

برنامه پژوهشگار مهربان

آموزش و

پنجمین

یازدهم

حسابات

• حمیرا قادری • بابک محمدی

مدیر و ناظر علی گروه ریاضی: ھندس عباس اشرفی



فهرست



جبر و معادله



تابع

۴۳

آزمون نیمسال اول



توابع نمایی و لگاریتمی

۷۹



۱۰۳

مثلثات



۱۲۵

حد و پیوستگی

آزمون پایان سال

۱۶۱



فصل یکم

جبر و معادله



- ۱ مجموع ۶ جمله اول دنباله حسابی
- ۲ مجموع ۶ جمله اول دنباله هندسی
- ۳ تجزیه برشی از عبارات با استفاده از فرمول
- ۴ مجموع دنباله هندسی

۱ یادآوری حل معادله درجه دو

۲ روابط بین ریشه‌های معادله درجه دو

۳ ساخت معادله درجه دو به کمک ریشه‌های آن

۴ تجزیه معادلات درجه دو

۵ صفرهای توابع

۶ حل معادلات با استفاده از تغییر متغیر مناسب

۷ حل معادلاتی که یکی از ریشه‌های آن مشخص باشد.

۸ محاسبه محل تلاقی نمودارهای دو تابع

۹ حل معادلات گویا

۱۰ حل معادلات گنگ

۱۱ تعریف قدرمطلق و ویژگی‌های آن

۱۲ رسم توابع شامل قدرمطلق

۱۳ رسم تابع $|f(x)|$ و $f(|x|)$ از روی نمودار $(x, f(x))$

۱۴ فاصله دو نقطه

۱۵ مختصات وسط دو نقطه و محل برخورد میانه‌های مثلث

۱۶ خطهای موازی و عمود بر هم

۱۷ فاصله یک نقطه از یک خط

۱۸ محاسبه محل تلاقی دو خط

جبر و معادله

۱۹ معادلات درجه دوم

۲۰ معادلات گویا و گنگ

۲۱ حل معادلات گنگ

۲۲ قدرمطلق و ویژگی‌های آن

۲۳ رسم تابع $|f(x)|$ و $f(|x|)$ از روی نمودار $(x, f(x))$

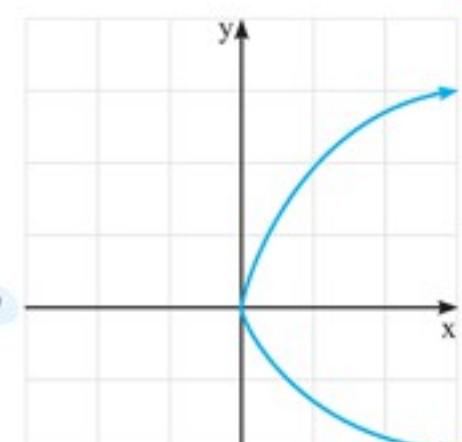
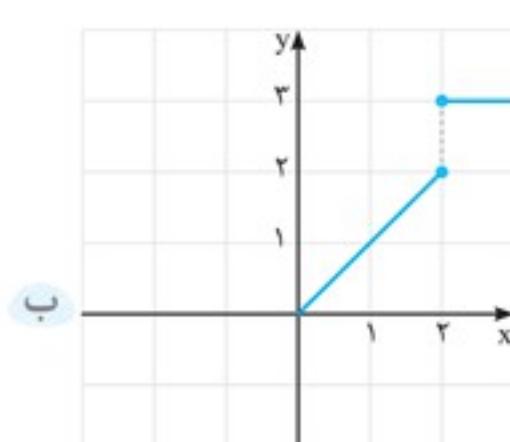
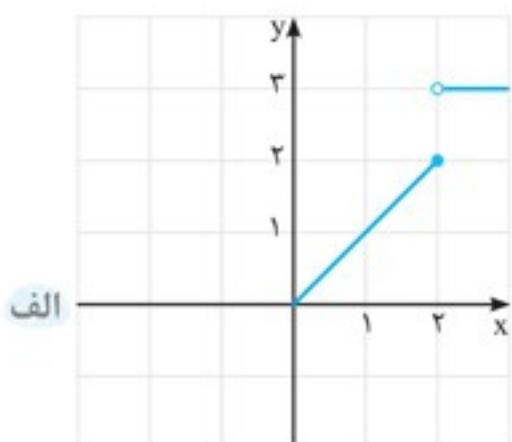
۲۴ آشنایی با هندسه تحلیلی

۲۵ فاصله دو نقطه

۲۶ خطهای موازی و عمود بر هم

۲۷ فاصله یک نقطه از یک خط

۲۸ محاسبه محل تلاقی دو خط



کدامیک از نمودارهای زیر متعلق به یک تابع است؟ ۲

الف $f = \{(-1, x) \mid x \in \mathbb{N}\}$

ب $f = \{(x, -1) \mid x \in \mathbb{N}\}$

کدامیک از روابط زیر یک تابع است؟ ۳

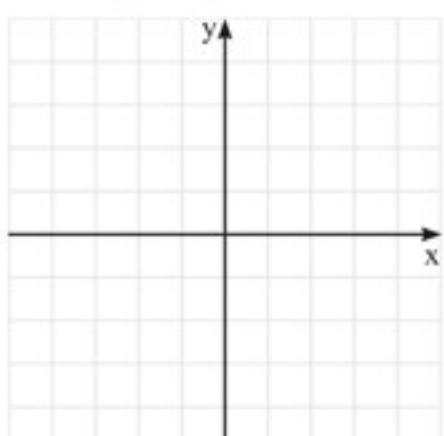
اگر رابطه $\{(5, 3), (5, m^2 - 2m), (4, 0), (7, 0), (4, m^2 + 4m + 3)\}$ یک تابع باشد، مقدار m را بیابید. ۴

جدول زیر را کامل کنید. ۵

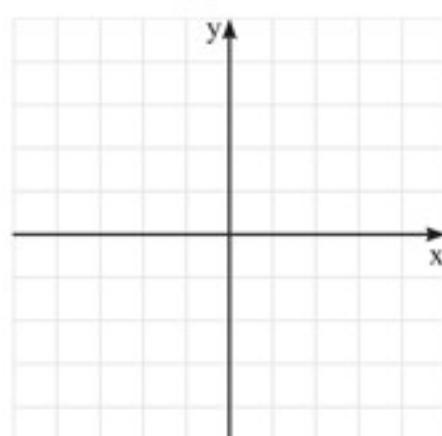
تابع	$f(x) = x + 1$	$f(x) = x + 1$	$f(x) = x + 1$	$f(x) = x + 1$	$f(x) = x + 1$
دامنه	\mathbb{R}	$\{-2, -1, 1\}$	$[0, +\infty)$	$(-2, 2)$	$[-2, 2]$
برد

نمودار تابع $f(x) = x^2 + 1$ را در حالات زیر رسم کنید. ۶

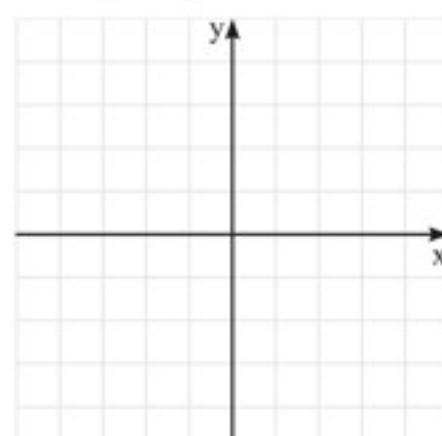
الف $D_f = [-1, 2)$



ب $D_f = (-\infty, 0]$



ج $D_f = \{-1, 0, 1\}$



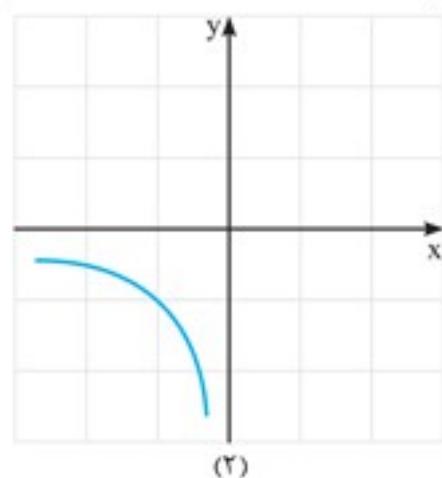


۱۷

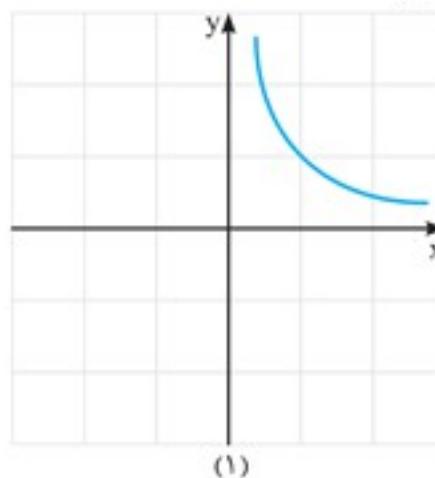
هریک از نمودارهای زیر مربوط به کدام تابع است؟

الف $f: \mathbb{R}^- \rightarrow \mathbb{R}$

$$f(x) = \frac{1}{x}$$

ب $f: \mathbb{R} - \{0\} \rightarrow \mathbb{R}$

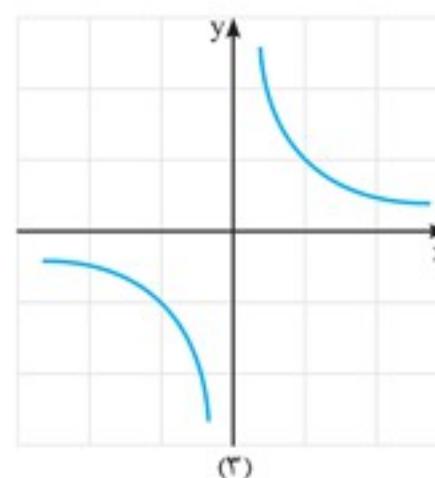
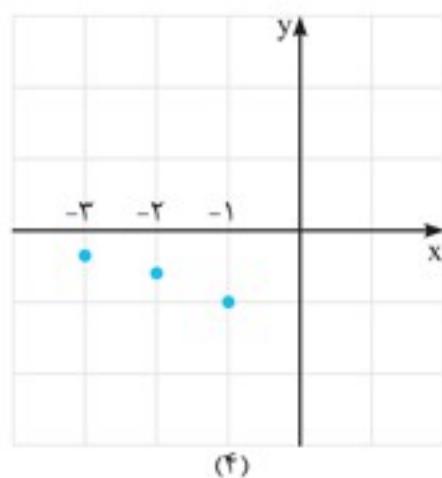
$$f(x) = \frac{1}{x}$$

پ $f: \{-1, -2, -3\} \rightarrow \mathbb{R}$

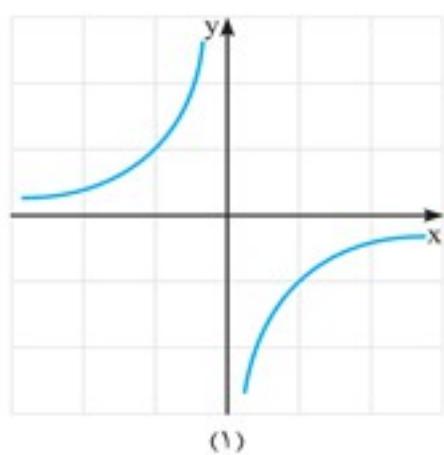
$$f(x) = \frac{1}{x}$$

ت $f: \mathbb{R}^+ \rightarrow \mathbb{R}$

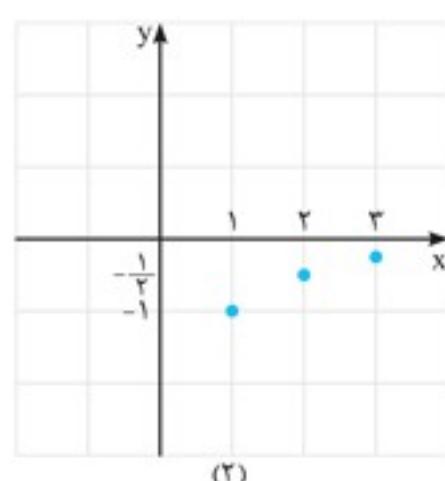
$$f(x) = \frac{1}{x}$$

الف $f: \mathbb{R}^+ \rightarrow \mathbb{R}$

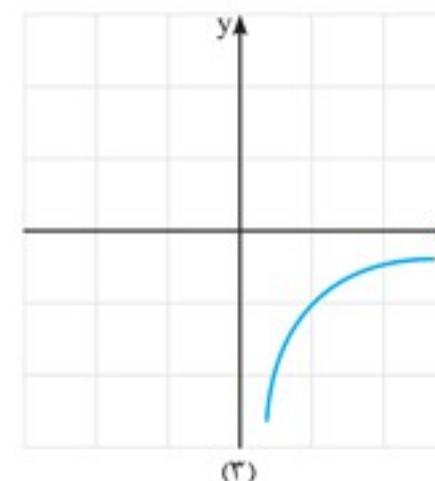
$$f(x) = \frac{-1}{x}$$

ب $f: \{1, 2, 3\} \rightarrow \mathbb{R}$

$$f(x) = \frac{-1}{x}$$

پ $f: \mathbb{R} - \{0\} \rightarrow \mathbb{R}$

$$f(x) = \frac{-1}{x}$$

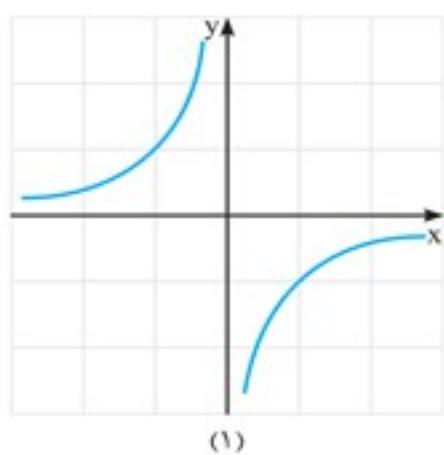


۱۸

هریک از نمودارهای زیر متعلق به کدام تابع است؟

الف $f: \mathbb{R}^+ \rightarrow \mathbb{R}$

$$f(x) = \frac{1}{x}$$

الف $f(x) = \frac{3x^7 + 1}{4 - x^7}$ ب $f(x) = \frac{x^7 - 2x^4 + 3}{x^7 - 4x}$

دامنه توابع زیر را تعیین کنید.



آزمون نیمسال اول

تاریخ امتحان: ۱۲۰ دقیقه

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه

رشته: ریاضی فیزیک

درس: حسابان (۱)



ردیف	سوالات	نمره
۱	<p>کدام یک از عبارات زیر درست و کدام یک نادرست می‌باشد.</p> <p>(الف) اگر دامنه دو تابع با هم برابر و برد آن‌ها هم با هم برابر باشند، آن دو تابع با هم برابرند.</p> <p>(ب) اگر $x+1 < 2$ باشد، آن‌گاه $-3 < x < 1$ می‌باشد.</p>	۰/۵
۲	<p>جاهای خالی را با عدد مناسب پر کنید.</p> <p>(الف) فاصله دو خط $y = 2x - 6$ و $y = 4x - 2$ برابر می‌باشد.</p> <p>(ب) اگر در یک دنباله حسابی $S_n = 4n^2 + 3n$ باشد، مقدار a_9 برابر می‌باشد.</p>	۰/۵
۳	<p>در ۲۰ جمله اول یک دنباله حسابی مجموع جملات ردیف فرد ۱۳۵ و مجموع جملات ردیف زوج ۱۵۰ می‌باشد. جمله اول و قدرتیست این دنباله را بیابید.</p>	۱
۴	<p>برای محافظت از شدت تابش مضر مواد رادیو اکتیو لایه‌های محافظتی ساخته شده است که شدت تابش پس از عبور از آن‌ها نصف می‌شود. حداقل چند لایه باید استفاده شود تا شدت تابش مواد مضر ۹۹ درصد کاهش یابد.</p>	۱
۵	<p>اگر α و β ریشه‌های معادله درجه دوم $= -6x^2 - 3x - 1 = \alpha^2 + \frac{\beta^2}{\alpha}$ باشند، بدون حل معادله حاصل عبارت $\frac{\alpha^2}{\beta} + \frac{\beta^2}{\alpha}$ را بیابید.</p>	۱
۶	<p>اگر بدانیم $x=1$ یک ریشه معادله $x^3 - 2x^2 - x + 2 = 0$ است، ریشه‌های دیگر معادله را بیابید.</p>	۱
۷	<p>در سهمی b مقادیر a و b را چنان بیابید که نقطه $(2, -2)$ رأس سهمی باشد.</p>	۰/۷۵
۸	<p>صفرهای تابع $f(x) = (4-x^2)^2 + 2(4-x^2)$ را بیابید.</p>	۱
۹	<p>دو ماشین A و B را با هم در ۵ ساعت انجام می‌دهند. اگر هر کدام از ماشین‌ها به تنها یک کار کنند ماشین A ۴ ساعت زودتر از ماشین B کار را تمام می‌کند. تعیین کنید هر کدام از ماشین‌ها کار را به تنها یک در چه زمانی تمام می‌کنند.</p>	۱
۱۰	<p>معادله $\sqrt{1-x} = 1 + \sqrt{x+1}$ را حل کنید و جواب‌های قابل قبول را بیابید.</p>	۰/۷۵
۱۱	<p>معادله $x-2x = 1$ را به روش هندسی و جبری حل کنید.</p>	۱
۱۲	<p>نقاط $A(-1, 1)$، $B(2, 2)$ و $C(3, 0)$ یک مثلث هستند. معادله و طول ارتفاع AH را بیابید.</p>	۱/۵
۱۳	<p>کدام یک از معادلات زیر یک تابع را مشخص می‌کند. (دلیل بیاورید)</p> <p>(الف) $x-y^2=4$</p> <p>(ب) $y- x =1$</p>	۱
۱۴	<p>نمودار تابع زیر رارسم کنید و دامنه و برد آن را تعیین کنید.</p>	۱
۱۵	<p>دامنه توابع زیر را بیابید.</p> <p>(الف) $f(x) = \frac{x-3}{x^2 - 6x - 16}$</p> <p>(ب) $f(x) = \sqrt{\frac{2x+1}{x^2 - 1}}$</p>	۱/۵

ردیف	سوالات	نمره
۱۶	نمودار تابع $y = \frac{1}{x}$ را در فاصله $[-3, 3]$ رسم کنید.	۱
۱۷	الف) نشان دهید تابع $f(x) = x^2 - 4x + 5$ یک به یک نیست. ب) ثابت کنید $f(x) = x^2 - 4x + 5$, $x \geq 2$ وارون پذیر است و سپس وارون آن را بیابید.	۰/۵ ۱/۵
۱۸	اگر $\{(-4, -7), (-2, -5), (0, -2), (2, 0)\}$ و $f = \{(-4, 12), (-2, 7), (2, 5), (3, 1)\}$ باشند: الف) تابع $g - 2f$ را بیابید. ب) تابع $\frac{f}{g}$ را معین کنید.	۱
۱۹	تابع $f(x) = \sqrt{x-2}$ و $g(x) = \frac{x}{x-2}$ مفروضند هستند. الف) بدون محاسبه ضابطه تابع، دامنه تابع $gof(x)$ را بیابید. ب) ضابطه تابع $gof(x)$ را معین کنید.	۱ ۰/۵
	«موفق باشید»	۲۰

دانش آموز گرامی:

برای مشاهده پاسخ این امتحان می‌توانید کد تصویری زیر را با گوشی خود اسکن کنید و آن را دریافت نمایید.

برای این که آزمون‌های بیشتری از خود بگیرید می‌توانید **مجموعه کتاب‌های امتحان‌آنوفن مهر و ماه** را تهیه کنید. این مجموعه کتاب‌ها، حاوی تعداد زیادی آزمون‌های شبیه‌سازی شده امتحان ترم اول و امتحان پایان سال می‌باشد.



فصل سوم

تابع نمایی و لگاریتمی



۱ تعریف تابع نمایی

۲ رسم نمودار تابع نمایی

۳ دامنه و برد تابع نمایی

۴ مسائل کاربردی تابع نمایی

تابع نمایی

۱ وارون پذیری تابع نمایی

۲ تعریف تابع لگاریتمی

۳ دامنه و برد تابع لگاریتمی

۴ نمودار تابع لگاریتمی

تابع لگاریتمی و لگاریتم

تابع نمایی و لگاریتمی

۱ رسم تابع سینوس و کسینوس

۲ دوره تناوب تابع سینوس و کسینوس

۳ انتقال و رسم نمودار تابع سینوس و کسینوس

ویژگی های لگاریتم و حل معادلات لگاریتمی

درس اول: رادیان

درجه

یکی از واحدهای اندازهگیری زاویه که تاکنون با آن آشنا شده‌ایم درجه است.

یک درجه که آن را به صورت ${}^{\circ}$ نمایش می‌دهیم، برابر با $\frac{1}{360}$ محیط یک دایره است. حال می‌خواهیم واحد اندازهگیری دیگری را برای زاویه بیان کنیم.

رادیان

یک رادیان برابر است با اندازه زاویه مرکزی در یک دایره به شعاع r که طول کمان روبروی آن $2\pi r$ می‌باشد. می‌دانیم محیط یک دایره به شعاع واحد، برابر 2π است. بنابراین یک دور کامل دایره به شعاع واحد، 2π رادیان است، یعنی:

تبديل درجه و رادیان به یکدیگر

از آنجایی که ${}^{\circ}$ با rad معادل است، برای تبدیل واحدهای یک زاویه به یکدیگر از تناسب زیر استفاده می‌شود:

$$\begin{array}{ll} D & R \\ 180 & \pi \\ \hline 180 & \frac{360}{\pi} = \frac{R}{\pi} \Rightarrow R = \frac{360\pi}{180} = \frac{\pi}{5} \text{ rad} \end{array} \quad \text{برای نمونه } {}^{\circ} \text{ را به رادیان تبدیل می‌کنیم:}$$

طول یک کمان در دایره

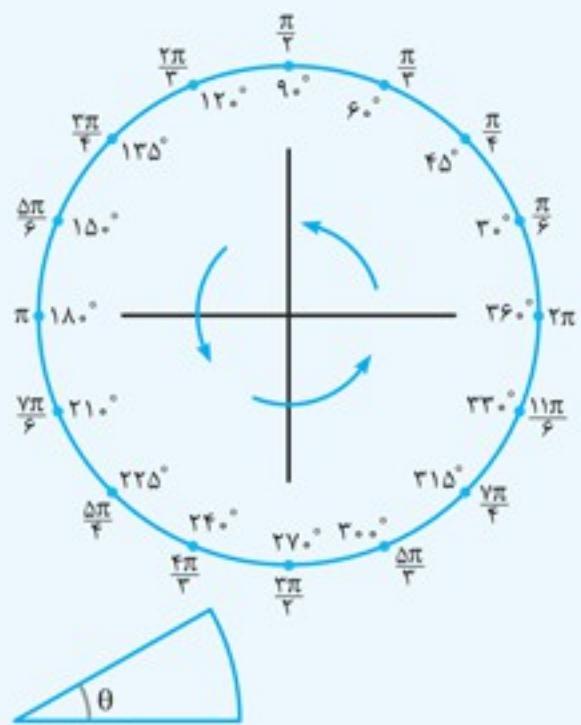
اگر θ اندازه کمانی برحسب رادیان و r شعاع دایره مفروض باشد، برای طول کمان S داریم:

مثال: در دایره‌ای به شعاع 3cm اندازه کمانی $\frac{\pi}{2}$ سانتی‌متر است. این کمان چند درجه است؟

$$S = r \times \theta \Rightarrow \frac{\pi}{2} = 3 \times \theta \Rightarrow \theta = \frac{\pi}{6} \text{ rad} \xrightarrow{\text{تبديل به درجه}} \frac{x}{180} = \frac{\pi}{6} \Rightarrow x = 30^{\circ} \quad \text{پاسخ:}$$

زاویه‌های مهم برحسب رادیان

در شکل زیر، دایره‌ای به شعاع واحد نشان داده شده است. در این شکل اندازه زوایا برحسب درجه، رادیان و موقعیت‌های آنها نمایش داده شده است.



● **قطع:** به قسمتی از دایره که بین دو شعاع است، قطاع گفته می‌شود.

● مساحت هر قطاع به شعاع r و زاویه θ (برحسب رادیان) از رابطه روبرو به دست می‌آید:



$$D_f = \mathbb{R} - [2, 3]$$

الف

$$f(f(\sqrt{2})) = 0$$

$$\text{الف } a = -1, b = 2$$

$$\text{ب } a = 2, b = 0$$

$$a = 2, b = -12$$

$$b = -7$$

$$\text{الف } \begin{cases} x \geq 4 \\ f^{-1}(x) = \sqrt{x+15} + 4 \end{cases} \quad \text{شرط وارن بذيرى}$$

$$\text{ب } \begin{cases} x \leq 2 \\ f^{-1}(x) = -x + 1 \end{cases} \quad \text{شرط وارن بذيرى}$$

$$\text{الف } f^{-1}(x) = \sqrt{x-1}$$

$$\text{ب } f^{-1}(f(x)) = x, x \geq 0$$

$$\text{الف } f^{-1}(x) = -x^2 - 2x, x \geq -1$$

$$\text{ب } f(f^{-1}(x)) = x, x \geq -1$$

$$\text{الف } 2\sqrt{3}$$

$$\text{ب } \frac{18}{5}$$

$$-1$$

$$\text{ب } \{(1, 6), (2, 12), (3, 20), (4, 27)\}$$

$$\text{ب } \{(2, 6), (3, \frac{9}{3}), (4, 4)\}$$

$$\text{ب } \{-1, 0, 3, 4\}$$

$$\text{ث } \{(0, 2)(1, 0)(3, \frac{1}{2})(4, \frac{6}{5})\}$$

$$-1$$

$$\text{ب } \frac{1}{3}$$

$$\text{ب } D_{\frac{g}{h}} = [2, +\infty) - \{4\}, D_{\frac{h}{g}} = [2, +\infty) - \{3\}$$

$$6$$

$$\text{ب } [0, +\infty) - \{2\}$$

$$\text{ج } [2, +\infty) - \{4\}$$

صفر الف

$$\frac{1}{2}$$

$$-1$$

صفر ب

٣٦

٣٨

٣٩

٤٣

٤٤

٤٦

٤٨

٤٩

٥٢

٥٤

٥٥

٥٧

.....

m = -1

$$\text{الف } \bar{v} = \frac{100x + 2000}{25+x}$$

٢٥

$$\text{الف } D = \mathbb{R} - \{\pm 2\}$$

$$\text{ب } D = \mathbb{R} - \{0, -1\}$$

$$\text{ب } D = \mathbb{R} - \{-3, 0, 1\}$$

$$\text{ب } D = \mathbb{R} - \{\sqrt{2}\}$$

$$\text{ب } D = \mathbb{R} - \{\pm 2\}$$

$$\text{الف } D_{f(\sqrt{x})} = [0, +\infty)$$

$$\text{ب } D_{\sqrt{f(x)}} = (-\infty, -2] \cup [-1, 2] \cup [4, +\infty)$$

$$\text{ب } D_g = [-2, -1] \cup [1, 2] \cup [4, +\infty) \cup \{-4\}$$

$$-2 < m < 2$$

$$-3$$

صفر

صفر

صفر الف

$$-2$$

$$\text{الف } 1 \leq x < 2$$

$$\text{ب } 3 \leq x < 4$$

فصل دوم: (تابع)

٤

الف بي شمار

١٦

يك خط

١٩

$$\text{ب } D = \mathbb{R} - \{0, \pm 2\}$$

٢٠

$$\text{ب } D = \mathbb{R} - \{0, \pm \sqrt{5}\}$$

٢١

$$\text{ب } D = \mathbb{R} - \{0, 1\}$$

٢٢

$$\text{ب } D = \mathbb{R} - \{2, 1, 3\}$$

٢٣

$$\text{ب } D_g = (-\infty, 0) \cup (1, +\infty) - \{-2\}$$

$$\text{ب } D_g = (-\infty, 0)$$

٢٤

$$\text{الف } (-\infty, \frac{1}{2}]$$

٢٥

$$\text{ب } [\sqrt{5}, +\infty)$$

٢٦

$$\text{ب } [0, +\infty)$$

٢٧

$$\text{ب } [-1, 4]$$

٢٨

$$\text{ب } [2, +\infty) - \{5\}$$

٢٩

$$\text{ب } [1, +\infty) - \{2\}$$

٣٠

$$\text{ب } (-\infty, -\sqrt{5}) \cup (\sqrt{5}, +\infty)$$

٣١

$$\text{ب } (-\infty, -1) \cup (1, +\infty)$$

٣٢

$$\text{ب } \mathbb{R} - \{\pm 16\}$$

٣٣

$$\text{الف } D_{f(\sqrt{x})} = [0, +\infty)$$

٣٤

$$\text{ب } D_{\sqrt{f(x)}} = (-\infty, -2] \cup [-1, 2] \cup [4, +\infty)$$

٣٥

$$\text{ب } D_g = [-2, -1] \cup [1, 2] \cup [4, +\infty) \cup \{-4\}$$

٣٦

$$-2 < m < 2$$

٣٧

$$\text{الف } -3$$

٣٨

$$\text{ب } 6$$

٣٩

$$\text{ب } -1$$

٤٠

$$\text{ب } -1$$

٤١

$$\text{ب } \frac{4}{3} \leq x < \frac{5}{3}$$

٤٢

$$\text{ب } 2 \leq x < 4$$

٤٣

$$\text{ب } 2 \leq x < 4$$



$$\textcircled{c} \quad [x + 2[x]] = 12 \Rightarrow 4[x] = 12 \Rightarrow [x] = 3 \Rightarrow 2 \leq x < 4 \quad \textcircled{25}$$

62

الف fog: $1 \xrightarrow{g} -2 \xrightarrow{f} 3$
 $-2 \xrightarrow{g} 0 \xrightarrow{f} -1$
 $3 \xrightarrow{g} 4 \xrightarrow{f} 15$ $D_{fog} = \{1, 2, 3, -1\}$

$$\textcircled{c} \quad \text{fog} = \{(1, 3), (2, -1), (3, 15), (-1, 0)\}$$

$$\textcircled{c} \quad D_{goh} = \{x \in D_h, h(x) \in D_g\}$$

$$= \{x \neq -1, \frac{rx}{x+1} \in \{1, 3, -1, 2\}\}$$

$$\frac{rx}{x+1} = 1 \Rightarrow x = \frac{1}{2}$$

$$\frac{rx}{x+1} = 3 \Rightarrow \text{جواب ندارد}$$

$$\frac{rx}{x+1} = -1 \Rightarrow x = -\frac{1}{4}$$

$$\frac{rx}{x+1} = 2 \Rightarrow x = 2$$

$$D_{goh} = \{-\frac{1}{4}, \frac{1}{2}, 2\}$$

$$goh(x) = \{(-\frac{1}{4}, 1), (\frac{1}{2}, -2), (2, 0)\}$$

$$\textcircled{c} \quad D_{hof} = \{x \in D_f, f(x) \in D_h\}$$

$$hof(x) = h(x^r - 1) = \frac{rx^r - r}{x^r}$$

$$\textcircled{c} \quad D_{hoh} = \{x \in D_h, h(x) \in D_h\} = \{x \neq -1, \frac{rx}{x+1} \neq -1\}$$

$$= \{x \neq -1, x \neq -\frac{1}{r}\} = \mathbb{R} - \{-1, -\frac{1}{r}\}$$

$$hoh(x) = h(\frac{rx}{x+1}) = \frac{r(\frac{rx}{x+1})}{\frac{rx}{x+1} + 1} = \frac{rx}{rx + 1}$$

$$\textcircled{c} \quad hof(x) = h(x^r - 1) = \frac{rx^r - r}{x^r} \quad x \geq 0$$

$$y = \frac{rx^r - r}{x^r} \Rightarrow yx^r = rx^r - r \Rightarrow x^r(y - r) = -r$$

$$x^r = \frac{r}{r-y} \quad x = \sqrt[r]{\frac{r}{r-y}} \Rightarrow (hof)^{-1}(x) = \sqrt[r]{\frac{r}{r-x}} \quad \text{(1)}$$

$$f(x) = x^r - 1 \quad x \geq 0 \quad y = x^r - 1 \Rightarrow y + 1 = x^r$$

$$\Rightarrow x = \sqrt[y+1]{y+1} \Rightarrow f^{-1}(x) = \sqrt[x]{x+1}$$

$$h(x) = \frac{rx}{x+1} \Rightarrow y = \frac{rx}{x+1} \Rightarrow yx + y = rx$$

$$\Rightarrow x(y - r) = -y$$

$$\Rightarrow x = \frac{-y}{y-r} \Rightarrow h^{-1}(x) = \frac{x}{r-x}$$

$$f^{-1}oh^{-1}(x) = f^{-1}(\frac{x}{r-x}) = \sqrt{\frac{x}{r-x} + 1} = \sqrt{\frac{r}{r-x}} \quad \text{(2)}$$

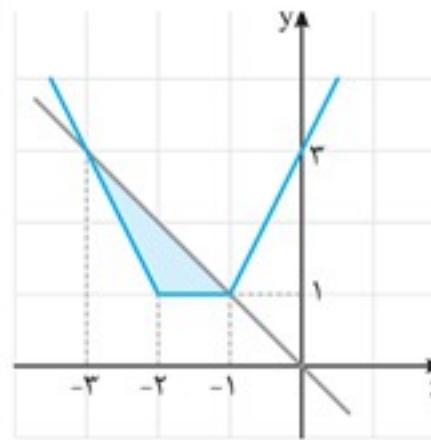
$$\xrightarrow{1, 2} (hof)^{-1}(x) = f^{-1}oh^{-1}(x)$$

$$y = -x = |x + 2| + |x + 1|$$

$$x \leq -2 \Rightarrow -2x - 3 = -x \Rightarrow x = -3$$

$$-2 \leq x \leq -1 \Rightarrow +1 = -x \Rightarrow x = -1$$

$$x \geq -1 \Rightarrow 2x + 3 = -x \Rightarrow x = -1$$



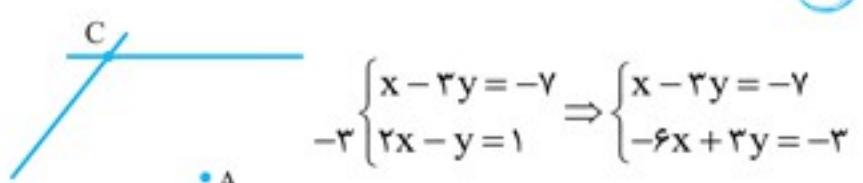
$$\begin{aligned} S &= \frac{1}{2} \times \text{ارتفاع} \times \text{قاعدة} \\ &= \frac{1}{2} (1 \times 2) = 1 \end{aligned}$$

$$\textcircled{93} \quad S = 4 \Rightarrow x = 2 \Rightarrow \frac{|-2a - 1 + 2a + 6 - 15|}{\sqrt{4a^2 + 4a + 1 + a^2 + 6a + 9}} = 4$$

$$\Rightarrow \frac{10}{\sqrt{5a^2 + 10a + 10}} = 4 \Rightarrow \Delta = \sqrt{5a^2 + 10a + 10}$$

$$\Rightarrow 2\Delta = \Delta a^2 + 10a + 10 \Rightarrow \Delta a^2 + 10a - 10 = 0$$

$$\Rightarrow a^2 + 10a - 10 = 0 \Rightarrow a = -5, a = 1$$



$$-5x = -10, x = 2, y = 1, C(2, 2)$$

$$\textcircled{101} \quad \text{محل برخورد اقطار} \quad AC \text{ وسط } OC \Rightarrow \begin{cases} \frac{x_A + x_C}{2} = 4 \\ \frac{y_A + y_C}{2} = 1 \end{cases}, O(4, 1)$$



$$OC = AC = BA = OB = 2$$

$$\begin{cases} x_B + x_C = x_A + x_O \\ y_B + y_C = y_A + y_O \end{cases} \quad \text{متوازی الاضلاع با اضلاع مساوی}$$

پس لوزی است و $OB \perp OC$, بنابراین مربع است.

فصل دوم: (تابع)

$$\textcircled{22} \quad \text{الف} \quad D = \mathbb{R} - \{-2, 1, 3\}$$

$$\textcircled{c} \quad f(x) \neq 1 \Rightarrow D = (-\infty, 0) \cup (1, +\infty) - \{-2\}$$

$$\textcircled{c} \quad D = (-\infty, 0)$$

$$\textcircled{c} \quad \begin{cases} x - 2y + 4 = 0 \\ x + y - 1 = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x - 2y + 4 = 0 \\ -x - y + 1 = 0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow y = +\frac{5}{3}, x = -\frac{2}{3}$$

تابع است

