰ **۳۱۰۳**

۳۱ در کلمه‌ی «پروانه» شرایط گفته شده برقرار است. تعداد این کلمه در ۵ سطر اول، پنج تا است. **۳۱۰۴**

۳۲ **۳۱۰۵**

۳۳ **۳۱۰۶**

۳۴ در سطر هشتم، کلمه‌ی «زندگی» دیده می‌شود. **۳۱۰۷**

۳۵ در سطراهای اول، پنجم و هفتم کلمه‌های «پروانه» و «پیله» با هم آمده‌اند. **۳۱۰۸**

۳۶ در هر شکل، تعداد حروف بدون نقطه را می‌شماریم: ۱۷: شکل (۴)، ۱۷: شکل (۳)، ۱۸: شکل (۲)، ۱۲: شکل (۱) **۳۱۰۹**

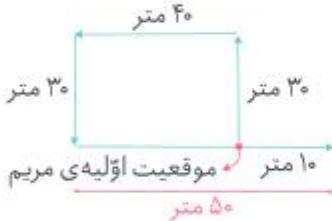
۳۷ در مرکز شکل‌های (۱)، (۲) و (۴) حرف سه نقطه‌ای قرار دارد؛ ولی در مرکز شکل (۳) حرف سه نقطه‌ای قرار ندارد. **۳۱۱۰**



آزمون تیزهوشان ششم (سمپاد) ۱۴۰۱

۱۳۵۱۷ دقت کنید که نخبگان و استعدادهای درخشان، افرادی «افرگذار» در جامعه‌اند.

۱۳۵۱۸



$$\text{درآمد بهرام} + \text{درآمد دارا} = 9 \rightarrow \text{درآمد اکبر}$$

۱۳۵۱۹

$$\text{درآمد بهرام} + \text{درآمد دارا} = \underbrace{\text{درآمد اکبر}}_{9} + \text{درآمد سیروس}$$

$$\Rightarrow 9 = \text{درآمد سیروس}$$

$$9 - 9 = 0 = \text{تفاوت درآمد اکبر و سیروس}$$

$$7 \times 0 = 0 = \text{تفاوت درآمد بهرام و دارا}$$

$$\text{درآمد بهرام} = \text{درآمد دارا}$$

$$\underline{18} = \text{درآمد بهرام} + \text{درآمد دارا}$$

$$\Rightarrow 9 = \text{درآمد دارا} = \text{درآمد بهرام}$$

$$\frac{1}{6} \times 9 = \frac{9}{6} = \frac{3}{2} = 1.5$$

بنابراین $\frac{1}{6}$ درآمد بهرام $1/5$ میلیون تومان است.

۱۳۵۲۰

بررسی سایر گزینه‌ها:

۱۳۵۲۱ ممکن بود، حتی در صورت مصرف دقیق داروهای ضد عفونت هم، در اثر علت دیگری پژمان امروز زنده نبود.

۱۳۵۲۲ پژمان پس از تصادف، حدود یک ماه (حدود سی روز) در بیمارستان بستری بود، نه دقیقاً سی روز.

۱۳۵۲۳ درست است تمام مشکلات پژمان پس از تصادف در اثر عفونت و عوارض ناشی از آن بوده است، اما علت مرگ پژمان ممکن است چیز دیگری باشد.

۱۳۵۲۴ مسئله را در دو حالت بررسی می‌کنیم:

پرواز هوایپیما → رسیدن به فرودگاه → حرکت از منزل : بدون تأخیر

۴:۵۰'

۵:۲۰'

۶:۲۰'

رسیدن به یاسوج

۸:۰۰'

پرواز هوایپیما → رسیدن به فرودگاه → حرکت از منزل : با تأخیر

۵:۰۵'

۵:۳۵'

۶:۳۵'

رسیدن به یاسوج

۸:۱۵'

۱۳۵۲۵ تعداد حالت‌های رنگ‌آمیزی هر خانه را داخل آن می‌نویسیم:



۱۳۵۲۶



۱۳۵۲۷ اگر در یک مهمانی \square نفر حاضر باشند، نفر اول با -1

\square نفر، \square نفر دوم با -2 \square نفر، \square نفر سوم با -3 \square نفر و ... می‌توانند

احوال پرسی کنند. برای محاسبه‌ی تعداد کل احوال پرسی‌ها، کافی است این مقادیر جمع و از مجموع آن‌ها، تعداد قهرها کم شوند.

$$4+3+2+1-3=7$$

۱۳۵۲۸ از آن جایی که $\frac{2}{18}$ است، پس $\frac{1}{3}$ فضای کامیون

خالی است.

$$\frac{1}{3} \times 24 = 8 \quad (\text{تعداد جعبه‌های نوع (۲)})$$

پس:

۱۳۵۲۹ چون حداقل پرتاب‌ها را می‌خواهیم، باید با حداقل امتیاز

۷۹۰ = $(1 \times 10) + (4 \times 20) + (1 \times 100) + (3 \times 200)$ شروع کنیم:

$$3+1+4+1=9 \quad \text{پس حداقل پرتاب‌ها برابر است با:}$$

۱۳۵۳۰ چون به دنبال حداقل افراد هستیم، باید تعداد افرادی

که به هر دو رشته علاقه‌مند هستند، بیشترین تعداد ممکن باشد.

می‌توان به این صورت درنظر گرفت که هر ۱۴ نفر علاقه‌مند به فوتبال

از ۲۰ نفر علاقه‌مند به شنا هستند. یعنی ۱۴ نفر به هر دو رشته، ۶ نفر

فقط به شنا علاقه‌دارند و ۱۰ نفر به هیچ‌کدام از رشته‌ها علاقه‌ای ندارند.