

فهرست

حرکت برخط راست

v

۵۶

فصل اول: حرکت بر خط راست

پاسخ سؤال‌های امتحانی

دینامیک و حرکت دایره‌ای

v.

۱۰۷

فصل دوم: دینامیک و حرکت دایره‌ای

پاسخ سؤال‌های امتحانی

نوسان و موج

۱۲۴

۱۵۹

فصل سوم: نوسان و موج

پاسخ سؤال‌های امتحانی

برهم کنش‌های موج

۱۷۱

۲۰۰

فصل چهارم: برهم‌کنش‌های موج

پاسخ سؤال‌های امتحانی

آشنایی با فیزیک اتمی

۲۰۸

۲۳۱

فصل پنجم: آشنایی با فیزیک اتمی

پاسخ سؤال‌های امتحانی

آشنایی با فیزیک هسته‌ای

۲۳۷

۲۵۴

فصل ششم: آشنایی با فیزیک هسته‌ای

پاسخ سؤال‌های امتحانی

۲۵۹

۲۶۳

۲۷۲

۲۷۶

امتحان‌های نیمسال اول

امتحان‌های نیمسال دوم

پاسخ نامه امتحان‌های نیمسال اول

پاسخ نامه امتحان‌های نیمسال دوم



حرکت بر خط راست

فصل اول

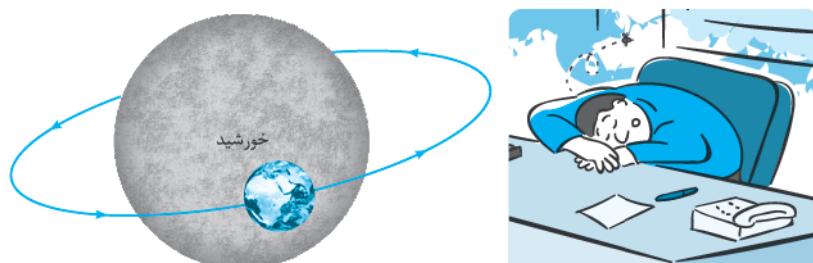
۱ مفاهیم اولیه حرکت‌شناسی

چرا حرکت‌شناسی؟

اطراف ما پر است از اجسامی که در حال حرکت هستند، حتی همین کتابی که ظاهرآ بدون حرکت در دستان شماست، از مولکول‌هایی تشکیل شده است که دائمآ در حال نوسان و حرکت‌اند. خود شما و کتابی که در دست دارید، روی کره زمینی هستید که با تندی خیره‌کننده‌ای در حدود $10,800,000 \text{ km/h}$ در حال گردش به دور خورشید است. تصویر کنید! شما سوار بر کره زمین در هر ثانیه نزدیک به 30 km در فضا حرکت می‌کنید. هر جسمی در جهان هستی یا در حال حرکت انتقالی و یا چرخشی و یا نوسانی است؛ بنابراین برای درک بهتر این دنیای لغزان و غلتان و چرخان و لرزان!!! باید حرکت و انواع آن را بررسی کنیم.

بررسی حرکت اجسام در شاخه‌ای از دانش فیزیک به نام حرکت‌شناسی (سینماتیک) صورت می‌گیرد.

اواع حرکت



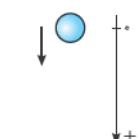
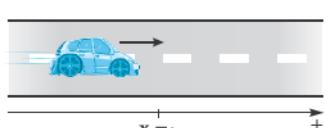
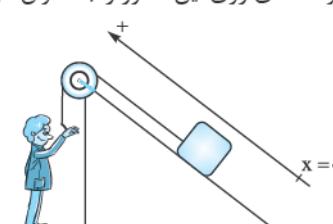
یک جسم می‌تواند در فضا (سه بعد)، صفحه (دو بعد) و یا بر خط راست (یک بعد) حرکت کند. پرواز مگس بالای سر شما وقتی خواب هستید، نمونه‌ای آزاردهنده از حرکت در سه بعد است!!! حرکت زمین به دور خورشید، اگر زمین را یک نقطه فرض کنیم، نمونه‌ای از حرکت روی صفحه است.

مثال‌های بالا نمونه‌هایی از حرکت دو بعدی و سه بعدی هستند اما در این فصل می‌خواهیم حرکت یک بعدی یا همان حرکت روی خط راست را بررسی کنیم.

حرکت بر خط راست

در حرکت بر خط راست، مسیر حرکت خط راستی است که ممکن است افقی (مانند حرکت اتومبیل روی جاده راست افقی)، قائم (مانند سقوط آزاد یک سنگ) و یا مایل (مانند بالارفتن اتومبیل از یک سطح شیبدار راست) باشد.

در این نوع حرکت، مسیر حرکت را به عنوان یکی از محورهای مختصات (X یا y) در نظر می‌گیریم و نقطه‌ای روی این محور را به عنوان مبدأ مکان ($x = 0$ یا $y = 0$) اختیار می‌کنیم. به شکل‌های زیر توجه کنید.



قبل از این که به ادامه مبحث بپردازیم، بباید با دو مفهوم اساسی در حرکت یعنی زمان و مکان، بیشتر آشنا شویم.

زمان و مکان

زمان

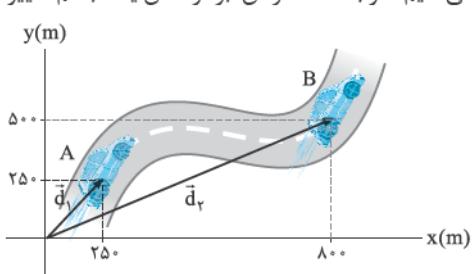
لحظه: لحظه به معنای یک تک مقدار از زمان است. اگر کمیت زمان را بر روی یک محور نشان دهیم، هر نقطه از این محور، یک لحظه را نشان می‌دهد. مبدأ زمان: به لحظه شروع بررسی حرکت (t_0) مبدأ زمان می‌گوییم و به آن عدد صفر را نسبت می‌دهیم ($=0$). مثلاً در بررسی حرکت یک اتومبیل بنابر شرایط مسئله می‌توانیم لحظه‌های مختلفی را مبدأ زمان پنگیریم؛ مثل لحظه‌ای که چراغ راهنمایی سبز می‌شود، لحظه‌ای که از اتومبیل دیگری سبقت می‌گیرد و یا لحظه‌ای که در فاصله معینی از مکان مشخصی قرار دارد.

بازه زمانی: یک بازه پیوسته بین دو لحظه را بازه زمانی می‌نامیم و آن را با نماد (t_1, t_2) نشان می‌دهیم. در واقع بازه زمانی شامل تمام لحظات بین دو لحظه t_1 و t_2 است.

مدت زمان بین دو لحظه t_1 و t_2 که در واقع طول بازه زمانی (t_1, t_2) است، از رابطه $\Delta t = t_2 - t_1$ به دست می‌آید.

نمونه: دانش آموزی رأس ساعت هفت و ده دقیقه از منزل به راه می‌افتد و رأس ساعت هفت و بیست و چهار دقیقه به مدرسه می‌رسد. در این صورت طول بازه زمانی حرکت این دانش آموز برابر است با:

مبدأ مکان: همیشه حرکت اجسام را در یک دستگاه مختصات بررسی می‌کیم. مبدأ این دستگاه مختصات را به عنوان مبدأ مکان در نظر می‌گیریم. مکان یک جسم د، ه لحظه، نسبت به مبدأ مکان (مبدأ مختصات) سنجیده می‌شود.

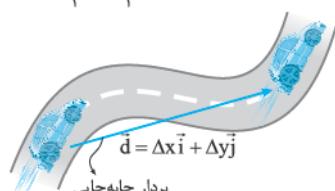


$$\vec{d}_x = x_1 \vec{i} + y_1 \vec{j} = (2\Delta \circ m) \vec{i} + (2\Delta \circ m) \vec{j}$$

بردار مکان در حرکت بر خط راست: بردار مکان همراستا با مسیر حرکت است و جهت آن یا در جهت مثبت محور انتخاب شده است.

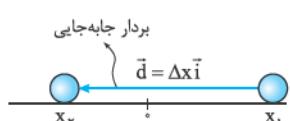
$$\begin{cases} \vec{d}_1 = x_1 \vec{i} = (\delta m) \vec{i} \\ \vec{d}_2 = x_2 \vec{i} = (-\gamma m) \vec{i} \end{cases}$$

جایه‌جایی: برداری که مکان اولیه متحرک را به مکان نهایی آن وصل می‌کند، بردار جایه‌جایی می‌نامیم و آن را با \vec{d} نشان می‌دهیم. بردار جایه‌جایی از تفاضل بردار مکان نهایی و بردار مکان اولیه به دست می‌آید، یعنی:



$$\vec{d} = \vec{d}_x - \vec{d}_y = [(\lambda \circ m) \vec{i} + (\delta \circ m) \vec{j}] - [(\gamma \Delta \circ m) \vec{i} + (\gamma \delta \circ m) \vec{j}] = (\delta \Delta \circ m) \vec{i} + (\gamma \delta \circ m) \vec{j}$$

و یا در مثال، توب پولینگ داریم:



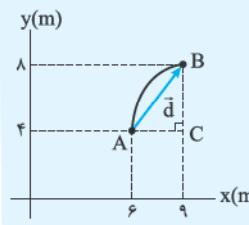
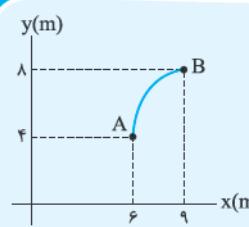
$$\vec{d} = \vec{d}_+ - \vec{d}_- = (-\mathbf{x}_m)\vec{i} + (\Delta_m)\vec{j} - (-\mathbf{y}_m)\vec{k}$$

اندازه بدار حایه حایه، ای با \vec{d} نشان مدهیم. مثلاً در نمونه بالا $d = 7\text{ m}$ است.

نکته بردار جابه‌جایی، به مبدأ مختصات انتخاب شده بستگی ندارد. برای مثال در نمونه حرکت توب بولینگ اگر هر نقطه دیگری را به عنوان مبدأ مختصات (مکان) انتخاب کنیم، بردار جابه‌جایی همان $\vec{d} = (-7 \text{ m})$ است.

مثال پاسخ

مثال متوجه کی از نقطه A به نقطه B می‌رود؛ اندازه بردار جابه‌جایی این متوجه را به دست آورید.



پاسخ روش اول ابتدا بردار جابه‌جایی که نقطه A را به نقطه B وصل می‌کند، رسم می‌کنیم.

حالا در مثلث قائم‌الزاویه‌ای که تشکیل شده است، طبق رابطه فیثاغورس داریم:

$$AB^2 = AC^2 + CB^2 \Rightarrow AB^2 = 3^2 + 4^2 = 25 \Rightarrow |\vec{d}| = AB = 5 \text{ cm}$$

روش دوم ابتدا بردار مکان‌های اولیه و نهایی جسم را به صورت \vec{i} و \vec{j} می‌نویسیم:

$$\vec{d}_A = (6 \text{ m})\vec{i} + (4 \text{ m})\vec{j}$$

$$\vec{d}_B = (9 \text{ m})\vec{i} + (8 \text{ m})\vec{j}$$

حالا از تفاضل بردار مکان‌های اولیه و نهایی، بردار جابه‌جایی را به دست می‌آوریم:

$$\vec{d} = \vec{d}_B - \vec{d}_A = [(9 \text{ m})\vec{i} + (8 \text{ m})\vec{j}] - [(6 \text{ m})\vec{i} + (4 \text{ m})\vec{j}] = (3 \text{ m})\vec{i} + (4 \text{ m})\vec{j}$$

$$d = \sqrt{d_x^2 + d_y^2} = \sqrt{(3 \text{ m})^2 + (4 \text{ m})^2} = 5 \text{ m}$$

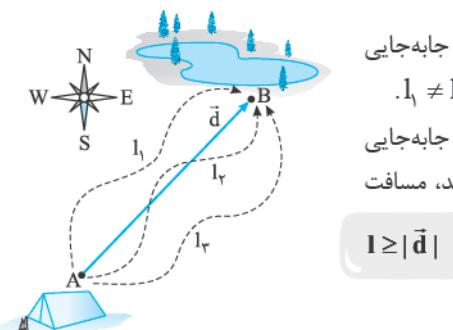
مسافت طی شده (1): به مجموع طول‌های پیموده شده توسط متوجه (طول مسیر حرکت)، مسافت طی شده می‌گوییم.

جابه‌جایی و مسافت طی شده چه فرقی دارند؟

هر چند یکای استاندارد مسافت طی شده، مانند یکای استاندارد جابه‌جایی، متر (m) است، اما این دو کمیت تفاوت‌های مهمی دارند که حالا می‌خواهیم آن‌ها را بیان کنیم:

1 **Jabeh-Jaiyi** کمیتی برداری است؛ بنابراین علاوه بر بزرگی دارای جهت نیز می‌باشد. اگر بخواهیم چند جابه‌جایی را با هم جمع کنیم، باید از جمع برداری استفاده کنیم؛ اما مسافت طی شده کمیتی نرده‌ای است که جهت ندارد و اگر بخواهیم چند مسافت را با هم جمع کنیم، باید آن‌ها را به صورت جبری جمع کنیم. (همون پیماع معمولی فودمون)

2 **Jabeh-Jaiyi** به مسیر حرکت بستگی ندارد، بلکه فقط به نقاط ابتدایی و انتهایی حرکت وابسته است. اما مسافت طی شده کاملاً به مسیر حرکت بستگی دارد. اگر چند متوجه از مسیرهای متفاوت بین دو نقطه معین جابه‌جا شوند، بردار جابه‌جایی برای همه آن‌ها یکسان است اما مسافت‌های پیموده شده توسط آن‌ها یکسان نیست.

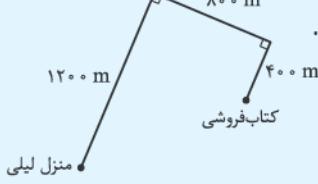


نمونه در شکل رویه‌رو، چند متوجه از مسیرهای متفاوت، از نقطه A به نقطه B رفته‌اند. بردار جابه‌جایی همه متوجه‌ها \vec{d} است اما مسافت پیموده شده توسط آن‌ها با هم متفاوت است؛ یعنی $l_1 \neq l_2 \neq l_3$.

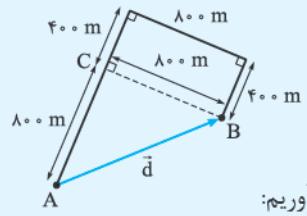
3 **اگر** مسیر حرکت جسمی خط راست نباشد، مسافت طی شده توسط آن قطعاً از اندازه جابه‌جایی بزرگ‌تر است. فقط در حرکت بر خط راست، آن هم به شرطی که متوجه تغییر جهت ندهد، مسافت طی شده با اندازه جابه‌جایی برابر می‌شود؛ یعنی همواره داریم:

$$l \geq |\vec{d}|$$

مثال و پاسخ



- مثال** لیلی برای رفتن به کتابفروشی، مسیر منزل تا کتابفروشی را مطابق شکل طی می‌کند.
 الف) بردار جابه‌جایی لیلی را رسم کرده و اندازه آن را به دست آورید.
 ب) مسافت طی شده توسط لیلی را محاسبه کنید.



- پاسخ** الف) بردار جابه‌جایی لیلی برداری است که مکان اولیه لیلی (منزل) را به مکان ثانویه او (کتابفروشی) وصل می‌کند. اول این بردار را در شکل رو به رو رسم می‌کنیم:

حالا با توجه به شکل، می‌توانیم با استفاده از رابطه فیثاغورس اندازه بردار جابه‌جایی را به دست آوریم:

$$|\vec{d}| = AB = \sqrt{AC^2 + CB^2} = \sqrt{800^2 + 800^2} = 800\sqrt{2} \text{ m} \approx 1131/4 \text{ m}$$

- ب) مسافت طی شده توسط لیلی با مجموع طول‌های پیموده شده توسط او برابر است؛ یعنی:

$$l = 1200 \text{ m} + 800 \text{ m} + 400 \text{ m} = 2400 \text{ m}$$

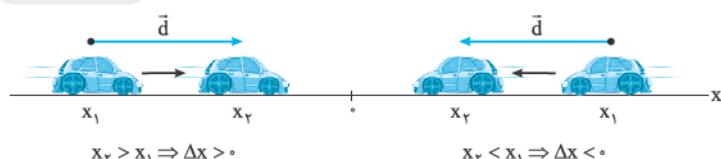
همان‌طور که ملاحظه می‌کنید، چون لیلی تغییر جهت داده است، مسافت طی شده توسط لیلی از اندازه جابه‌جایی او بزرگ‌تر است.

یک خبر خوب!!!

اگر با محاسبات برداری میانه خوبی ندارید، برای شما خبر خوبی داریم!!

گفتیم که در این کتاب قصد داریم روی حرکت بر خط راست تمرکز کنیم. همان‌طور که دیدیم، در این نوع حرکت بردارهای مکان با مسیر حرکت هم‌راستا هستند و جهت آن‌ها یا مثبت است یا منفی؛ بنابراین از این به بعد در حرکت بر خط راست، مکان یک جسم را به جای بردار مکان با یک عدد نمایش می‌دهیم. اگر مکان جسم سمت مثبت مختصات باشد، آن را با علامت مثبت و اگر مکان جسم سمت منفی مختصات باشد، آن را با علامت منفی نشان می‌دهیم. در حرکت بر خط راست، بردار جابه‌جایی همیشه هم‌راستا با مسیر حرکت است و جهت آن یا همسو با جهت مثبت محور و یا در خلاف جهت آن است؛ بنابراین می‌توانیم از خواص برداری جابه‌جایی نیز صرف نظر کنیم و آن را با اعدادی مثبت یا منفی نشان دهیم.

اگر جسمی در لحظه t_1 در مکان x_1 و در لحظه t_2 در مکان x_2 باشد، جابه‌جایی جسم در بازه زمانی Δt برابر خواهد بود با:



اگر متوجه در جهت مثبت انتخاب شده حرکت کند، $x_2 > x_1$

و $\Delta x > 0$ (مثبت) و اگر متوجه در جهت منفی محور حرکت کند، $x_2 < x_1$ و $\Delta x < 0$ (منفی) خواهد بود.

آنونه در مورد توپ بولینگ در شکل زیر می‌توانیم مکان‌های اولیه و نهایی و جابه‌جایی توپ را به صورت زیر بنویسیم:

$$x_2 = -2 \text{ m} \quad x_1 = +5 \text{ m}$$

$$\begin{cases} x_1 = +5 \text{ m} \\ x_2 = -2 \text{ m} \end{cases} \Rightarrow \Delta x = x_2 - x_1 = (-2 \text{ m}) - (+5 \text{ m}) = -7 \text{ m}$$

مسافت طی شده در حرکت بر خط راست

گفتیم که اگر متوجه روی خط راست و بدون تغییر جهت حرکت کند، مسافت طی شده با اندازه جابه‌جایی برابر است ($| \Delta x | = |\Delta x|$) اما اگر متوجه که روی خط راست حرکت می‌کند، تغییر جهت بدهد، مسافت طی شده قطعاً از اندازه جابه‌جایی بزرگ‌تر است ($| \Delta x | > |\Delta x|$). در این حالت برای محاسبه مسافت طی شده باید اندازه (قدرمطلق) جابه‌جایی متوجه قبل از تغییر جهت را با اندازه (قدرمطلق) جابه‌جایی بعد از تغییر جهت جمع کنیم؛ یعنی: $l = |\Delta x_1| + |\Delta x_2|$

مثال و پاسخ

(مشابه مثال کتاب درسی)



مثال متوجه کی مسیری مطابق شکل را بر خط راست طی می‌کند.

- الف) بردار مکان نقاط A، B و C را بردار جابه‌جایی کل حرکت را رسم کنید.
 ب) اندازه جابه‌جایی و مسافت طی شده جسم را به دست آورید.

$$P = mv \quad \ddot{v} = at + v_0 \quad v = \lambda f \quad P = \mu_k F_N \cdot d \quad S = mv \quad \ddot{v} = at + v_0 \quad \ddot{v} = ma \quad \text{waves}$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad \log \left(\frac{I_2}{I_1} \right) = q \Delta V \quad \pi r \sqrt{\frac{m}{k}} \quad \text{dB}$$

$$E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

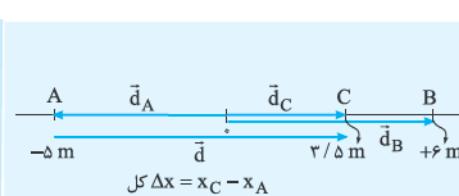
$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad E = hf - W_0 \quad f_k = \mu_k F_N \cdot d \quad \bar{P} = mv \quad v = at + v_0 \quad \text{waves}$$

$$I = \frac{1}{2} \rho A v^3 \quad \text{velocity}$$

$$v = \lambda f \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\$$



(ب) برای محاسبه جابه‌جایی از نقطه A تا نقطه C از نقطه A داریم: $\Delta x = x_C - x_A \Rightarrow \Delta x = +\frac{3}{5} m - (-5 m) = +\frac{28}{5} m$

و اما چون متحرک در نقطه B تغییر جهت داده است، برای محاسبه مسافت طی شده، باید اندازه جابه‌جایی جسم از A تا B را با اندازه جابه‌جایی جسم از C تا B جمع کنیم:

$$d = |\Delta x_{AB}| + |\Delta x_{BC}| = |x_B - x_A| + |x_C - x_B| = |+6 m - (-5 m)| + |\frac{3}{5} m - 6 m| \\ = |+11 m| + |-2 \frac{2}{5} m| = 11 m + 2 \frac{2}{5} m = 13 \frac{2}{5} m$$

سؤال‌های امتحانی

۱- جای خالی را با کلمه مناسب پر کنید.

الف) طول مسیر پیموده شده توسط متحرک را می‌نامیم.

ب) برداری که مبدأ محور را به مکان جسم در هر لحظه وصل می‌کند، نامیده می‌شود.

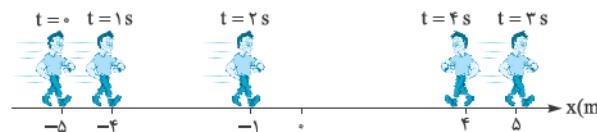
۲- کلمه مناسب را از داخل پرانتز انتخاب کنید.

الف) حرکت سیاره زمین به دور خورشید، مثالی از حرکت (یک بعدی / دو بعدی) است.

ب) در حرکت یک بعدی، بدون تغییر جهت، مسافت طی شده (برابر با / بزرگ‌تر از) اندازه جابه‌جایی است.

۳- بردار جابه‌جایی را تعریف کنید و یکای آن را بنویسید.

۴- قبل از شروع مسابقه فوتbalی، محمد صلاح روی یک مسیر مستقیم به صورت رفت و برگشت می‌ذود تا خودش را گرم کند. محل قرارگیری او در زمان‌های ۱s، ۲s، ۳s، ۴s در شکل زیر نشان داده شده است.

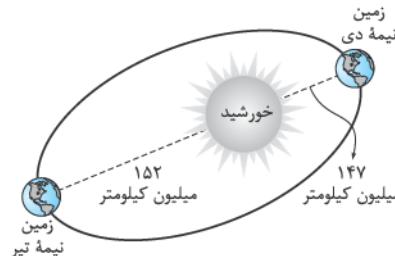


الف) بردار مکان محمد صلاح را در $t = 1s$ روی شکل نشان دهید و آن را به صورت بردار یکه بنویسید.

ب) اندازه جابه‌جایی محمد صلاح از صفر تا $4s$ چند متر است؟

پ) بردار جابه‌جایی محمد صلاح را از $1s$ تا $3s$ نشان دهید و آن را به صورت بردار یکه بنویسید.

ت) اگر محمد صلاح در $3s$ لحظه‌ای متوقف شود و به سمت محل اولیه برگرد، مسافت طی شده توسط او در طی $4s$ چند متر است؟



۵- مدار حرکت زمین به دور خورشید یک بیضی به محیط تقریبی ۹۴۰ میلیون کیلومتر است. کمترین فاصله زمین از مرکز خورشید ۱۴۷ میلیون کیلومتر است که در نیمه دی ماه اتفاق می‌افتد. بیشترین فاصله زمین از مرکز خورشید هم در نیمه تیر رخ می‌دهد که این فاصله در حدود ۱۵۲ میلیون کیلومتر است. با توجه به شکل رویه‌رو، بردار جابه‌جایی زمین از نیمه تیر تا نیمه دی را رسم کنید و اندازه آن را با مسافت پیموده شده در این مدت مقایسه کنید.

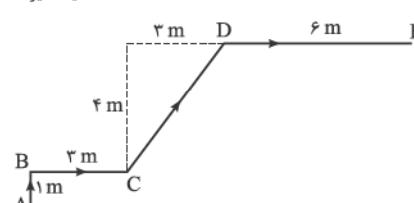
۶- علی از نقطه A روی مسیر نشان داده شده در شکل روبرو به نقطه E می‌رود.

الف) مسافت طی شده توسط علی چند متر است؟

ب) بردار جابه‌جایی علی را رسم کنید.

پ) اندازه جابه‌جایی علی چند متر است؟

ت) بردار جابه‌جایی علی را برحسب بردارهای یکه بنویسید.



۷- متحرکی از نقطه $\begin{bmatrix} 2 \\ 2 \end{bmatrix}$ به نقطه $\begin{bmatrix} 2 \\ -3 \end{bmatrix}$ می‌رود. این متحرک چند واحد جابه‌جا شده است؟

۲ سرعت و تندی

سرعه متوسط

نسبت جابه‌جایی به مدت زمان جابه‌جایی را سرعت متوسط می‌نامیم و آن را با نماد \bar{v}_{av} نمایش می‌دهیم؛ یعنی:

در رابطه بالا، d اندازه جابه‌جایی برحسب متر (m)، Δt بازه زمانی برحسب ثانیه (s) و v_{av} اندازه سرعت متوسط برحسب متر بر ثانیه (m/s) است. با توجه به تعریف بالا و مثبت بودن Δt می‌فهمیم که سرعت متوسط، کمیتی برداری است که همواره با بردار جابه‌جایی هم‌جهت است.

نکته یکای متداول دیگری که برای سرعت به کار می‌رود، کیلومتر بر ساعت (km/h) است که با استفاده از رابطه زیر، به متر بر ثانیه تبدیل می‌شود:

$$1 \frac{\text{km}}{\text{h}} \times \frac{1 \text{h}}{3600 \text{s}} \times \frac{1000 \text{m}}{1 \text{km}} = \frac{1}{36} \text{m/s}$$

پس برای تبدیل کردن سرعت برحسب کیلومتر بر ساعت به سرعت برحسب متر بر ثانیه، باید آن عدد را بر $\frac{1}{36}$ تقسیم کنیم.

$$36 \text{ km/h} \div \frac{1}{36} = 10 \text{ m/s}$$

مثال و پاسخ

مثال: بردار جابه‌جایی متغیر کی به صورت $\vec{d} = 16\vec{i} - 28\vec{j}$ داده شده است. اگر این جابه‌جایی در مدت زمان ۴ ثانیه صورت گیرد،

بردار سرعت متوسط و اندازه آن را به دست آورید.

پاسخ: ابتدا بردار سرعت متوسط را به دست می‌آوریم:

$$\bar{v}_{av} = \frac{\vec{d}}{\Delta t} = \frac{(16\vec{i} - 28\vec{j}) \text{ m}}{4 \text{ s}} = (4\vec{i} - 7\vec{j}) \text{ m/s}$$

$$v_{av} = \sqrt{4^2 + (-7)^2} = \sqrt{16 + 49} = \sqrt{65} \text{ m/s} \approx 8.0 \text{ m/s}$$

و حالا اندازه بردار سرعت متوسط را محاسبه می‌کنیم:

سرعت متوسط در حرکت بر خط راست

در حرکت بر روی خط راست می‌توانیم رابطه سرعت متوسط را به صورت رو به رو بنویسیم:

نکته: با این که ایمان داریم سرعت متوسط کمیتی برداری است، اما در حرکت بر خط راست می‌توانیم سرعت متوسط را مانند جابه‌جایی با یک عدد مثبت و یا منفی نمایش دهیم و از خواص برداری آن صرف نظر کنیم. با این فرض رابطه سرعت متوسط در حرکت بر خط راست به شکل زیر درمی‌آید:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1}$$

در حرکت بر روی خط راست، علامت سرعت متوسط نشان‌دهنده جهت جابه‌جایی جسم در آن بازه زمانی است:

$$\Delta x > 0 \Leftrightarrow v_{av} > 0$$

$$\Delta x < 0 \Leftrightarrow v_{av} < 0$$

مثال و پاسخ

مثال: اتومبیلی در لحظه $t_1 = 2 \text{ s}$ در ۱۶ متری سمت راست مبدأ قرار دارد. اگر در لحظه $t_2 = 6 \text{ s}$ این اتومبیل به ۱۶ متری سمت

چپ مبدأ برود، سرعت متوسط اتومبیل در این بازه زمانی را به دست آورید.

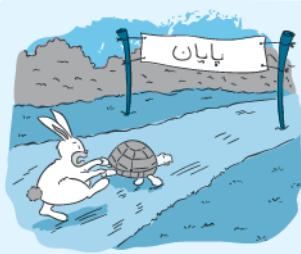
پاسخ: در لحظه $t_1 = 2 \text{ s}$ مکان متغیر $x_1 = +16 \text{ m}$ و در لحظه $t_2 = 6 \text{ s}$ مکان متغیر $x_2 = -16 \text{ m}$ است؛ بنابراین:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} \Rightarrow v_{av} = \frac{(-16 \text{ m}) - (16 \text{ m})}{6 \text{ s} - 2 \text{ s}} = \frac{-32 \text{ m}}{4 \text{ s}} = -8 \text{ m/s}$$

مثال و پاسخ

مثال: داستان مسابقه دوی لاک‌پشت و خرگوش را که شنیده‌اید افراد کنید این بار مسیر مسابقه، خط راستی به طول یک کیلومتر است. خرگوش مغروف به لاک‌پشت ارافق می‌کند و در خط شروع باقی می‌ماند و لاک‌پشت شروع به حرکت می‌کند. اگر سرعت متوسط خرگوش 18 km/h و سرعت

متوسط لاک‌پشت 90 m/h باشد، پس از طی چند متر توسط لاک‌پشت، خرگوش شروع به حرکت کند تا این بار مسابقه را از لاک‌پشت ببرد؟



$$+y_0 \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

$$P = mv$$

$$= at + v_0$$

$$log(\frac{I_1}{I_0})$$

$$\Delta V$$

$$2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$dB$$

$$ency$$

$$v = \lambda f$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

$$= W$$

$$= \mu_k F_N - F$$

$$S = mv$$

$$at + v_0$$

$$= m\ddot{a}$$

$$net waves$$

$$I = \sum$$

$$Hertz$$

$$4\pi \Delta V$$

$$= 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$dB$$

$$ency$$

$$I_c = \frac{v r}{r}$$

$$v_{av} = \frac{I}{\Delta t}$$

$$= mv$$

$$E = hf$$

$$f_k = \mu_k F_I$$

$$\bar{P} = mv$$

$$v = at + v_0$$

$$dB)(\log(\frac{I_1}{I_0}))$$

$$= q\Delta V$$

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$a_0 = \frac{v r}{r}$$

$$dB$$

$$ency$$

$$+y_0 \quad v = \lambda f$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

$$= at + v_0$$

$$+y_0 \quad \bar{P} = mv$$

$$I = at + v_0$$

$$+y_0 \quad 1 \atop at + v_0$$

$$+y_0 \quad 1 \atop at + v_0$$

پاسخ ابتدا حساب می کنیم که خرگوش برای طی مسافت $m = 1000$ ، چه مدت زمانی رانیز دارد. برای این کار ابتدا سرعت متوسط خرگوش را به متر بر ثانیه تبدیل کرده و سپس زمان مورد نیاز را حساب می کنیم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = \frac{\Delta x}{v_{av}} = \frac{1000 \text{ m}}{5 \text{ m/s}} = 200 \text{ s}$$

حالا محاسبه می کنیم که در مدت 8 s ، لاک پشت چه مسافتی را می تواند طی کند:

$$\Delta x = v'_{av} \Delta t = (9 \text{ m/s}) \times \frac{h}{3600 \text{ s}} \times 200 \text{ s} = 5 \text{ m}$$

وقتی که لاک پشت هنوز به 5 متری خط پایان نرسیده است، خرگوش باید شروع به حرکت کند تا برنده مسابقه شود. اما مسئله مقدار مسافت طی شده توسط لاک پشت قبل از حرکت خرگوش را می خواهد؛ پس:

$$= (1000 \text{ m}) - (5 \text{ m}) = 995 \text{ m}$$

سرعت متوسط در حرکت چند مرحله‌ای

اگر جسمی حرکتی را در چند مرحله انجام دهد، سرعت متوسط متحرک از نسبت مجموع جابه‌جایی‌ها به مجموع زمان‌های سپری شده به دست می‌آید:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{\Delta x_1 + \Delta x_2 + \dots}{\Delta t_1 + \Delta t_2 + \dots}$$

مثال و پاسخ

مثال شخصی مسیر مستقیمی را ابتدا در مدت 6 دقیقه با سرعت متوسط 3 m/s و سپس در مدت 4 دقیقه با سرعت متوسط 2 m/s دویده است. سرعت متوسط این شخص چند متر بر ثانیه است؟

پاسخ ابتدا در هر قسمت از حرکت، جابه‌جایی این شخص را محاسبه می کنیم:

$$\begin{cases} \Delta t_1 = 6 \text{ min} = 360 \text{ s} \\ v_{av,1} = 3 \text{ m/s} \end{cases} \Rightarrow \Delta x_1 = v_{av,1} \cdot \Delta t_1 = (3 \text{ m/s}) \times (360 \text{ s}) = 1080 \text{ m}$$

$$\begin{cases} \Delta t_2 = 4 \text{ min} = 240 \text{ s} \\ v_{av,2} = 2 \text{ m/s} \end{cases} \Rightarrow \Delta x_2 = v_{av,2} \cdot \Delta t_2 = (2 \text{ m/s}) \times (240 \text{ s}) = 480 \text{ m}$$

حالا سرعت متوسط این شخص را محاسبه می کنیم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x_1 + \Delta x_2}{\Delta t_1 + \Delta t_2} = \frac{1080 \text{ m} + 480 \text{ m}}{360 \text{ s} + 240 \text{ s}} = \frac{1560 \text{ m}}{600 \text{ s}} = 2.6 \text{ m/s}$$

تندی متوسط

دیدیم که اگر جابه‌جایی یک جسم را بر مدت زمان جابه‌جایی تقسیم کنیم، سرعت متوسط جسم به دست می‌آید. اما اگر به جای جابه‌جایی، مسافت طی شده را بر زمانی که آن مسافت طی شده است، تقسیم کنیم، چه چیزی خواهیم داشت؟ جواب «تندی متوسط» است.

به نسبت مسافت پیموده شده به مدت زمان طی مسافت، تندی متوسط می‌گوییم و آن را با s_{av} نمایش می‌دهیم؛ یعنی:

در رابطه تندی متوسط، 1 مسافت طی شده بر حسب متر (m)، Δt بازه زمانی بر حسب ثانیه (s) و s_{av} تندی متوسط بر حسب متر بر ثانیه (m/s) است.

تندی متوسط چه تفاوتی با سرعت متوسط دارد؟

این دو کمیت کاملاً با هم متفاوت‌اند. سرعت متوسط کمیتی برداری است؛ یعنی هم دارای اندازه و یکا و هم دارای جهت است. ولی تندی متوسط کمیتی نزدیکی است و فقط با یک عدد و یکای مربوطه بیان می‌شود.

ممکن است این سؤال در ذهنتان ایجاد شود که «آیا حالتی وجود دارد که اندازه سرعت متوسط با تندی متوسط برابر باشد؟» جواب شما مثبت است: «اگر متحرکی بدون تغییر جهت روی خط راست حرکت کند، مسافت طی شده با مقدار جابه‌جایی برابر است؛ در نتیجه اندازه سرعت متوسط با تندی متوسط برابر است.»

برای این که بیشتر به تفاوت این دو کمیت پی ببرید، به نمونه زیر توجه کنید:

نمونه رکورد شنای 400 متر آزاد با زمان 3 دقیقه و 40 ثانیه در اختیار «پل بیدرمن» از آلمان است. پل برای ثبت این رکورد، طول 200 متری است. این رکورد را به صورت رفت و برگشت شنا کرد؛ بنابراین تندی متوسط پل برابر است با:

$$s_{av} = \frac{1}{\Delta t} = \frac{400 \text{ m}}{3 \text{ min} \times \frac{60 \text{ s}}{1 \text{ min}} + 40 \text{ s}} = \frac{400 \text{ m}}{180 \text{ s} + 40 \text{ s}} = 220 \text{ m/s}$$

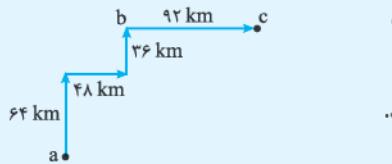
$$s_{av} = \frac{1}{\Delta t} = \frac{400 \text{ m}}{220 \text{ s}} \approx 1.82 \text{ m/s}$$

اما سرعت متوسط آقای بیدرمن در این بازه زمانی صفر است؛ زیرا در انتهای مسابقه به مکان اولیه خود برگشته است و جابه‌جایی او در مدت ۳ دقیقه و ۴۰ ثانیه (220 s) صفر است.

نکته برای به دست آوردن سرعت متوسط و تندی متوسط، باید کل زمان را در نظر بگیرید. در واقع زمان‌هایی که متوجه کی می‌ایستد، جزوی از حرکت است.

مثال پاسخ

مثال در زمان‌های قدیم یک مرد روستایی با یک شتر از روستای (a) مطابق شکل به ترتیب 64 km را در مدت زمان ۴ ساعت و 48 km



را در مدت ۳ ساعت.

در روستای (b)، 92 km دیگر را در مدت ۱۰ ساعت طی می‌کند تا به روستای (c) برسد.

(الف) بردار سرعت متوسط شتر را در کل مسیر رسم کرده و بزرگی آن را محاسبه کنید.

(ب) تندی متوسط را حساب کنید.

پاسخ (الف) اولین جابه‌جایی $\vec{j}_1 = (64\text{ km})\vec{i}$ ، دومین جابه‌جایی $\vec{j}_2 = (48\text{ km})\vec{i}$ ، سومین جابه‌جایی $\vec{j}_3 = (36\text{ km})\vec{i}$ و در

نهایت آخرین جابه‌جایی $\vec{j}_4 = (92\text{ km})\vec{i}$ است. برای محاسبه سرعت متوسط، باید جابه‌جایی کل را بر مدت زمان کل (یعنی با در

نظر گرفتن زمان استراحت)، تقسیم می‌کنیم:

$$\vec{v}_{av} = \frac{\vec{d}}{\Delta t} = \frac{\vec{d}_1 + \vec{d}_2 + \vec{d}_3 + \vec{d}_4}{\Delta t_1 + \Delta t_2 + \Delta t_3 + \Delta t_4 + \Delta t_5} = \frac{(64\text{ km})\vec{i} + (48\text{ km})\vec{i} + (36\text{ km})\vec{i} + (92\text{ km})\vec{i}}{4\text{ h} + 3\text{ h} + 2\text{ h} + 1\text{ h} + 10\text{ h}}$$

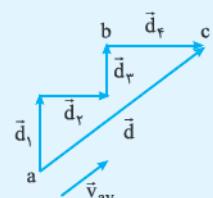
$$\Rightarrow \vec{v}_{av} = \frac{(140\text{ km})\vec{i} + (100\text{ km})\vec{j}}{20\text{ h}} \Rightarrow \vec{v} = (7\vec{i} + 5\vec{j})\text{ km/h}$$

توجه کنید که زمان یک ساعت استراحت را هم در محاسبات در نظر گرفتیم؛ زیرا این یک ساعت نیز جزوی از زمان‌های سپری شده

در مدت جابه‌جایی از روستای (a) به روستای (c) است. حالا بزرگی سرعت متوسط را به دست می‌آوریم:

$$|\vec{v}_{av}| = \sqrt{(7)^2 + (5)^2} \text{ km/h} = \sqrt{74} \text{ km/h} \approx 8.6 \text{ km/h}$$

بردار سرعت متوسط همیشه هم جهت با بردار جابه‌جایی است. بردار جابه‌جایی را رسم می‌کنیم تا جهت بردار سرعت متوسط نیز مشخص شود.



(ب) برای محاسبه تندی متوسط، کل مسافت طی شده را بدون توجه به جهت آن، بر کل مدت زمان طی مسافت تقسیم می‌کنیم:

$$S_{av} = \frac{l_1 + l_2 + l_3 + l_4}{\Delta t_1 + \Delta t_2 + \Delta t_3 + \Delta t_4 + \Delta t_5} = \frac{(64\text{ km}) + (48\text{ km}) + (36\text{ km}) + (92\text{ km})}{4\text{ h} + 3\text{ h} + 2\text{ h} + 1\text{ h} + 10\text{ h}}$$

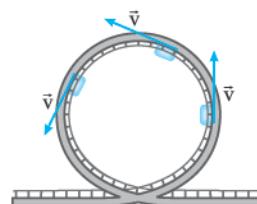
$$\Rightarrow S_{av} = \frac{240\text{ km}}{20\text{ h}} = 12 \text{ km/h}$$

در این مثال هم دیدیم چون متوجه تغییر جهت داشته است، سرعت متوسط و تندی متوسط با هم برابر نیستند.

سرعت متوسطی لحظه‌ای

سرعت متوجه در هر لحظه را «سرعت لحظه‌ای» می‌نامیم و آن را با \vec{v} نشان می‌دهیم. همچنین تندی متوجه در هر لحظه را نیز تندی لحظه‌ای می‌نامیم.

سرعت لحظه‌ای نیز یک کمیت برداری است که مطابق با آن‌چه که در شکل روبرو می‌بینید، همواره بر مسیر حرکت مماس است. اما تندی لحظه‌ای کمیتی نزدیکی است. در واقع سرعت لحظه‌ای، اندازه و جهت سرعت در هر لحظه را نشان می‌دهد اما تندی لحظه‌ای فقط اندازه سرعت در هر لحظه را بیان می‌کند؛ بنابراین می‌توانیم بگوییم: تندی لحظه‌ای همان اندازه سرعت لحظه‌ای است.



نکته هواستان باشد سرعت لحظه‌ای و سرعت متوسط، دو کمیت کاملاً متفاوت‌اند. تنها در صورتی که در یک بازه زمانی، بردار سرعت لحظه‌ای ثابت باشد، یعنی هم اندازه و هم جهت سرعت لحظه‌ای تغییر نکند، سرعت متوسط در آن بازه زمانی با سرعت در هر لحظه برابر است. این اتفاق فقط در حرکت بر خط راست، امکان‌پذیر است.

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

$$v = at + v_0$$

$$log(\frac{I}{I_0})$$

$$\Delta V$$

$$m \sqrt{k}$$

$$dB$$

$$v = \lambda f$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

$$W$$

$$\mu_k F_N - \frac{F}{m}$$

$$S = m\bar{v}$$

$$at + v_0$$

$$= net waves$$

$$\sum$$

$$x$$

$$S = 2\pi \sqrt{m/k}$$

$$dB$$

$$I = E \cdot h f$$

$$f_k = \mu_k F_N$$

$$\bar{P} = m\bar{v}$$

$$v = at + v_0$$

$$= q\Delta V$$

$$T = \sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$a = \frac{v^2}{r}$$

$$dB$$

$$I = at + v_0$$

$$= \frac{1}{2} at^2 + v_0 t$$

$$= \$$

سرعت و تندی لحظه‌ای در حرکت پر خطر است

وقتی متحرکی روی خط راست حرکت می‌کند، می‌توانیم از خواص برداری سرعت لحظه‌ای صرف‌نظر کنیم و سرعت لحظه‌ای را با علامتی مثبت یا منفی نشان دهیم. علامت سرعت لحظه‌ای نشان‌دهنده جهت حرکت متحرک در آن لحظه است. اگر سرعت مثبت بود، یعنی متحرک به سمت مثبت محور X‌ها حرکت می‌کند و اگر سرعت منفی بود، یعنی متحرک به سمت منفی محور X‌ها حرکت می‌کند.

 **تذکرہ** تندی لحظه‌ای فقط اندازه سرعت لحظه‌ای را نشان می‌دهد؛ پس همواره مثبت است.

 **توجه** از این به بعد هر جا از کلمه «سرعت» و یا «تندی» به تنهایی استفاده کردیم، به ترتیب منظورمان بردار سرعت لحظه‌ای و تندی لحظه‌ای است.

مثال و پاسخ

مثال در یک توصیه راهنمایی و رانندگی آمده است: «راننده عزیزاً اگر یک مسیر ۱۰۰ کیلومتری را با تندی 110 km/h برانید، فقط ۱۲ دقیقه زودتر از زمانی به مقصد می‌رسید که با تندی 90 km/h برانید. آیا ۱۲ دقیقه ارزش خطرآفرینی دارد؟» درستی این ادعا را از نظر فیزیکی بررسی کنید.

پاسخ **گام اول** مدت زمانی که طول می‌کشد تا 100 km را با تندی 110 km/h طی کنیم، محاسبه می‌کنیم:

$$S = s_{av} = \frac{L}{\Delta t} \Rightarrow 110 \frac{\text{km}}{\text{h}} = \frac{100 \text{ km}}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = \frac{100 \text{ km}}{110 \text{ km/h}} = \frac{10}{11} \text{ h}$$

گام دوم مدت زمانی که طول می‌کشد تا 100 km را با تندی 90 km/h طی کنیم، محاسبه می‌کنیم:

$$S' = s'_{av} = \frac{L}{\Delta t'} \Rightarrow 90 \frac{\text{km}}{\text{h}} = \frac{100 \text{ km}}{\Delta t'} \Rightarrow \Delta t' = \frac{100 \text{ km}}{90 \text{ km/h}} = \frac{10}{9} \text{ h}$$

گام سوم حالا این دو زمان را از هم کم می‌کنیم و یکای جواب را به دقیقه تبدیل می‌کنیم تا مشخص شود چند دقیقه با هم اختلاف دارند:

$$\Delta t' - \Delta t = \frac{10}{9}(\text{h}) - \frac{10}{11}(\text{h}) = \frac{110 - 90}{99} = \frac{20}{99} \text{ h} \times \frac{60 \text{ min}}{1 \text{ h}} \approx 12 / 1 \text{ min}$$

پس واقعاً تفاوت زمان رسیدن در حدود ۱۲ دقیقه است و انصافاً ۱۲ دقیقه ارزش خطرآفرینی ندارد!

تندشونده یا کندشونده بودن حرکت

حتمًا برای شما خیلی پیش آمده که در یک اتومبیل نشسته‌اید و راننده اتومبیلی که در آن هستید، می‌خواهد از یک اتومبیل که جلوی شما حرکت می‌کند، سبقت بگیرد. فرض کنید در ابتداء، تندی اتومبیل شما و اتومبیل جلوی یکسان باشد. برای این که از اتومبیل جلویی سبقت بگیرید، باید راننده شما تندی اتومبیل را افزایش دهد. در این حالت حرکت اتومبیل شما تندتر و تندتر می‌شود تا بتوانید از اتومبیل جلویی سبقت بگیرید. در واقع حرکت اتومبیل شما «تندشونده» خواهد بود.

حالا فرض کنید یک نیسان آبی از جلو به سمت شما بیاید. شما و راننده اتومبیلی که سوار آن هستید، می‌دانید که راننده نیسان آبی حتماً ترمز نخواهد کرد!!! پس راننده اتومبیل شما پایش را با تمام قدرت روی پدال ترمز دهد و تندی اتومبیل را کاهش می‌دهد. در این حالت حرکت شما کندتر و کندتر می‌شود. در واقع در این حالت، حرکت شما «کندشونده» خواهد بود.

جمع بندی وقتی تندی یک متحرکی زیاد می‌شود، حرکت تندشونده است و وقتی تندی یک متحرک کم می‌شود، حرکت کندشونده است.

سؤال‌های امتحانی

- درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را تعیین کنید.

- الف) اگر متحرکی روی خط راست بدون تغییر جهت حرکت کند، اندازه سرعت متوسط و تندی متوسط آن برابر است.
ب) اگر سرعت متوسط یک متحرک صفر باشد، مسافت طی شده توسط آن صفر است.

۹- جای خالی زیر را کامل کنید.

الف) اگر هنگام گزارش تندی لحظه‌ای، به جهت حرکت متحرک نیز اشاره کنیم، در واقع آن را بیان کرده‌ایم.

ب) سرعت لحظه‌ای کمیتی و تندی لحظه‌ای کمیتی است.

پ) اگر سرعت متحرک در تمام لحظات یک بازه زمانی باشد، سرعت متوسط با سرعت لحظه‌ای برابر است.

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

$$s = mv$$

$$= at + v_0$$

$$\log(\frac{I}{I_0})$$

$$\Delta V$$

$$2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$db$$

$$v = \lambda f$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

$$W = F_N \cdot d$$

$$s = m \cdot t$$

$$at + v_0$$

$$= \bar{m} \cdot \bar{a}$$

$$waves$$

$$I = \sum$$

$$x^2 + y^2 = r^2$$

$$s = \frac{1}{2} \pi r^2$$

$$v = \lambda f$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

$$E = hf$$

$$f_k = \mu_k F_f$$

$$\bar{P} = \bar{m} \cdot \bar{v}$$

$$v = at + v_0$$

$$dB = 10 \log(\frac{I}{I_0})$$

$$= q \Delta V$$

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$a_0 = \frac{v_r}{r}$$

$$de$$

$$v = at + v_0$$

۱۰- کلمه مناسب را از داخل پرانتز انتخاب کنید.

الف) در حرکت یک جسم در بازه‌های زمانی ای که سرعت متوسط خودرو (مثبت / منفی) است، حرکت خودرو در جهت محور x است.
(برگرفته از مثال کتاب درسی)

ب) در حرکت جسم روی خمیده، بردار سرعت متحرک همواره بر (بردار شتاب / مسیر حرکت) مماس است.
(نوایی تهری - شهریور ۹۵)

پ) در حرکت یک بعدی، جهت حرکت با توجه به جهت (شتاب / سرعت) تعیین می‌شود.
(نوایی تهری - شهریور ۹۵)

ت) بردار سرعت متوسط با بردار (جایه‌جایی / تغییر سرعت) هم جهت است.
(نوایی ریاضی - دی ۹۳)

۱۱- سرعت متوسط را تعریف کنید.
(نوایی تهری - اسفند ۱۷ و شهریور ۱۹)

۱۲- مفهوم فیزیکی عبارت زیر را بیان کنید.
«تندی متوسط دانش آموزی $s = \frac{1}{4} m/s$ است.»

۱۳- اگر چهار متحرک در طی $2 s$ بر روی مسیری مستقیم از مکان آغازین به مکان پایانی رفته باشند، جدول زیر را کامل کنید.
(مشابه فعالیت کتاب درسی)

جهت حرکت	جهت	سرعت متوسط	بردار جایه‌جایی	مکان پایانی	مکان آغازین	
				صفرا	۴ m	A متحرک
				-۲ / ۴ m	۵ / ۲ m	B متحرک
				۴ / ۸ m	-۲ m	C متحرک
				-۲ m	-۱۰ m	D متحرک

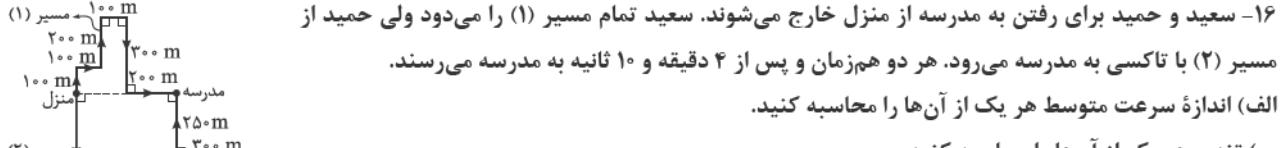
۱۴- شکل زیر، حرکت یک سوسک را که در راستای محور x در حرکت است، در هر یک از لحظه‌های $t_1 = 10 s$ و $t_2 = 40 s$ نشان می‌دهد.
(مشابه مثال کتاب درسی)

الف) بردارهای مکان و بردار جایه‌جایی سوسک را در این بازه زمانی رسم کنید.
ب) سرعت متوسط سوسک را در این بازه زمانی پیدا کنید.

۱۵- در شکل مقابل، مسیر حرکت جسمی که با تندي ثابت در صفحه xy از A به B می‌رود، نشان داده شده است. با انتقال شکل به پاسخ‌نامه، بردارهای زیر را نشان دهید:
(نوایی تهری - دی ۸۷)

الف) بردار تغییر مکان (جایه‌جایی) جسم بین دو نقطه A و B.
ب) بردارهای سرعت لحظه‌ای جسم در دو نقطه A و B.

۱۶- سعید و حمید برای رفتن به مدرسه از منزل خارج می‌شوند. سعید تمام مسیر (۱) را می‌دود و لی حمید از مسیر (۲) با تاکسی به مدرسه می‌رود. هر دو هم‌زمان و پس از ۴ دقیقه و ۱۰ ثانیه به مدرسه می‌رسند.
الف) اندازه سرعت متوسط هر یک از آن‌ها را محاسبه کنید.
ب) تندي هر یک از آن‌ها را محاسبه کنید.



۱۷- اتومبیلی یک میدان دایره‌شکل به شعاع $125 m$ را دور می‌زند. اگر سرعت متوسط در مدتی که این اتومبیل نصف میدان را دور می‌زند، $5 m/s$ باشد، تندي متوسط اتومبیل را محاسبه کنید. ($\pi = 3 / 14$)

۱۸- درختی به ارتفاع $15 m$ را از پایین ترین نقطه قطع می‌کنیم و درخت در مدت $1 / 5 s$ بر زمین می‌افتد. سرعت متوسط بالاترین نقطه درخت در مدت زمان سقوط چند متر بر ثانیه است؟

۱۹- در هر یک از حالات زیر، سرعت متوسط را محاسبه کنید.
الف) متحرکی بر خط راست بدون تغییر جهت دو مسافت مساوی Δx را با سرعت‌های متوسط v_1 و v_2 طی کند.

ب) متحرکی بر خط راست بدون تغییر جهت در دو بازه زمانی مساوی Δt با سرعت‌های متوسط v_1 و v_2 حرکت کند.

۲۰- متحرکی روی خط راست و بدون تغییر جهت، مسافت‌های متواالی $10 m$ ، $20 m$ و $30 m$ را به ترتیب با سرعت‌های $4 m/s$ ، $2 m/s$ و $6 m/s$ طی می‌کند. سرعت متوسط آن در این حرکت چند m/s است؟

۲۱- متحرکی روی خط راست و بدون تغییر جهت، $\frac{1}{3}$ زمان حرکت خود را با سرعت $s / 60 m$ ، $\frac{1}{3}$ زمان حرکت خود را با سرعت $s / 24 m$ و مابقی را با سرعت $s / 12 m$ طی می‌کند. سرعت متوسط حرکت متحرک چند متر بر ثانیه است؟

پاسخ سوال‌های امتحانی

۶- الف) **گام اول:** ابتدا طول قسمت CD را حساب می‌کنیم:

$$CD^2 = 4^2 + 3^2 \Rightarrow CD^2 = 16 + 9 = 25$$

$$\Rightarrow CD = \sqrt{25} = 5 \text{ m}$$

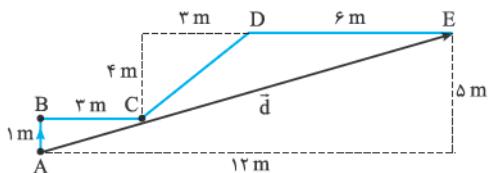
گام دوم: مسافت طی شده برابر با طول کل مسیر است:

$$l = AB + BC + CD + DE$$

$$= 1 \text{ m} + 3 \text{ m} + 5 \text{ m} + 6 \text{ m} = 15 \text{ m}$$

ب) بردار جابه‌جایی برداری است که ابتدای مسیر را به انتهای مسیر وصل می‌کند؛ پس در شکل زیر بردار جابه‌جایی، بردار \vec{d} است.

پ) در شکل زیر می‌بینید که علی مجموعاً 12 m به سمت راست و 5 m به سمت بالا حرکت کرده است؛ پس طول \vec{d} برابر است با:



$$d^2 = 12^2 + 5^2 = 144 + 25 = 169 \Rightarrow d = \sqrt{169} = 13 \text{ m}$$

ت) علی 12 m به سمت راست حرکت کرده است؛ پس جابه‌جایی در راستای افقی به صورت \vec{i} (12 m) است. او همچنین 5 m به سمت بالا حرکت کرده است. در نتیجه جابه‌جایی در راستای قائم او به صورت \vec{j} (5 m) است و داریم:

۷- بردار جابه‌جایی از تفاضل بردارهای مکان به دست می‌آید:

$$\vec{d} = \begin{bmatrix} 8 \\ 2 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 2 \\ -3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 \\ 5 \end{bmatrix} \Rightarrow \vec{d} = 6\vec{i} + 5\vec{j}$$

و اندازه بردار جابه‌جایی برابر است با:

$$|\vec{d}| = \sqrt{6^2 + 5^2} = \sqrt{36 + 25} = \sqrt{61}$$

۸- الف) درست

ب) نادرست - اگر سرعت متوسط یک متوجه صفر باشد، جابه‌جایی آن متوجه صفر است نه مسافت آن.

ب) برداری - نرده‌ای
پ) ثابت

ب) مسیر حرکت

پ) سرعت

ت) جابه‌جایی - بردار سرعت متوسط برابر با بردار جابه‌جایی تقسیم بر زمان است. زمان یک عدد ثابت است؛ پس بردار سرعت متوسط و جابه‌جایی هم‌جهت هستند.

۱۱- سرعت متوسط کمیتی برداری است که از تقسیم جابه‌جایی بر مدت زمان لازم برای جابه‌جایی به دست می‌آید و واحد آن m/s است:

$$\bar{v}_{av} = \frac{\vec{d}}{\Delta t}$$

۱- الف) مسافت

ب) بردار مکان

۲- الف) دو بعدی

۳- پاره خط جهت‌داری که مکان آغازین حرکت را به مکان پایانی حرکت وصل می‌کند، بردار جابه‌جایی نامیده می‌شود. یکای جابه‌جایی، متر (m) است.

۴- الف) بردار مکان این بازیکن خوب در $t = 1 \text{ s}$ به صورت برداری است که مبدأ مکان را به محل حضور او در این لحظه وصل می‌کند. ایشان در $t = 1 \text{ s}$ در $x = -4 \text{ m}$ قرار دارد:



$$\vec{d}_1 = (-4 \text{ m}) \vec{i}$$

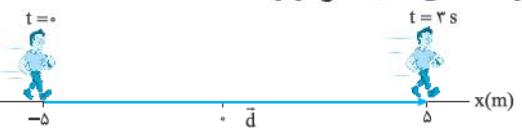
ب) بردار مکان آقای صلاح در $t = 0$ به صورت $\vec{d}_0 = -5\vec{i}$ و بردار

مکان او در $t = 4 \text{ s}$ به صورت $\vec{d}_4 = 4\vec{i}$ است؛ پس:

$$\vec{d} = \vec{d}_4 - \vec{d}_0 = (4 \text{ m}) \vec{i} - (-5 \text{ m}) \vec{i} = (9 \text{ m}) \vec{i}$$

اما سؤال اندازه جابه‌جایی را خواسته است؛ پس:

پ) بردار جابه‌جایی آقای صلاح برابر است با:



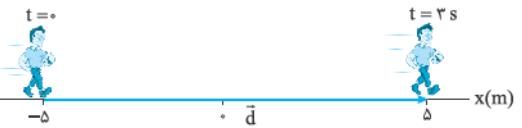
$$\vec{d} = \Delta x \vec{i} = (5 \text{ m} - (-5 \text{ m})) \vec{i} = 10\vec{i}$$

ت) مسافت طی شده برابر طول کلی مسیر است که او طی می‌کند. آقای

صلاح ابتدا از $x = 5 \text{ m}$ به $x = -5 \text{ m}$ می‌رود و پس از $x = 5 \text{ m}$ به

سمت منفی x برمی‌گردد و در $t = 4 \text{ s}$ به $x = 4 \text{ m}$ می‌رسد؛ پس کل

طولی که او طی کرده است، برابر است با:

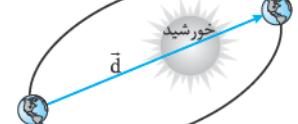


$$1 = |\Delta x_1| + |\Delta x_2| = |5 \text{ m} - (-5 \text{ m})| + |4 \text{ m} - 5 \text{ m}|$$

$$= |10 \text{ m}| + |-1 \text{ m}| = 10 \text{ m} + 1 \text{ m} = 11 \text{ m}$$

۵- از نقطه ابتدایی حرکت به نقطه انتهایی حرکت وصل می‌کنیم و بردار جابه‌جایی را مشخص می‌کنیم:

نیمه دی خورشید نیمه دی



طول این بردار برابر است با:

$$d = 152 \times 10^6 \text{ km} + 147 \times 10^6 \text{ km} = 299 \times 10^6 \text{ km}$$

مسافت طی شده در این مدت نصف طول مدار است؛ پس:

$$1 = \frac{940 \times 10^6 \text{ km}}{2} = 470 \times 10^6 \text{ km}$$

همان‌طور که می‌بینید، $1 < d$ است.

$$+y_v \quad v = \lambda f \quad \vec{v}_{av} = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t}$$

$$S = mv \quad S = at + v_0 \quad \log \left(\frac{I}{I_0} \right)$$

$$\Delta V \quad \Delta V = \log \left(\frac{I}{I_0} \right) \quad \Delta V = \frac{m}{k}$$

$$dB \quad dB = 10 \log \left(\frac{P}{P_0} \right) \quad dB = \frac{m}{k}$$

$$v = \lambda f \quad v = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad v = at + v_0$$

$$W \quad W = F \cdot S \quad W = \mu_k F_N \cdot S$$

$$at + v_0 \quad S = mv \quad S = at + v_0$$

$$= m \ddot{x} \quad = m \ddot{v} \quad = m \ddot{a}$$

$$= net waves \quad = net waves$$

$$\Sigma \quad \Sigma = \sum$$

$$x \quad x = \sum$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

$$= 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \quad = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$dB \quad dB = 10 \log \left(\frac{P}{P_0} \right) \quad dB = \frac{m}{k}$$

$$f = hf - W \quad f = \mu_k F_N - F$$

$$F = mv \quad F = \mu_k F_N$$

$$v = at + v_0 \quad v = at + v_0$$

$$+dB \quad +dB = 10 \log \left(\frac{P}{P_0} \right) \quad +dB = \frac{m}{k}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \quad T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$a = \frac{v^2}{r} \quad a = \frac{v^2}{r}$$

$$dB \quad dB = q \Delta V \quad dB = q \Delta V$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \quad T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$

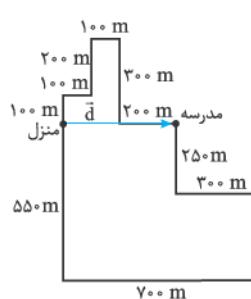
$$v = at + v_0 \quad v = at + v_0$$

$$+y_v \quad v = \lambda f \quad \vec{v}_{av} = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t}$$

$$+y_v \quad v = at + v_0 \quad v = at + v_0$$

$$+y_v \quad v = at + v_0 \quad v = at + v_0$$

ماجراهای من و درسام - فیزیک ۲



۱۶ - الف) برای محاسبه سرعت متوسط به جایه‌جایی نیاز داریم. می‌دانیم که جایه‌جایی به مسیر حرکت بستگی ندارد و فقط به نقطه ابتدایی و انتهایی مسیر بستگی دارد. بردار جایه‌جایی، برداری است که منزل را به مدرسه وصل می‌کند.

از روی شکل و با توجه به اندازه‌های داده شده مشخص است که بزرگی بردار جایه‌جایی سعید و حمید هر دو در مدت ۴ دقیقه و ۱۰ ثانیه (۲۵۰ s) به اندازه ۴۰۰ متر جایه‌جا شده‌اند، بنابراین داریم:

$$|\vec{v}_{av}| = \frac{|\vec{d}|}{\Delta t} = \frac{400 \text{ m}}{250 \text{ s}} = 1.6 \text{ m/s}$$

ب) برای محاسبه تندی متوسط، مسافت طی شده برای ما مهم است و مسافت طی شده به مسیر حرکت بستگی دارد که برای سعید و حمید متفاوت است. ابتدا با توجه به اعداد داده شده روی شکل طول مسیرهای داده شده را به دست می‌آوریم و بعد مسافت طی شده توسط سعید و حمید را محاسبه می‌کنیم:

$$\begin{aligned} \text{سعید} &= 100 \text{ m} + 100 \text{ m} + 200 \text{ m} + 100 \text{ m} + 300 \text{ m} + 200 \text{ m} \\ &= 1000 \text{ m} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{حمدید} &= 55 \text{ m} + 70 \text{ m} + 300 \text{ m} + 300 \text{ m} + 25 \text{ m} \\ m &= 2100 \text{ m} \end{aligned}$$

حالا تندی متوسط هر کدام را به دست می‌آوریم:

$$s_{av} = \frac{1}{\Delta t} = \frac{\text{سعید}}{250 \text{ s}} = \frac{1000 \text{ m}}{250 \text{ s}} = 4 \text{ m/s}$$

$$s_{av} = \frac{1}{\Delta t} = \frac{\text{حمدید}}{250 \text{ s}} = \frac{2100 \text{ m}}{250 \text{ s}} = 8.4 \text{ m/s}$$

۱۷ - وقتی اتومبیل نصف میدان را دور می‌زند، اندازه جایه‌جایی اتومبیل برابر است با قطر میدان، بنابراین:

$$\vec{d} = 2 \times (125 \text{ m}) = 250 \text{ m}$$

حالا با استفاده از رابطه سرعت متوسط، زمان طی نیم دور را به دست می‌آوریم:

$$|\vec{v}_{av}| = \frac{|\vec{d}|}{\Delta t} \Rightarrow \frac{250 \text{ m}}{\Delta t} = \frac{250 \text{ m}}{50 \text{ s}}$$

$$\Rightarrow \Delta t = \frac{250 \text{ m}}{50 \text{ s}} = 5 \text{ s}$$

حالا که زمان طی نیم دور را داریم، مسافت نیم دور را که نصف محیط دایره است، به دست می‌آوریم:

$$1 = \frac{1}{2} \times 2\pi R = \frac{1}{2} \times 2\pi \times 125 \text{ m} = 393 \text{ m}$$

و در آخر تندی متوسط اتومبیل برابر است با:

$$s_{av} = \frac{1}{\Delta t} = \frac{393 \text{ m}}{5 \text{ s}} = 78.6 \text{ m/s}$$

۱۲ - مفهوم فیزیکی این عبارت این است که دانش‌آموز به طور متوسط در هر ثانیه $1/4 \text{ m}$ از طول مسیرش را می‌پیماید.

۱۳ - متحرک A: بردار جایه‌جایی:

$$\vec{d} = \Delta x \vec{i} = (0 - 4 \text{ m}) \vec{i} = -4 \text{ m} \vec{i}$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{-4 \text{ m}}{2 \text{ s}} = -2 \text{ m/s}$$

جهت حرکت با توجه به این که بردار جایه‌جایی به سمت منفی \vec{i} است، منفی است.

متحرک B: بردار جایه‌جایی:

$$\vec{d} = \Delta x \vec{i} = (-2/4 \text{ m} - 5/2 \text{ m}) \vec{i} = (-7/6 \text{ m}) \vec{i}$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{-7/6 \text{ m}}{2 \text{ s}} = -3.5 \text{ m/s}$$

جهت حرکت: منفی

متحرک C: بردار جایه‌جایی:

$$\vec{d} = \Delta x \vec{i} = (4/8 \text{ m} - (-2 \text{ m})) \vec{i} = 6/8 \text{ m} \vec{i}$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{6/8 \text{ m}}{2 \text{ s}} = 3/4 \text{ m/s}$$

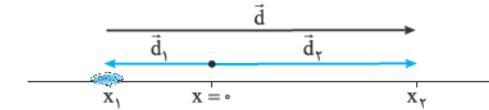
جهت حرکت: مثبت

متحرک D: بردار جایه‌جایی:

$$\vec{d} = \Delta x \vec{i} = (-2 \text{ m} - (-10 \text{ m})) \vec{i} = (8 \text{ m}) \vec{i}$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{8 \text{ m}}{2 \text{ s}} = 4 \text{ m/s}$$

۱۴ - الف) بردار مکان در هر لحظه، به صورت برداری است که از مبدأ مختصات به محل جسم وصل می‌شود. بردار جایه‌جایی هم محل ابتدایی جسم را به محل نهایی آن وصل می‌کند؛ پس بردار مکان اولیه (\vec{d}_1)، بردار مکان نهایی (\vec{d}_2) و بردار جایه‌جایی (\vec{d}) به صورت زیر رسم می‌شوند.



ب) چون سوسک در راستای خط راست حرکت می‌کند، سرعت متوسط آن برابر است با:

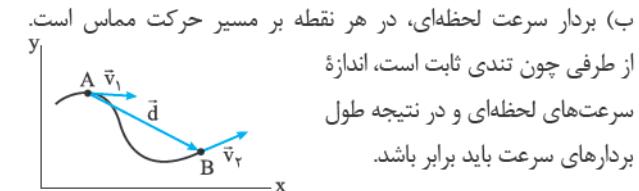
$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} = \frac{0/3 \text{ m} - (-0/2 \text{ m})}{40 \text{ s} - 10 \text{ s}}$$

$$= \frac{0/5 \text{ m}}{30 \text{ s}} = 0/0.17 \text{ m/s}$$

مثبت بودن سرعت نشان می‌دهد که سوسک در جهت مثبت محور X حرکت کرده است.

۱۵ - الف) بردار جایه‌جایی، نقطه ابتدایی را به نقطه انتهایی وصل می‌کند و جهت آن به سمت نقطه انتهایی است.

ب) بردار سرعت لحظه‌ای، در هر نقطه بر مسیر حرکت مماس است. از طرفی چون تندی ثابت است، اندازه سرعت‌های لحظه‌ای و در نتیجه طول بردارهای سرعت باید برابر باشد.



-۲۱- اگر کل زمان حرکت را T بگیریم، متحرک مدت $\frac{T}{2}$ را با سرعت $\frac{T}{3} \text{ m/s}$ را با سرعت 24 m/s حرکت می‌کند؛ پس متحرک

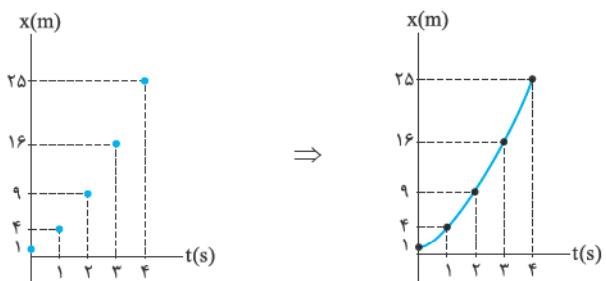
$$\text{مدت زمان } T - \left(\frac{T}{3} + \frac{T}{2} \right) = \frac{T}{6} \text{ را با سرعت } 12 \text{ m/s طی می‌کند:}$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x_T}{\Delta t_T} = \frac{(60 \text{ m/s}) \frac{T}{2} + (24 \text{ m/s}) \frac{T}{3} + (12 \text{ m/s}) \frac{T}{6}}{T}$$

$$= \left(\frac{30T + 8T + 2T}{T} \right) \text{ m/s} = 40 \text{ m/s}$$

-۲۲- در جدول زیر، مکان موتورسوار را در هر لحظه نشان داده‌ایم. ابتدا این نقاط را روی نمودار $x-t$ نشان می‌دهیم و سپس آن‌ها را به هم وصل می‌کنیم تا نمودار مکان-زمان متحرک رسم شود:

$t(s)$	۰	۱	۲	۳	۴
$x(m)$	۱	۴	۹	۱۶	۲۵



همان‌طور که می‌بینید، نمودار مکان-زمان متحرک به صورت یک منحنی شده است در حالی که مسیر حرکت متحرک خط صاف است؛ پس حواستان باشد که نمودار مکان-زمان، مسیر حرکت را نشان نمی‌دهد.

-۲۳- چون x بر حسب t خط است، کافی است دو نقطه از نمودار را داشته باشیم تا خط را رسم کنیم.

$$t=0 \Rightarrow x_{(t=0)} = 4(0) + 3 = 3 \text{ m}$$

$$t=1 \text{ s} \Rightarrow x_{(t=1 \text{ s})} = 4(1) + 3 = 7 \text{ m}$$

-۲۴- (الف) برای این که مکان اولیه متحرک را به دست آوریم، کافی است x را مساوی صفر قرار دهیم:

$$x_{(t=0)} = (0)^2 - 4(0) + 3 = 3 \text{ m}$$

(ب) باید مکان در $t=0$ و $t=4 \text{ s}$ را با توجه به معادله مکان-زمان تعیین کنیم تا بتوانیم جابه‌جایی را حساب کنیم. مکان اولیه را که داریم، فقط می‌ماند مکان در $t=4 \text{ s}$.

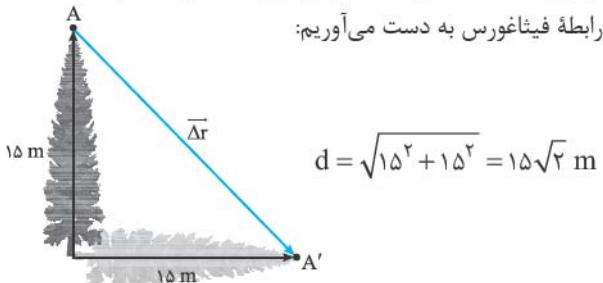
$$t=4 \text{ s} \Rightarrow x(t) = t^2 - 4t + 3$$

$$\xrightarrow{t=4 \text{ s}} x_{(t=4 \text{ s})} = (4)^2 - 4(4) + 3 = 16 - 16 + 3 = 3 \text{ m}$$

پس جابه‌جایی برابر است با:

$$\Delta x_{(0-4 \text{ s})} = x_{(t=4 \text{ s})} - x_{(t=0)} = 3 - 3 = 0$$

-۱۸- برای مسئله یک شکل رسم می‌کنیم. برای سادگی درخت را با یک پاره خط جهت‌دار نشان می‌دهیم. در شکل نقاط A و A' بالاترین نقطه درخت در حالت ایستاده و افتاده است. بردار جابه‌جایی این نقطه، برداری است که A را به A' وصل می‌کند. اندازه $\vec{\Delta r}$ را با استفاده از رابطه فیناغورس به دست می‌آوریم:



و حالا با استفاده از رابطه سرعت متوسط داریم:

$$|\vec{v}_{av}| = \frac{|\vec{d}|}{\Delta t} = \frac{15\sqrt{2} \text{ m}}{1/5 \text{ s}} = 10\sqrt{2} \text{ m/s}$$

-۱۹- (الف) سرعت متوسط متحرک برابر است با:

$$v_{av} = \frac{\Delta x_1 + \Delta x_2}{\Delta t_1 + \Delta t_2}$$

در رابطه بالا به جای Δt ، مساوی آن یعنی $\frac{\Delta x}{v_{av}}$ را قرار می‌دهیم و چون $\Delta x_1 = \Delta x_2 = \Delta x$ ، داریم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x + \Delta x}{v_{av,1} + v_{av,2}} = \frac{2\Delta x}{(v_1 + v_2)\Delta x} \Rightarrow v_{av} = \frac{2v_1 v_2}{v_1 + v_2}$$

(ب) سرعت متوسط متحرک برابر است با: در رابطه بالا به جای Δx ، مساوی آن یعنی $v \cdot \Delta t$ را قرار می‌دهیم و چون $\Delta t_1 = \Delta t_2 = \Delta t$ ، داریم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x_1 + \Delta x_2}{\Delta t_1 + \Delta t_2} \Rightarrow v_{av} = \frac{v_1 \cdot \Delta t + v_2 \cdot \Delta t}{\Delta t + \Delta t} = \frac{(v_1 + v_2)\Delta t}{2\Delta t} \Rightarrow v_{av} = \frac{v_1 + v_2}{2}$$

از قسمت (ب) نتیجه می‌گیریم که اگر متحرکی در بازه‌های زمانی مساوی با سرعت‌های v_1 و v_2 حرکت کند، سرعت متوسط در کل مدت حرکت برابر با میانگین v_1 و v_2 است.

-۲۰- سرعت متوسط برابر با جابه‌جایی کل تقسیم بر زمان کل است؛ پس اول به سراغ به دست آوردن زمان‌های هر یک از جابه‌جایی‌ها می‌رویم.

$$\Delta t_1 = \frac{\Delta x_1}{v_1} = \frac{10 \text{ m}}{2 \text{ m/s}} = 5 \text{ s}$$

$$\Delta t_2 = \frac{\Delta x_2}{v_2} = \frac{20 \text{ m}}{4 \text{ m/s}} = 5 \text{ s}$$

$$\Delta t_3 = \frac{\Delta x_3}{v_3} = \frac{30 \text{ m}}{6 \text{ m/s}} = 5 \text{ s}$$

حالا به سراغ محاسبه سرعت متوسط می‌رویم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x_T}{\Delta t_T} = \frac{10 \text{ m} + 20 \text{ m} + 30 \text{ m}}{5 \text{ s} + 5 \text{ s} + 5 \text{ s}} = \frac{60 \text{ m}}{15 \text{ s}} = 4 \text{ m/s}$$

$$+ y_0 \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

$$= at + v_0$$

$$\log \left(\frac{I}{I_0} \right)$$

$$\Delta V$$

$$2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$ency$$

$$v = \lambda f$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

$$- W$$

$$f_k = \mu_k F_N - \frac{mv}{r}$$

$$S = mv$$

$$at + v_0$$

$$= net waves$$

$$\sum$$

$$4\pi v$$

$$= 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$dB$$

$$I_c = \frac{vr}{r}$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

$$= mv$$

$$E = hf$$

$$f_k = \mu_k F_N$$

$$\bar{P} = mv$$

$$v = at + v_0$$

$$= at + v_0$$

$$1 - at + v_0$$