

ریاضیات ۲ - ریاضیات ۳ - هندسه ۱ - آمار و مدل سازی - ریاضی عمومی ۱ و ۲

## ۲۰۰۰ پرسش چهارگزینه‌ای (در ۲۸۰ تیپ)

شامل کنکورهای سراسری داخل و خارج از کشور، منتخب کنکورهای آزاد (سال‌های ۶۳ تا ۹۴) آزمون‌های کانون فرهنگی آموزش (قلمچی)، آزمون‌های آزمایشی سنجش و تمرین‌های مهم کتاب درسی به همراه درستنامه‌ی کامل (استفاده‌ی آموزشی از رنگ دوم) و پاسخ کلیدی

جلد دوم: پاسخ تشریحی جلد اول (منطبق بر آخرین تغیرات کتاب درسی)

هیأت مؤلفان کانون فرهنگی آموزش

مؤلفان

فرهاد حامی

هماهنگی و نظارت علمی



شاید

۹۷۸-۶۰۰-۰۰-۰۴۳۶-۱

۹۷۸-۶۰۰-۰۰-۰۴۳۷-۸

شماره کتابخانه ای اعلیٰ ۳۸۷۱۸۲۷

عنوان و نام بدبادر

و شعبت ویراست ۱۱

تهران کانون فرهنگی آموزش، ۱۳۹۴

مستحضرات نشر

۲۹۰۲۲ س.م

متخصصات ظاهري

پادداشت

چاپ هفتم

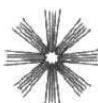
شناسه افزوده ۱۳۴۶

جامی، فرهاد

کانون فرهنگی آموزش

شناسه افزوده

و شعبت فهرست نویسي



## اتشارات کانون فرهنگی آموزش

عنوان کتاب:

برنامه ریزی آموزشی:

مؤلفان :

هماهنگی و نظارت علمی :

مدیر مستندسازی :

و براسناران واحد مستندسازی :

امور رایانه :

نظارت چاپ :

قطع :

چاپ :

چاپخانه :

تیراز :

لیتوگرافی :

قیمت :

شاید :

شاید دوره :

۳۰ سال کنکور ریاضیات رشته‌ی تجربی پایه و پیش دانشگاهی (جلد اول) – ویرایش یازدهم

کاظم قلم جی

هیات مولفان کانون فرهنگی آموزش

فرهاد حامی

سجاد محمدزاد

رشید خاصیعی تسب – نریمان صمدانیان – بهاره عبدی – علی فرهادی – علیرضا کلانتری

ترکیس زاهدی

رضا سعدآبادی

رحلی

سیزدهم (۱۳۹۴)

ندای ایران

۴۰۰ جلد

چکاد چاپ

۱۷۵۰ تومان

ISBN:(978-600-00-0437-8) ۹۷۸-۶۰۰-۰۰-۰۴۳۷-۸

ISBN:(978-600-00-0436-1) ۹۷۸-۶۰۰-۰۰-۰۴۳۶-۱

# برنامه‌ریزی نهادیت ناظم قلم چی

## بر مجموعه کتاب های طبقه بندی شده

پاسخ تشریحی (به ترتیب الفبا): بهروز اسلامی - عباس امیدوار - حسین حاجیلو - فرهاد حامی

میثم حمزه لویی - آرش رحیمی - فریدون ساعتی - حمید ستاری - محمد رضا شوکتی بیرق

حمید علیزاده - بهرام طالبی - فرهاد وفایی

این کتاب از سال ۱۳۸۳ تا سال ۱۳۹۲ با هشت ویرایش در پنجاه نوبت به چاپ رسیده است

۱۳۹۳ : چاپ اول تا چهارم (ویرایش نهم)

۱۳۹۴ : چاپ پنجم تا سیزدهم (ویرایش دهم و یازدهم)

## مسیر مطالعه در کانون فرهنگی آموزش

**مرحله‌ی اول:** ادراک — کتاب‌های سبز

(الف) مطالعه‌ی کامل کتاب‌های درسی برای آموزش اصلی‌ترین و ضروری‌ترین مفاهیم

(ب) حل تمرینات کتاب‌های درسی

(ج) مطالعه‌ی جزوای کتاب‌های کمک آموزشی که به تشریح نکات مبهم کتاب‌ها و معروفی نکته‌ها و روش‌های هر درس می‌پردازند.  
در این قسمت ما کتاب‌های سبز را منتشر کردیم.

در مجموعه کتاب‌های سبز، شما ممکن است در یک درس، چند کتاب مختلف را مشاهده نمایید. این موضوع تصادفی نیست. در واقع این امکان را برای مؤلفین مختلف فراهم نموده‌ایم تا کتاب‌های آموزشی خود را به داوطلبان عرضه کنند و داوطلبان، برای مثال از بین دو یا سه کتاب آموزشی فیزیک، یکی را که برای خودشان ساخته‌اند تشخیص می‌دهند، انتخاب کنند. انتخاب یک نفر در میان چند نفر مؤلف و استاد صاحب‌نظر و صاحب‌سیک، کاری دشوار و غیرضروری است. در میان کتاب‌های سبز به دنبال بهترین نباشد، به این فکر کنید که سلیقه‌ی آموزشی شما با کدام مؤلف سازگار‌تر است.

**مرحله‌ی دوم:** تثبیت — کتاب‌های کار — کتاب‌های دوسالانه

دومین مرحله‌ی مطالعه در کانون، مرحله‌ی تثبیت، یعنی سبز و حل سالانه سرچشی است. بهتر است ابتدا با کتاب درسی شروع کنید. پس از باسخ‌گویی به تمرین‌های کتاب درسی به سراغ کتاب کار پروید و مناسب با پیشرفت تدریس در کلاس درس، تمرین‌های متنوع هر مبحث را کار کنید. بهترین سبع برای مرحله‌ی تثبیت، تمرین سوال‌های سیکلار اسخانی است که از بهترین مدارس سراسر کشور جمع‌آوری کرده‌ایم و در کتاب دوسالانه چاپ شده است. ضمناً تعداد دفعات تکرار هر سؤال نیز در مقابل هر سؤال ذکر شده است.

**مرحله‌ی سوم:** تسلط — کتاب‌های آبی و کتاب‌های سبز

در این مرحله داوطلبان به تمرین سوال‌های کنکور در همان فصلی که مطالعه کرده‌اند، می‌پردازند.

در کتاب‌های آبی، سوال‌های کنکورهای سال‌های گذشته آزمون سراسری و دانشگاه ازاد اسلامی به ترتیب فصول طبقه‌بندی شده‌اند. با تمرین این سوال‌ها، داوطلب از میزان و سطح آموخته‌های خود آگاهی و بر موضوع درسی به تدریج تسلط می‌یابد. یکی از هدف‌های ما در طراحی مسیر مطالعه‌ی داوطلبان این است که آن‌ها متوجه شوند در چه عمق و حدی باید مطالب را بیاموزند و این را بدانند که مسوولان نظام آموزشی از آنان چه می‌خواهند. خوب است داوطلب، خود تشخیص دهد که مطالعه‌ی چه مطالبی برای او ضروری است و اگر به هدف آموزشی دست یافته، خود از آن آگاه شود.

در کتاب‌های بینش، مدرسین مراکز استعدادهای درخشان، سوال‌هایی را برای فضول مختلف تدوین نموده‌اند. تمرین این کتاب‌ها را پس از کتاب‌های آبی توصیه می‌کنیم. مخاطبان این کتاب‌ها، داوطلبانی هستند که از سطح معرفی شده در سایر مطالعه‌ها برخوردار می‌باشند.

**مرحله‌ی چهارم:** ارزیابی — آزمون‌های معمول

داوطلبان کانون از طریق شرکت در آزمون‌های برنامه‌ریزی شده، آموخته‌های خود را ارزیابی می‌کنند. کارنامه‌ی کشوری آزمون‌ها در همان روز ارائه می‌شود. ارزیابی معمول، دانش‌آموزان را همواره در مسیر صحیح نگه می‌دارد و روش‌های اشتیاه و سرعت و شتاب نامناسب را نصح می‌کند.

**مرحله‌ی پنجم:** جمع‌بندی — کتاب‌های ورد

در پایان دوره، داوطلبان می‌خواهند آموخته‌های خود را جمع‌بندی کنند. یکی از مstellات امتحانات مختلف و به ویژه کنکور در این است که برخی دانش‌آموزان مباحثت جداگانه را خوب فرا می‌گیرند، ولی وقتی می‌خواهند در یک و مسئله مطالعه کنند، با مشکل مواجه می‌شوند. بنابراین ما توصیه می‌کنیم پس از پایان مطالعه‌ی تک تک فصل‌ها، داوطلبان به تمرین سوال‌های مجموعه‌ای پرداخته و از این طریق به جمع‌بندی مطالعی که قبل آموخته‌اند پردازند.  
ما با تکمیل مراحل پنج گانه‌ی مطالعه و تألیف کتاب‌های مربوط به آن، امیدواریم دانش‌آموزان و داوطلبان بتوانند در مسیری هموار و صحیح به طور تدریجی آموزش بینند. تمرین کنند و از آموخته‌های خود مطمئن شوند و گام در مراحل بالاتر بنهند.

## مقدمه

کتابی که پیش روی شماست، حاصل یک تلاش ۹ ماهه‌ی گروه ریاضی کانون، در ارائه‌ی هر چه بهتر سری جدید کتاب‌های آبی کانون است.

در تالیف این کتاب، دو هدف اصلی را دنبال کردند:

۱- **همبستگی** تعداد سؤال‌های هر فصل، با اهمیت نسبی آن در کنکور سراسری.

۲- **توسعه مطالب** با استفاده از سؤال‌های شناسنامه‌دار از کنکورهای سراسری، آزاد، تمرین‌های مهم کتاب درسی، آزمون‌های کانون فرهنگی آموزش و تعاونی سنجش، سعی کرده‌ایم مجموعه‌ای کامل از سؤال‌ها را در اختیار شما قرار دهیم.

**ویرکی‌های کتاب:**

۱- **درخت دانش**: درخت دانش هر فصل مسیر مطالعاتی شما را در هر فصل، هوشمندانه هدایت می‌نماید. درخت دانش هر فصل را بر اساس کتاب درسی نوشته‌ایم. هر درخت، از چند شاخه‌ی اصلی و هر شاخه خود شامل چند زیر شاخه است.

در درخت دانش امکان ارزیابی تسلط شما بر آن شاخه فراهم شده است، توصیه می‌کنیم که بعد از حل سؤال‌های هر شاخه، بسته به میزان تسلط بر آن شاخه، به خودتان رنگ دهید. برای یک فصل این کار را انجام دهید تا اثر مثبت این روش را بر میزان پیشرفت درسی خود ببینید.

۲- **درستاد**: در هر درختچه قبل از سؤال‌ها، درستنامه‌ای قرار داده‌ایم. در این درستنامه‌ها سعی شده است با سبکی روان و ساده با ارائه مثال‌های هدفمند، هسته‌ی مرکزی سؤال‌های کنکور سراسری آن درختچه پوشش داده شود. مطالب مهم، فرمول‌ها و تعاریف، در کادر رنگی قرار گرفته‌اند تا برای مرور کلی در یک نگاه، بیشتر قابل استفاده باشند. همچنین با استفاده از رنگ دوم کلمات کلیدی بر جسته شده‌اند. مطالب تکمیلی و نتیجه‌ها را با نمادهایی، متمایز کرده‌ایم.

۳- **مسئله‌ی رسم‌های چهار گزینه‌ای** به روش تبتندی: این کتاب شامل ۲۰۰۰ پرسش‌های چهار گزینه‌ای است. بنابراین با توجه به ۳۰ سؤال ریاضی در کنکور تجربی، به طور میانگین به ازای هر سؤال کنکور، ۶۵ سؤال برای تمرین شما قرار داده‌ایم.

پرسش‌های چهار گزینه‌ای این کتاب، در هر درختچه، در دو بخش جداگانه‌ی «کنکورهای سراسری داخل و خارج کشور» و «سایر آزمون‌ها و کتاب درسی» آورده شده‌اند.

۴- **کنکور**: اسری داخل و خارج کشور با بررسی دقیق سؤال‌های کنکور سراسری، سؤال‌هایی که منطبق بر اهداف کتاب‌های جدید درسی در هر زیر موضوع بوده است، انتخاب شده‌اند.

سوال‌های این بخش به روش **پاسخ** با رعایت روال آموزشی تنظیم شده‌اند. سؤال‌هایی در یک تیپ قرار گرفته‌اند که با یک روش حل می‌شوند یا از فرمول مشترکی برای حل آن‌ها استفاده می‌شود. همچنین تیپ‌بندی، گرایش طراحان سؤال کنکور را در یک زیر موضوع نشان می‌دهد.

۵- **آزمون**: در این بخش با استفاده از سؤال‌های دانشگاه آزاد، آزمون‌های کانون فرهنگی آموزش و آزمون‌های آزمایشی سنجش به همراه تمرین‌های مهم کتاب درسی، سعی کرده‌ایم پوششی کامل از مطالب را ارائه دهیم.

۶- **پاسخ**: پاسخ تشریحی این کتاب دقیقاً بر اساس دانسته‌های شما از کتاب درسی است، روش‌های حل، روش‌های فراغیر است و سعی شده است که پاسخ‌ها به گونه‌ای باشد که خود به آموزش مطالب کمک کند. در تعدادی از پاسخ‌ها، روش دوم حل نیز آورده شده است که معمولاً راه حل کوتاه‌تر مسأله است.

این کتاب نتیجه‌ی یک کار گروهی است، بر خود لازم از تمامی عزیزانی که در به ثمر رسیدن این کتاب سهیم بودند، تشکر کنم.

# فهرست

بخش اول (رئاسیات ناید)		بخش اول (رئاسیات ناید)
۱۱۳	دنباله‌ای حسابی	فصل اول – دنباله‌های حسابی و مسیر
۱۱۷	دنباله‌ی هندسی	
		فصل دوم – معنی علاوه، حل معادلات و دامنه‌ی دو
۱۳۳	دو جمله‌ای درجه اول	
۱۲۷	سه جمله‌ای درجه دوم	
۱۴۰	چندجمله‌ای با درجه بالاتر از دو	
۱۴۴	عبارات گویا	
۱۴۷	فصل سوم – رابطه و تابع انتقال نمودار	
۱۴۷	زوج مرتب و رابطه	
۱۵۰	تعریف تابع و نمایش‌های گوناگون آن	
۱۶۱	دامنه‌ی تابع	
۱۷۰	تساوی دو تابع، تابع ثابت، تابع همانی	
۱۷۵	اعمال جبری روی تابع	
۱۸۱	ترکیب تابع	
۱۸۶	انتقال نمودار تابع	
۱۹۰	فصل چهارم – مدلات	
۱۹۰	تعاریف اولیه	
۱۹۴	اتحادهای مثلثاتی	
۱۹۷	نمودار تابع مثلثاتی	
۱۹۷	حل مثلث و کاربردهای آن	
۲۰۱	فصل پنجم – حد و پیوستگی	
۲۰۱	حد در نقطه	
۲۰۱	تعیین حد	
۲۰۵	پیوستگی در نقطه	
۲۲۱	فصل ششم – هندسه	
۲۲۲	هندسه و استدلال	
۲۲۵	مساحت و قضیه‌ی فیثاغورس	
۲۲۷	تشابه	
۲۲۲	شکل‌های فضایی	
۲۲۵	فصل هفتم – آمار و عدل‌سازی	
۲۲۸	مفاهیم اولیه	
۲۴۳	دسته‌بندی داده‌ها و جدول	
۲۴۵	نمودارهای آماری	
۲۴۷	شاخص‌های آماری	
۲۵۲	فصل هشتم – ماتریس‌ها	
۲۵۴	ماتریس‌ها	
۲۵۶	معکوس ماتریس $2 \times 2$ و دترمینان آن	
۲۵۹	حل دستگاه با استفاده از ماتریس معکوس	
		بخش اول (رئاسیات ناید)
		دنباله‌ای حسابی
		دنباله‌ی هندسی
		فصل اول – دنباله‌های حسابی و مسیر
		فصل دوم – معنی علاوه، حل معادلات و دامنه‌ی دو
		فصل سوم – رابطه و تابع انتقال نمودار
		فصل چهارم – مدلات
		فصل پنجم – حد و پیوستگی
		فصل ششم – هندسه
		فصل هفتم – آمار و عدل‌سازی
		فصل هشتم – ماتریس‌ها
		دستگاه معادلات خطی
		نقطه
		خط
		ذستگاه معادلات خطی
		دایره
		سه‌می
		بیضی
		هذلولی
		تشخیص نوع مقطع مخروطی
		فصل هشتم – ماتریس‌ها
		قضایی انتگرال معین
		تابع اولیه و انتگرال نامعین
		قضایی بنیادی انتگرال
		کاربردهای انتگرال معین
		سراسروی
		پاسخ‌نامه‌ی کلیدی