

ناشر تخصصی
علوم انسانی

مشاوران آموزش



بین‌المللی
کامپلکس

سروشناشده:	عنوان و نام پدیدآور:	مشخصات نشر:	مشخصات ظاهری:	فروخت:	شابک:	وضعیت فهرست نویسی:	شماره کتابشناسی ملی:

دفتر انتشارات

تهران، خیابان انقلاب، خیابان ۱۲ فروردین، کوچه ۶۶۹۵۳۲۰۵	تلفن: ۰۱۸۶۶۹۷۵۷۲۷	دفتر فروش
--	-------------------	-----------

عنوان:	هایلایت ریاضی و آمار کنکور
ناشر:	مشاوران آموزش
چاپخانه:	مؤمن
شمارگان و قطع:	۲۵۰۰ جلد / جیبی
نوبت چاپ:	اول / ۱۴۰۰
قیمت:	۳۷۰۰۰ تومان
شابک:	۹۷۸-۶۰۰-۲۱۸-۳۳۲۱-۷

این اثر مشمول قانون حمایت مولفان و مصنفان و هنرمندان مصوب ۱۳۶۸ است. هر کس تمام یا قسمتی از این اثر را بدون اجازه مولف (ناشر) نشر یا پخش یا عرضه کند، مورد پیگرد قانونی قرار خواهد گرفت.



مشاوران آموزش



آشنایی با گروه تولید هایلایت ریاضی و آمار کنکور

مؤلف: نوشین حبیب‌پور
ویراستار علمی: مهناز حامدی
ویراستاران فنی: شراره فلاحتی / مليحه حشمتی

خانواده
تألیف

طریق جلد آذر سعیدی منش
گرافیست: آذر سعیدی منش / الهه ابراهیمی
نظارت بر چاپ: عباس جفری
گروه صفحه‌آرایی: طران محمدی / الهه ابراهیمی
حروفنگار: سارا عزیزی
رسام: مليحه حاجی‌بابا

خانواده
طریق
و چاپ

بیش کفار

سخن ناشر

سال ۸۰ بود که در انتشارات مشاوران آموزش رویدادی بی سابقه اتفاق افتاد. برای اولین بار کتاب‌های را با عنوان کتاب‌های کوچک هدف‌دار تولید کردیم که دو نگاه عمده در تألیف آن در نظر گرفته بودیم:

یکی اینکه هر درسی را به مباحثه گوناگون تقسیم کردیم و برای هر مبحث کتاب مستقل تألیف و چاپ کردیم. در آن دوران نوشتن کتاب‌های مبحثی امری نادر بود و عمده کتاب‌ها به صورت جامع تألیف و چاپ می‌شد.

دوم اینکه در شکل تألیف کتاب‌های کوچک، شیوه‌های نوین از آموزش را جاری کردیم؛ شیوه‌ای که نشان می‌داد چطور آموزش مبتنی بر خلاصه ارائه نکنیم! چون هر خلاصه‌ای یعنی حذف کردن بخشی از واقعیت آموزشی.

استقبال بی‌نظیر دانش‌آموزان و دبیران از کتاب‌های کوچک ما نشان داد که تشخیص ما درست بود.

سال‌ها گذشت تا رسیدیم به سال ۱۴۰۰ و دویاره تصمیم گرفتیم سنت قدیم خودمان را در قالبی نوتر و با نامی جدید برای شما دانش‌آموزان عزیز آماده کنیم:

«مجموعه کتاب‌های هایلایت»

من به شخصه بسیار امیدوارم که هایلایت‌هایمان در نتیجه‌گیری برای رسیدن به اهدافمان مؤثر واقع شوند.

بدانید که حجم کوچک این کتاب‌ها نتیجه حذف نبوده؛ بلکه بر این اساس نوشتم که همه آنچه مهم است را، به بهترین شکل باد بگیرید.

آرزوی موفقیت برای دانش‌آموزان انسانی ایران عزیزمان دارم؛ دانش‌آموزانی که بار توسعه کشور بر دوش آنان است.

وحید‌تمنا

مقدمه

ریاضیات الفیابی است که خداوند، جهان را بر مبنای آن خلق کرد. کتاب حاضر برای کسانی است که قصد دارند مسیر چندساله مدرسه را به سراجام برسانند و به هدف و آرزوی چندساله خودشان برسند. این جمله خاطرтан باشد: «زمانی که آرزوی چیزی را دارید، سراسر کیهان هم دست می‌شوند تا بتوانید این آرزو را حقق ببخشید». من مؤلف این کتاب، یکی از موافق سراسر کیهان هستم که با نوشتن این کتاب قصد دارم به شما کمک کنم تا از آزمون کنکور سربلند بیرون بیایید. چون درس ریاضی یکی از مهم‌ترین درسنهاست و با تقویت کردن این درس از رقیب‌هایتان با سرعت پیشی می‌گیرید. این کتاب شامل ۴۴۳ تمرین تستی کاربردی و آموزشی است که به شما کمک می‌کند تا تجییلی راحت و سریع مطالب را یاد بگیرید. از طرف دیگر چون این کتاب به همه مطالب، نکات و روش‌های خاص بهطور خلاصه اشاره کرده، پس با مطالعه آن در کمترین زمان به تسلط کامل می‌رسید. در انتهای کتاب نیز ۲ کنکور آزمون قرار داده‌ایم تا آمادگی خودتان را برای حضور در جلسه کنکور محک بزنید.

علوم این کیهان را گکر پو تندیسی پیمناری ریاضی مثل یک تابی در فرشان بر سرش می‌شود [حسین قمی](#).

با آرزوی موفقیت و سربلندی برای دانش آموزان پر تلاش و آینده‌سازان کشور عزیzman.

نوشین حبیب‌پور

پیش‌نیاز

معادله درجه دوم درس ۱: معادله و مسائل توصیفی ۷ درس ۲: حل معادله درجه ۲ و کاربردها ۱۵ درس ۳: معادله‌های شامل عبارت‌های گویا ۲۲	فصل ۱
تابع درس ۱: مفهوم تابع ۲۶ / درس ۲: ضابطه جبری تابع ۴۵ درس ۳: نمودار تابع خطی ۵۹ / درس ۴: نمودار تابع درجه ۲ ۲ درس ۵: تابع ثابت، همانی و چندضابطه‌ای ۹۹ درس ۶: توابع پلکانی و قدر مطلق ۱۲۳ / درس ۷: اعمال بر روی توابع ۱۴۲	فصل ۲
آمار درس ۱: گردآوری داده‌ها ۱۵۸ / درس ۲: معیارهای گرایش به مرکز ۱۶۷ درس ۳: معیارهای پراکندگی ۱۸۰ / درس ۴: نمودارهای یکمتغیره ۱۸۹ درس ۵: نمودارهای چندمتغیره ۲۰۱ / درس ۶: شخص‌های آماری ۲۰۷ درس ۷: سری‌های زمانی ۲۲۴ / درس ۸: چرخه آمار در حل مسائل ۲۲۲	فصل ۳
آشنایی با منطق و استدلال ریاضی درس ۱: گزاردها و ترکیب گزاردها ۲۴۰ / درس ۲: استدلال ریاضی ۲۵۵	فصل ۴
شمارش و احتمال درس ۱: شمارش ۲۵۹ / درس ۲: احتمال ۲۷۸	فصل ۵
دنباله درس ۱: مدل‌سازی و دنباله ۲۸۷ / درس ۲: دنباله‌های حسابی ۲۹۶ درس ۳: دنباله هندسی ۳۰۸	فصل ۶
ریشه‌نام، توان گویا و تابع نمایی درس ۱: ریشه‌نام و توان گویا ۳۱۹ / درس ۲: تابع نمایی ۳۲۷	فصل ۷



آمار

۱. گردآوری داده‌ها
۲. معیارهای گراییش به مرکز
۳. معیارهای پراکندگی
۴. نمودارهای یک متغیره
۵. نمودارهای چندمتغیره
۶. شاخصهای آماری
۷. سری‌های زمانی
۸. چرخه آمار در حل مسائل



گردآوری (اده)

درس ۱

قبل از هر چیزی باید يه سری مقاهم رو خوب ياد بگيريم پس اول سراغ اونها مي ريم. داده: واقعیت‌هایی که برای محاسبه، استنباط و برنامه‌ریزی ازشون استفاده می‌شه.



۱۴۸. واقعیت‌هایی که در محاسبه و استنباط به کار می‌روند نام دارند.

- نمونه تصادفی
- داده
- متغیر
- نمونه

۱۴۸. گزینه



واحد آماری: به هر کدام از افراد یا چیزهایی که داده‌های مربوط به اونها رو بررسی می‌کیم. واحد آماری می‌گیم.

جامعه آماری: مجموعه کل واحدهای آماری رو جامعه آماری می‌گیم.
نمونه: هر زیرمجموعه از جامعه آماری رو نمونه می‌گیم و اگه همه اعضای جامعه شناسی یکسان برای انتخاب داشته باشن، بهشون نمونه تصادفی می‌گیم.



۱۴۹. کدام جمله نادرست است؟

- اندازه نمونه نمی‌تواند از اندازه جامعه بیشتر باشد.
- نمونه زیرمجموعه غیرتھی از جامعه است.
- نمونه تصادفی نمونه‌ای است که تمام اعضای جامعه شناسی یکسان برای انتخاب دارند.
- نمونه زیرمجموعه‌ای از جامعه است که تعداد اعضایش از نصف جامعه کمتر است.

۱۵۰. برای خرید ۱۰۰ کیلوگرم برنج، ۲۰ کیلوگرم را برای امتحان خریداری می‌کنیم در این صورت:

۱. ۲۰ کیلوگرم نمونه است.

۲. هیچ کدام ۷۰ کیلوگرم جامعه است.

۱۵۱. در یک بررسی آماری، تعداد کل واحدهای آماری ۶ برابر اندازه نمونه است. اگر اندازه جامعه ۹۰۰ باشد، اندازه نمونه کدام است؟

۲۷۰۰

۳۰۰

۵۴۰۰

۱۵۰

۱۴۹. گزینه ۱.

۱۵۰. گزینه ۱.

۱۵۱. اندازه جامعه ۶ برابر نمونه است؛ پس برای اینکه اندازه نمونه رو به دست بیاریم باید اندازه جامعه رو به ۶ تقسیم کنیم.

$$900 \div 6 = 150$$

گزینه ۱



آمارگیری ← جمع آوری داده‌ها به روش‌های ممکن.

آمارگیر ← کسی که آمارگیری رو انجام میده.

تدرییں تئیں

۱۵۲. عمل گردآوری داده‌ها به روش‌های ممکن چه نام دارد؟

نمونه‌گیری

دادگان

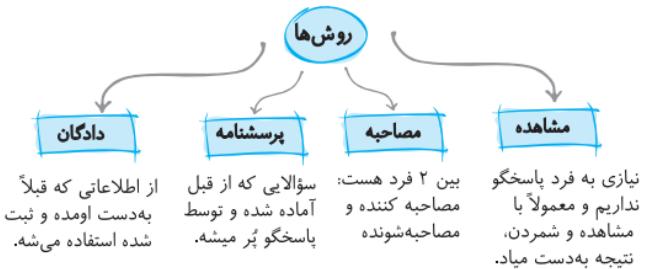
آمارگیری

مدل‌سازی

۱۵۲. گزینه ۱



روش‌های گردآوری داده



نکته معمولاً زمانی از مصاحبه استفاده می‌شود که اطلاعات کافی از همه جواب‌های ممکن نداشته باشیم.

لذت‌مندی‌هایی

۱۵۳. در موارد زیر به ترتیب کدام روش جمع‌آوری داده مناسب است؟

«ساعت خواب دانش‌آموزان کلاس درس شما - طول قد دانش‌آموزان»

- | | |
|---|---------------------|
| ۱ | پرسشنامه - پرسشنامه |
| ۲ | مصاحبه - مشاهده |

۱۵۴. براساس گزارش وضعیت زندگی افراد روستایی، متوجه شده‌ایم که ۲۰ درصد آنان از وضعیت زندگی خوبی برخوردار نیستند، در این صورت جامعه آماری و روش جمع‌آوری داده است.

- | | |
|---|----------------|
| ۱ | افراد - دادگان |
| ۲ | افراد - مصاحبه |

۱۵۵. اگر بخواهیم تمام نظرات ممکن را در اختیار داشته باشیم، استفاده از کدام روش مناسب‌تر است؟

- | | |
|---|----------|
| ۱ | مشاهده |
| ۲ | مصاحبه |
| ۳ | دادگان |
| ۴ | پرسشنامه |

۱۵۶. برای بررسی میزان مطالعه دانشجوهای سال آخر دانشگاه، کدام روش مناسب است؟

مشاهده

پرسشنامه

دادگان

آزمایش

۴ ۳ ۲ ۱ ۱۵۳ گزینه

۱۵۴. چون گنه براساس گزارش؛ پس از نتایج قبلی استفاده شده؛ یعنی دادگان، جامعه آماری هم که مشخصه، افراد روستایی هستند.

۴ ۳ ۲ ۱ ۱۵۴ گزینه

۴ ۳ ۲ ۱ ۱۵۵ گزینه

۴ ۳ ۲ ۱ ۱۵۶ گزینه

پلت برای استفاده از پرسشنامه، باید از پرسشنامه‌های هدایت شده استفاده کنیم.

تلریک تلسی

۱۵۷. کدام روش برای جمع‌آوری داده‌ها مناسب نیست؟

مشاهده و آزمایش

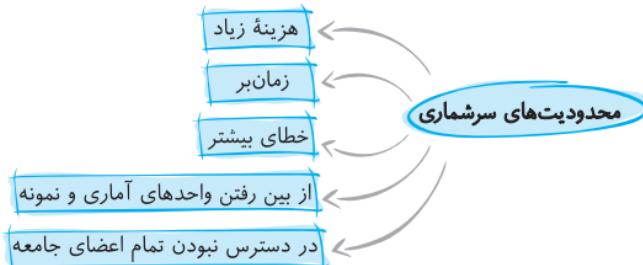
۱ مصاحبه

دادگان

۲ الگوی خاص

۴ ۳ ۲ ۱ ۱۵۷ گزینه

پلت سرشماری یعنی کل اعضای جامعه را مورد بررسی قرار بدیم.



تدریس تئوری

۱۵۸. اگر بخواهیم کل اعضای جامعه را مورد بررسی قرار دهیم در این صورت کدام گزینه بیانگر مشکلات احتمالی است؟

- ۱) وقت گیربودن و بالارفتن خطا
- ۲) در دسترس نبودن تمام اعضای جامعه و از بین رفتن آنها
- ۳) بالابودن هزینه
- ۴) همه موارد

۱۵۸. گزینه

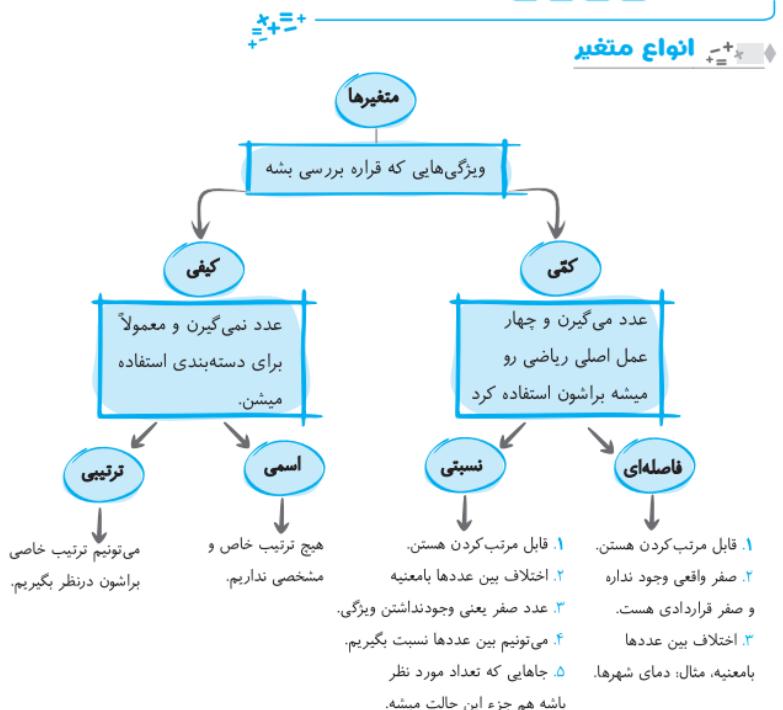
۴

۳

۲

۱

انواع متغیر



تغییرات تابعی

۱۵۹. متغیرهای قیمت و دما به ترتیب از چه مقیاسی هستند؟

- نسبتی - نسبتی فاصله‌ای
- نسبتی - فاصله‌ای فاصله‌ای

۱۶۰. کدام گزینه ویژگی بهتری برای اندازه‌گیری دارد؟

- نسبتی ترتیبی فاصله‌ای
- نسبتی اسمی فاصله‌ای

۱۶۱. مراحل رشد انسان چه نوع متغیری است؟

- کمی فاصله‌ای کمی نسبتی کمی اسمی کمی ترتیبی

۱۶۲. متغیرهای «نوع آلایندگی هوا» و «میزان آلودگی هوا» به ترتیب کدام است؟

- کمی فاصله‌ای - کمی فاصله‌ای
- کمی اسمی - کمی نسبتی

۱۶۳. نوع کدام متغیر با بقیه متفاوت است؟

- میزان رضایت از یک کالا میانگین قد دانش‌آموزان
- سرعت حرکت ماشین‌های عبوری قطر تنہ درختان

۱۶۴. کدام گزینه متغیر کمی ترتیبی است؟

- میزان تأثیر دارو برای یک بیماری گروه خونی
- سرعت خودرو نوع بارندگی

۱۶۵. مقامهای اول، دوم و سوم در مسابقات جهانی از کدام نوع متغیر است؟

- کمی فاصله‌ای کمی نسبتی
- کمی اسمی کمی ترتیبی

۱۵۹. قیمت‌ها رو می‌تونیم مقایسه کنیم، مثلاً اگه قیمت یه کالایی ۴۰۰ تومان باشه و قیمت یه کالای دیگه ۱۲۰۰، می‌تونیم بگیم کالایی دوم، قیمت‌ش ۳ برابر کالای اوله. پس قیمت نسبتیه؛ ولی دما این ویژگی رو نداره. از طرفی برای دما، منظورمون از صفر، نبودن دما نیست و صفر یه قرارداده؛ پس دما فاصله‌ایه.

گزینه ۱ ۲ ۳

۱۶۰. گزینه ۱

۱۶۱. مراحل رشد انسان ترتیب مشخصی داره (جنین، نوزاد، کودک و ...).

گزینه ۲

۱۶۲. گزینه ۳

۱۶۳. گزینه‌های «۲»، «۳» و «۴» متغیرهای کتی هستن، ولی گزینه «۱» متغیر کیفیه (میزان رضایت: کم، زیاد، متوسط).

گزینه ۴

۱۶۴. گروه خون کیفی اسمی: میزان اثرگذاری دارو کیفی ترتیبیه (کم، متوسط، زیاد و ...); نوع بارندگی کیفی اسمی (نگرگ، رگبار و ...) و سرعت خودرو کتی نسبتی است.

گزینه ۵

۱۶۵. مقامها جزو متغیرهای کیفی هستن و چون ترتیب دارن، میشه کیفی ترتیبی.

گزینه ۶

پارامتر جامعه: مشخصه عدديه که نشونده‌نده ویژگی خاصی از جامعه است و وقتی می‌تونيم از پارامتر جامعه استفاده کنيم که داده‌های كل جامعه رو داشته باشيم.
 آماره نمونه: مشخصه عدديه که نشونده‌نده ویژگی خاصی از نمونه است و وقتی می‌تونيم از آماره استفاده کنيم که داده‌های مربوط به نمونه رو داشته باشيم.
نکت پارامتر عدد ثابت: ولی آماره می‌تونه از يه نمونه به نمونه ديگه تغيير کنه که اين واضح‌ترین راه برای تشخيص پارامتر از آماره است.



۱۶۶. آماره در و پارامتر در به کار می‌رود.

۱ نمونه - نمونه

۲ جامعه - جامعه

۱ نمونه - نمونه

۲ جامعه - جامعه

۱۶۶. گزینه ۱



تعریف تئوری

$$\frac{\text{تعداد متغیر } X \text{ در جامعه}}{\text{تعداد کل جامعه}} = \text{پارامتر برای متغیر } X$$

$$\frac{\text{تعداد متغیر } X \text{ در نمونه}}{\text{تعداد کل نمونه}} = \text{آماره برای متغیر } X$$

تدریس تئوری

.۱۶۷ از بین ۸۰۰ نفر مراجعه کننده برای یک بیماری خاص، ۴۰۰ نفر پسر هستند. یک گروه ۶۰۰ نفره انتخاب می‌کنیم که ۴۰۰ نفر از آنان پسر هستند. نسبت پارامتر پسران به آماره دختران کدام است؟

۲ ۳ ۲ ۱

.۱۶۷

$$\begin{cases} ۴۰۰ \text{ پسر} \\ ۴۰۰ \text{ دختر} \end{cases} \rightarrow \frac{۴۰۰}{۸۰۰} = \text{تعداد کل جامعه آماری}$$

$$\begin{cases} ۴۰۰ \text{ پسر} \\ ۲۰۰ \text{ دختر} \end{cases} \rightarrow \frac{۴۰۰}{۶۰۰} = \text{تعداد کل نمونه}$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{تعداد پسران جامعه} = \frac{۴۰۰}{۸۰۰} = \frac{۱}{۲} \\ \text{تعداد کل جامعه} = \frac{۱}{۲} \\ \text{تعداد دختران نمونه} = \frac{۲۰۰}{۶۰۰} = \frac{۱}{۳} \\ \text{تعداد کل نمونه} = \frac{۱}{۳} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{۱}{۲} = \frac{۳}{۲}$$

گزینه



آمار: ۱. مطالعه نحوه جمع آوری داده‌ها، ۲. سازماندهی، ۳. تحلیل و تفسیر داده‌ها و ۴. تصمیم‌گیری و پیش‌بینی.
داده‌تون باش برای آمار، ترتیب مراحل گفته شده مهمه.

تمرين‌گشتن

۱۶۸. هدف از علم آمار چیست؟

- ۱ جمع آوری داده‌ها
- ۲ مطالعه
- ۳ تفسیر داده‌ها
- ۴ پیش‌بینی

۱۶۹. مرحله دوم از علم آمار کدام است؟

- ۱ نحوه جمع آوری داده‌ها
- ۲ سازماندهی
- ۳ تفسیر
- ۴ نتیجه‌گیری

۱۷۰. کدام گزینه نادرست است؟

- ۱ پس از جمع آوری داده‌ها به تحلیل و تفسیر آن پرداخته می‌شود.
- ۲ نتیجه علم آمار، پیش‌بینی است.
- ۳ در علم آمار، پس از تحلیل و تفسیر به تصمیم‌گیری می‌پردازیم.
- ۴ علم آمار، مجموعه‌ای از ارقام و اطلاعات است.

۱۶۸. گزینه ۱

۱۶۹. گزینه ۱

۱۷۰. بعد از جمع آوری داده‌ها باید داده‌ها را سازماندهی کنیم، بعد از سازماندهی می‌رسیم به تحلیل و تفسیر.

گزینه ۱





کنکور آزمون ۱

۴.۰۴. تابع درآمد شرکتی بهازای تولید x واحد از یک کالای مصرفی بهصورت $R(x) = -\frac{1}{4}x^2 + 8x$ و تابع هزینه آن بهصورت $C(x) = 4x + b$ است. اگر فاصله $C(x)$ دو نقطه سربهسر تابع سود این شرکت، ۲ واحد کالا باشد، مقدار b کدام است؟ (سراسری: ۹۷)

۸ ۷ ۶ ۵

۴.۰۵. مجموع ریشه‌های معادله $\frac{2x-1}{x+2} - \frac{x-3}{x-2} = \frac{2}{3}$ ، کدام است؟ (سراسری: ۹۹)

۱۲ ۶ ۴ -۴

۴.۰۶. اگر رابطه $\{(3, a+2b), (5, 4), (7, 2), (3, 7), (5, 2a-b)\}$ ، یک تابع باشد. (سراسری: ۹۸) کدام است؟

۶ ۵ ۴ ۳

۴.۰۷. اگر تابع درآمد به صورت $y = -\frac{1}{3}x^2 + 28x + 55$ باشد. (قارچ از کشوار) ماقسیم مقدار سود، کدام است؟

۵۷ ۵۳ ۴۸ ۴۵

۴.۰۸. سهمی $y = -\frac{1}{2}x^2 + ax + b$ با خط $y = 13 - x$ ، در دو نقطه به طول های ۲ و ۸، منقطع‌اند. مختصات رأس این سهمی، کدام است؟ (سراسری: ۹۹)

(۴, ۱۳) (۳, ۱۲) (۳, ۹) (۱, ۹)

۴.۰۹. اگر $g = \{(3, 2), (5, 6), (1, 2), (2, 1)\}$ و $f = \{(5, 3), (1, 5), (3, 4), (6, 2)\}$ باشند، برد تابع $\frac{f+g}{f}$ ، کدام است؟ (قارچ از کشوار)

$\{1, 2/5, 4\} \quad \{1, 1/4, 4\} \quad \{1/5, 1/8, 3\} \quad \{1/4, 1/5, 3\}$

۴.۱۰. ضابطه تابع $y = [-2x + |x|] + x$ در دامنه $-\frac{2}{3} < x < -\frac{1}{3}$ ، کدام است؟ (نماد (سراسری: ۹۷)) نماد جزء صحیح است.

 $2x + \frac{\lambda}{3}$ $x - 2$ $x + 1$ $-2x$

پا-خنامه کنکور آزمون ۱



معادله تابع سود رو می نویسیم: ۳) گزینه (۴۰۴)

$$\text{تابع سود} = R(x) - C(x)$$

$$\text{تابع سود} = -\frac{1}{4}x^2 + 8x - 4x - b$$

نقطه سربهسر، زمانی اتفاق میفته که تابع سود برابر صفر بشه پس:

$$-\frac{1}{4}x^2 + 8x - 4x - b = 0 \Rightarrow -\frac{1}{4}x^2 + 4x - b = 0$$

↓
b
c

فرض کنیم x_1 و x_2 نقاط سربهسر باشند که جواب معادله هم هستند پس:

$$x_1 + x_2 = \frac{-b}{a} = \frac{-4}{-\frac{1}{4}} = 16$$

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = 16 \\ x_1 - x_2 = 12 \end{cases} \Rightarrow 2x_1 = 28 \Rightarrow x_1 = 14$$

$$x_2 = 16 - x_1 = 16 - 14 = 2$$

$$x_1 \times x_2 = \frac{c}{a} = \frac{-b}{-\frac{1}{4}} \Rightarrow 14 \times 2 = 4b \Rightarrow b = \frac{28}{4} = 7$$

$$\frac{7x-1}{x+2} - \frac{x-3}{x-2} = \frac{2}{3}$$

۴) گزینه (۴۰۵)

طرفین تساوی رو در ک.م.م مخرجها ضرب می کنیم:

$$7(x+2)(x-2) \times \frac{2x-1}{x+2} - 3(x+2)(x-2) \times \frac{x-3}{x-2} = 3(x+2)(x-2) \times \frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow 3(x-2)(2x-1) - 3(x+2)(x-3) = 2(x+2)(x-2)$$

$$\Rightarrow 3(2x^2 - x - 4x + 2) - 3(x^2 - x - 6) = 2(x^2 - 4)$$

$$\Rightarrow 6x^2 - 15x + 6 - 3x^2 + 3x + 18 = 2x^2 - 8$$



$$\Rightarrow x^2 - 12x + 32 = 0 \Rightarrow (x - 4)(x - 8) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 8 \\ x = 4 \end{cases}$$

اعداد به دست آمده مخرج هیچ کدام از کسرهای اولیه را صفر نمی‌کنه؛ پس هر دو قابل قبوله.
 $8 + 4 = 12$ = مجموع ریشه‌ها

**شرط تابع بودن تو نمایش زوج مرتبی اینه که هیچ دو زوج مرتبی مؤلفه اول یکسان نداشته باشند و اگه مؤلفه‌های اول اون‌ها یکسان بود حتماً مؤلفه‌های دوم هم برابر باشند.
 دو زوج مرتب $(5, 2a - b)$ و $(5, 2a - b)$ مؤلفه اول یکسان دارن پس باید مؤلفه دوم اون‌ها هم یکسان باشند.
 $2a - b = 4 \quad (1)$**

دو زوج مرتب $(3, a + 2b)$ و $(3, a + 2b)$ مؤلفه اول برابر دارن پس:
 هر دو رابطه (1) و (2) باید برقار باشند در نتیجه:

$$\times(-1) \left\{ \begin{array}{l} 2a - b = 4 \\ a + 2b = 7 \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} 2a - b = 4 \\ -2a - 4b = -14 \end{array} \right. \Rightarrow -5b = -10 \Rightarrow b = 2$$

حال با قرار دادن مقدار b در رابطه (1) یا (2) مقدار a به دست می‌آید.

$$2a - b = 4 \xrightarrow{b=2} 2a - 2 = 4 \Rightarrow 2a = 6 \Rightarrow a = 3$$

$\{(3, 7), (5, 4), (7, 2), (3, 7), (5, 4)\} = \{(3, 7), (5, 4), (7, 2)\}$ پس داریم:

$$\xrightarrow[\text{سوال}]{{\color{blue}\text{خواسته}}} a^2 - b^2 \xrightarrow[b=2]{{\color{blue}\text{a=3}}} (3)^2 - (2)^2 = 9 - 4 = 5$$

گزینه ۳ (۴۰)

ابتدا تابع سود رو محاسبه می‌کنیم:

$$(-\frac{1}{3}x^2 + 28x) - (16x + 55) = -\frac{1}{3}x^2 + 12x - 55 = \text{تابع هزینه} - \text{تابع درآمد} = \text{تابع سود}$$

حال مقدار ماکسیمم این تابع رو به دست می‌اریم:

$$x = \frac{-b}{2a} = \frac{-12}{2(-\frac{1}{3})} = \frac{12}{-\frac{2}{3}} = \frac{-12 \times 3}{1 \times -2} = 18$$

$$\text{تابع سود} = -\frac{1}{4}x^4 + 12x - 55 \xrightarrow{x=18}$$

$$\text{ماکسیمم مقدار سود} = \frac{-1}{4}(18)^4 + 12(18) - 55 = -108 + 216 - 55 = 53$$

برای به دست آوردن نقاط تقاطع، ضابطه دو تابع را برابر قرار می دیم:

$$\frac{-1}{4}x^4 + ax + b = 13 - x \xrightarrow{x=1} \frac{-1}{4}(2)^4 + a(2) + b = 13 - 2$$

$$\Rightarrow -2 + 2a + b = 11 \Rightarrow 2a + b = 13$$

$$\xrightarrow{x=\lambda} \frac{-1}{4}(\lambda)^4 + a(\lambda) + b = 13 - \lambda \Rightarrow -32 + \lambda a + b = 5 \Rightarrow \lambda a + b = 37$$

$$\begin{cases} 2a + b = 13 \\ \lambda a + b = 37 \end{cases} \Rightarrow (2a + b) - (\lambda a + b) = 13 - 37$$

$$\Rightarrow -\lambda a = -24 \Rightarrow a = 4$$

$$\xrightarrow{2a+b=13} 2(4) + b = 13 \Rightarrow b = 13 - 8 = 5$$

$$\text{سهمی: } y = \frac{-1}{4}x^4 + ax + b \xrightarrow{\begin{matrix} a=4 \\ b=5 \end{matrix}} y = \frac{-1}{4}x^4 + 4x + 5$$

$$\text{راهنمای سهمی: } \left(\frac{-b}{2a}, \frac{-\Delta}{4a} \right) = \left(\frac{-4}{2(-\frac{1}{4})}, \frac{-(4^4 - 4(-\frac{1}{4})(5))}{4(-\frac{1}{4})} \right) = \left(\frac{-4}{-1}, \frac{-(16+1)}{-4} \right) = (4, 13)$$

$$f + g : D_{f+g} = D_f \cap D_g = \{5, 1, 3, 6\} \cap \{3, 5, 1, 2\} = \{5, 1, 3\}$$

گزینه ۴۰۹

$$(f + g)(x) = f(x) + g(x)$$

$$\xrightarrow{x=5} (f + g)(5) = f(5) + g(5) = 3 + 6 = 9$$

$$\xrightarrow{x=1} (f + g)(1) = f(1) + g(1) = 5 + 1 = 6$$

$$\xrightarrow{x=3} (f + g)(3) = f(3) + g(3) = 4 + 3 = 7$$

$$f + g = \{(5, 9), (1, 7), (3, 6)\}$$

$$\frac{f+g}{f} : D_{\frac{f+g}{f}} = D_{f+g} \cap D_f - \{x \mid f(x) = 0\} = \{5, 1, 3\}$$

$$\left(\frac{f+g}{f}\right)(x) = \frac{(f+g)(x)}{f(x)}$$

$$\xrightarrow{x=5} \left(\frac{f+g}{f}\right)(5) = \frac{(f+g)(5)}{f(5)} = \frac{9}{3} = 3$$

$$\xrightarrow{x=1} \left(\frac{f+g}{f}\right)(1) = \frac{(f+g)(1)}{f(1)} = \frac{7}{5} = 1/4$$

$$\xrightarrow{x=3} \left(\frac{f+g}{f}\right)(3) = \frac{(f+g)(3)}{f(3)} = \frac{6}{4} = 1/5$$

$$\text{برد} = \{3, 1/4, 1/5\}$$

از داخلى ترین شروع می کنیم یعنی $|x| = -x$ با توجه به دامنه داده شده پس:

$$y = [-2x - x] + x \Rightarrow y = [-3x] + x$$

از طرفی $\frac{-1}{3} < x < \frac{-2}{3}$ پس اگر طرفین رو در -3 ضرب کنیم داریم:

لواستون پاش چون تو عدد منفی ضرب کردیم جهت نامساوی ها تغییر می کند

$$1 < -3x < 2 \Rightarrow [-3x] = 1$$

$$y = 1 + x$$

پس:

گزینه ۴

ابتدا داده ها را به ترتیب می نویسیم:

۱۱، ۱۲، ۱۴، ۱۴، ۱۵، ۱۵، ۱۵، ۱۶، ۲۰

با حذف ۹ و ۲۰ داریم:

۱۱، ۱۲، ۱۴، ۱۴، ۱۵، ۱۵، ۱۵، ۱۶

برای به دست آوردن انحراف معیار به میانگین نیاز داریم:

$$\bar{x} = \frac{11+12+14+14+15+15+15+16}{8} = \frac{112}{8} = 14$$

