

فصل اول (قسمت اول): نیروی الکتریکی و میدان الکتریکی

بخش اول: قانون کولن و نیروی الکتریکی وارد بر ذرات باردار

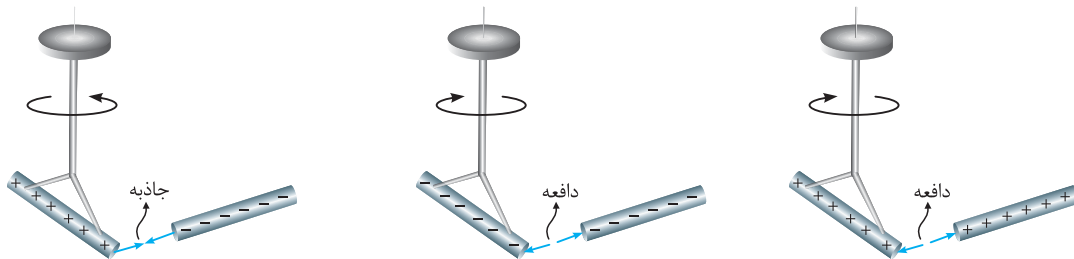
زیرشاخه‌های بخش اول A

- ۱- آشنایی با مفهوم بار الکتریکی
- ۲- آشنایی اولیه با قانون کولن
- ۳- تماس کره‌های مشابه باردار به یکدیگر و تحلیل نیروی بین آن‌ها
- ۴- مروری بر خواص بردارها (پیش‌نیاز بسیار مهم در مسائل این فصل)
- ۵- بررسی قانون کولن برای بیش از دو ذره باردار
- ۶- صفر شدن نیروی الکتریکی وارد بر ذرات باردار

1-A آشنایی با مفهوم بار الکتریکی

از آزرش گرفته تا درفشش یک لامپ کوچک، از آن‌ها اتم‌ها را به شکل مولکول به هم وصل می‌کنند تا پیام‌های عصبی تو دستگاه اعصاب و ... باور کنی همگی منشأ الکتریکی دارند ... ما تو این فصل به مطالعه بارها تو حالت سکون می‌پردازیم که به اون الکتریسیته ساکن می‌گوین. اول کار هم می‌فوییم به ذره کلیات در موردش یاد بگیریم ...

در کتاب علوم تجربی پایه هشتم مشاهده کردید که وقتی دو جسم با یکدیگر مالش داده می‌شوند، معمولاً هر دوی آن‌ها دارای بار الکتریکی می‌شوند و به یکدیگر نیرو وارد می‌کنند.



تذکره ۱: از این تجربه‌ها نتیجه می‌گیریم که دو نوع بار الکتریکی وجود دارد. این دو نوع بار الکتریکی توسط دانشمند آمریکایی بنیامین فرانکلین، بار مثبت و بار منفی نام‌گذاری شد. او می‌توانست آن‌ها را هر چیز دیگری نیز بنامد، اما استفاده از علامت‌های جبری به جای نام‌های دیگر این مزیت را دارد که وقتی در یک جسم از این دو نوع بار به مقدار مساوی وجود داشته باشد، جمع جبری بارهای جسم صفر می‌شود که به معنی **خنثی بودن** آن جسم است.

تذکره ۲: نیروی بین بارهای الکتریکی در بین بارهای **همنام** از نوع **دافعه** و در حالت **ناهم‌نام** از نوع **جاذبه** است.

تذکره ۳: یکای بار الکتریکی در SI، کولن (C) می‌باشد. یک کولن مقدار بار بزرگی است و معمولاً از یکاهای فرعی نانوکولن (nC) و میکروکولن (μC) در محاسبات استفاده می‌شود.

بررسی بیشتر بار الکتریکی و اصل پایستگی بار الکتریکی

به‌طور کلی، وقتی دو جسم خنثی به یکدیگر مالش داده می‌شوند، تعدادی الکترون از یکی از آن‌ها به دیگری منتقل می‌شود. در طی انجام این کار جسمی که الکترون از دست می‌دهد، دارای بار الکتریکی **مثبت** و جسمی که الکترون اضافی دریافت می‌کند، دارای بار الکتریکی **منفی** می‌شود (نوع باری که دو جسم بر اثر مالش پیدا می‌کنند، به جنس آن‌ها بستگی دارد). در رابطه با این موضوع، می‌توان به نکات مهم و کاربردی زیر اشاره کرد:

۱ افزایش تعداد الکترون‌ها در یک جسم، بار جسم را منفی کرده و کاهش تعداد الکترون‌ها بار آن را مثبت می‌کند.

۲ اگر به یک جسم خنثی n الکترون داده شود و اندازه بار الکتریکی هر الکترون را e در نظر بگیریم (باید پروتیر $e = 1.6 \times 10^{-19} \text{C}$ هست)، بار الکتریکی خالص جسم در حالت جدید برابر است با:

$$q = -ne \quad (n = 0, 1, 2, \dots)$$

از سوی دیگر اگر n الکترون از جسمی گرفته شود، بار الکتریکی خالص جسم در حالت جدید برابر است با:

$$q = +ne$$

۳ با توجه به رابطه $q = \pm ne$ ، بار الکتریکی هر جسم مضرب صحیحی از یک مقدار پایه است که آن مقدار پایه، اندازه بار یک الکترون است.

$$q = \pm n e$$

مقدار پایه e ← مضرب صحیح

۴ این موضوع یعنی حاصل $\frac{q}{e}$ برای یک جسم، نمی‌تواند هر مقداری داشته باشد و حاصل آن باید حتماً یک عدد صحیح باشد. این موضوع اصطلاحاً یعنی بار الکتریکی **کوانتیده (یا دانه‌ای)** می‌باشد.

بررسی دقیق‌تر انتقال بار به روش مالش

در مورد بحث مالش دو جسم به یکدیگر و انتقال الکترون در بین آن‌ها، نکات زیر حائز اهمیت است:

- ۱ در تجربه‌هایی مانند مالش اجسام به یکدیگر، الکترون‌ها تولید نمی‌شوند و یا از بین نمی‌روند، بلکه صرفاً از جسمی به جسم دیگر منتقل می‌شوند.
- ۲ به دست آوردن یا از دست دادن الکترون دو جسم در تماس با یکدیگر را می‌توان براساس جدولی موسوم به **سری الکتروسیسته مالشی** (سری تریبولکتریک؛ Tribos در یونانی به معنای مالش است) مشخص کرد. در این جدول مواد پایین‌تر، الکترون‌خواهی بیشتری دارند؛ یعنی اگر دو ماده در این جدول در تماس با یکدیگر قرار گیرند، الکترون‌ها از ماده بالاتر جدول به ماده‌ای که پایین‌تر قرار دارد، منتقل می‌شود. مثلاً اگر تفلون با نایلون مالش یابد، الکترون‌ها از نایلون به تفلون منتقل می‌شوند. کاربرد بیشتر این جدول را روی آن نشان داده‌ایم:

سری الکتروسیسته مالشی

انتهای مثبت سری
موی انسان
شیشه
نایلون
پشم
موی گربه
سُرب
ابریشم
آلومینیم
پوست انسان
کاغذ
چوب
پارچه کتان
کهربا
برنج، نقره
پلاستیک، پلی اتیلن
لاستیک
تفلون
انتهای منفی سری

اگر میله پلاستیکی به پارچه پشمی مالیده شود، میله پلاستیکی بار منفی پیدا می‌کند.

اگر میله شیشه‌ای به پارچه ابریشمی مالیده شود، میله شیشه‌ای بار مثبت پیدا کرده و پارچه ابریشمی بار منفی پیدا می‌کند.

کتاب درسی تو پاورقیش به ما قول داده از سری تریبولکتریک سوالی که فرم مفقی داشته باشه، نره. توصیه ما اینه که دو موردی که روی شکل نشون دادیم رو هتماً فقط باشی ...

- ۳ در فرایند مالش به دو اصل بسیار مهم می‌رسیم، نخستین آن‌ها **اصل پایستگی بار** است که بیان می‌دارد: مجموع جبری همه بارهای الکتریکی در یک دستگاه منزوی (یعنی با بیرون از خودش مبادله بار الکتریکی ندراره و تنها هستش) ثابت است، یعنی بار می‌تواند از جسمی به جسم دیگر منتقل شود، ولی هرگز امکان تولید یا نابودی یک بار خالص وجود ندارد. هیچ شاهد تجربی در نقض این اصل وجود ندارد و دومین اصل، کوانتیده بودن بار است.
 - ۴ در یک اتم خنثی، تعداد الکترون‌ها برابر با تعداد پروتون‌های هسته است و بنابراین جمع جبری همه بارها (بار خالص) دقیقاً برابر با صفر است.
- Z عدد اتمی یا همان تعداد پروتون‌های هسته است. $\rightarrow \frac{A}{Z}X$
- ۵ اگر در اثر یونیزاسیون، الکترون از اتم جدا کنیم، تعداد پروتون‌های هسته ثابت مانده ولی تعداد الکترون‌های آن کم می‌شود و دیگر بار خالص اتم صفر نیست.

تو ادامه کار با هل پند تا تمرین توپ و قشنگ، روی این بحث مسلط‌تر میشیم ...

تمرین ۱: از یک قطعه خنثی، چند الکترون گرفته شود تا بار الکتریکی آن به یک میلی‌کولن برسد؟ ($e = 1/6 \times 10^{-19} C$)

$$6/25 \times 10^{18} \quad (4)$$

$$6/25 \times 10^{16} \quad (3)$$

$$6/25 \times 10^{15} \quad (2)$$

$$6/25 \times 10^{13} \quad (1)$$

پاسخ: با توجه به رابطه $q = \pm ne$ ، برای محاسبه تعداد الکترون‌های گرفته شده از جسم برای رسیدن به بار $+1mC$ می‌توان نوشت:

$$q = +1mC = 10^{-3} C, e = 1/6 \times 10^{-19} C, n = ?$$

$$q = +ne \Rightarrow 10^{-3} = n \times 1/6 \times 10^{-19} \Rightarrow n = \frac{10^{-3}}{1/6 \times 10^{-19}} = 0/625 \times 10^{+16} = 6/25 \times 10^{15} \quad (\text{گزینه ۲})$$

سری الکتروسیته مالشی

انتهای مثبت سری
A
B
انتهای منفی سری

تمرین ۲: جسم A در اثر مالش با جسم B دارای بار الکتریکی شده است. بار الکتریکی جسم B

بر حسب کولن کدام یک از گزینه‌های زیر می‌تواند باشد؟ (اندازه بار الکتریکی یک الکترون برابر $1/6 \times 10^{-19}$

کولن است.)

(۱) -2×10^{-19} (۲) 2×10^{-19}

(۳) -8×10^{-10} (۴) 8×10^{-10}

پاسخ: در جدول سری الکتروسیته مالشی داده شده، جسم A به سر مثبت سری نزدیک‌تر است، بنابراین در اثر مالش دو جسم A و B با یکدیگر، بار الکتریکی جسم A مثبت و بار الکتریکی جسم B منفی می‌شود، پس دو گزینه (۲) و (۴) نادرست است. از طرفی با توجه به رابطه $q = \pm ne$ ، بار الکتریکی یک جسم، مضرب صحیحی از بار پایه می‌باشد:

$$q = ne \Rightarrow n = \frac{q}{e}$$

حال به بررسی گزینه‌های (۱) و (۳) می‌پردازیم:

✓ عدد صحیح است. $\Rightarrow n = \frac{q}{e} = \frac{8 \times 10^{-10}}{1/6 \times 10^{-19}} = 5 \times 10^9$ ✗ عدد صحیح نمی‌باشد. $\Rightarrow n = \frac{q}{e} = \frac{2 \times 10^{-19}}{1/6 \times 10^{-19}} = 1/25$

بنابراین فقط در گزینه (۳)، یک عدد صحیح به دست آمده و جواب سؤال می‌باشد.

تمرین ۳: عدد اتمی اورانیم $Z = 92$ است. بار الکتریکی هسته اتم اورانیم چه قدر است؟ اتم اورانیم چه مقدار بار الکتریکی منفی در اثر

حضور الکترون‌ها دارد؟ بار الکتریکی اتم اورانیم در حالت خنثی چه قدر است؟ (کتاب درسی)

پاسخ: در مورد این تمرین خوب، می‌توان به موارد زیر اشاره کرد:

۱- $Z = 92$ در هسته اورانیم، یعنی تعداد ۹۲ پروتون در هسته موجود است و بار الکتریکی هسته اتم اورانیم $Z = 92$ برابر است با:

$$q = +ne = +92 \times (1/6 \times 10^{-19}) = +147/2 \times 10^{-19} = +1472 \times 10^{-17} C$$

۲- در حالت خنثی، تعداد الکترون‌های هسته و پروتون‌های هسته با هم برابر است و می‌توان گفت بار منفی ناشی از الکترون‌ها نیز برابر $-1472 \times 10^{-17} C$ می‌باشد.

۳- در مجموع اتم اورانیم خنثی بوده و بار کلی آن صفر است.

2-A آشنایی اولیه با قانون کولن

مشاهدات فیزیکی نشان می‌دهد که دو ذره باردار بر یکدیگر نیرو وارد می‌کنند، به گونه‌ای که



اگر بار الکتریکی دو ذره هم‌نام (هر دو مثبت و یا هر دو منفی) باشد، آن‌ها یکدیگر را دفع کرده

و اگر بار دو ذره ناهم‌نام (یکی مثبت و دیگری منفی) باشد، آن‌ها یکدیگر را جذب می‌کنند.

سؤال: اینه که نیروی الکتریکی بین دو جسم باردار به چه عواملی بستگی داره و اندازه این نیروها رو از چه رابطه‌ای میشه حساب کرد؟ شارل آگوستین کولن، با قانون کولن پواب اینو داره ... دستش درد نکنه، بریم ببینیم چی میگه!!

قانون کولن

با توجه به این قانون، اندازه نیروی الکتریکی (رپایشی یا رانشی) بین دو بار نقطه‌ای q_1 و q_2 که در فاصله r از یکدیگر قرار دارند، با حاصل ضرب اندازه بار دو ذره نسبت مستقیم و با مجذور فاصله آن‌ها از هم نسبت عکس دارد و با کمک رابطه زیر به دست می‌آید:

$$F = k \frac{|q_1| |q_2|}{r^2} \Rightarrow \begin{cases} F \propto \frac{1}{r^2} \text{ (نیرو با مجذور فاصله بین دو بار الکتریکی، رابطه معکوس دارد.)} \\ F \propto |q_1| |q_2| \text{ (نیرو رابطه مستقیم با حاصل ضرب اندازه دو بار الکتریکی دارد.)} \end{cases}$$

دقت کنید که در این رابطه برای محاسبه مقدار F ، علامت بارهای q_1 و q_2 را در نظر نمی‌گیریم و در واقع اندازه‌های این دو بار $|q_1|$ و $|q_2|$ را در رابطه وارد می‌کنیم.

نکات مهم و کاربردی:

۱ در این رابطه، k ثابت الکتروستاتیکی یا ثابت کولن نام دارد و یکای آن در سیستم SI عبارت است از:

$$F = k \frac{|q_1| |q_2|}{r^2} \xrightarrow[\text{در یک طرف رابطه}]{\text{تنها کردن } k} k = \frac{Fr^2}{|q_1| |q_2|} \equiv \frac{N \cdot m^2}{C^2}, k \approx 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}$$

۲ ارتباط بین ثابت کولن (k) و ثابت مهم دیگری به نام **ضریب گذردهی الکتریکی خلا (ϵ_0)** به صورت مقابل است:

$$k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$$

بنابراین یکای ϵ_0 معکوس یکای k بوده و معادل با $\frac{C^2}{N \cdot m^2}$ است. بنابراین:

$$\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} C^2 / N \cdot m^2$$

۳ اگر اندازه بارهای q_1 و q_2 و یا فاصله r در مسائل تغییر کند، در مقایسه اندازه نیروی کولنی در دو حالت (بعد از تغییر و قبل از تغییر) می توان نوشت:

$$F = k \frac{|q_1| |q_2|}{r^2} \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{|q'_1| |q'_2|}{|q_1| |q_2|} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2$$

۴ همان طور که در سال های قبل مشاهده کردید، مطابق قانون سوم نیوتون، هر عملی را عکس العملی است مساوی و در خلاف جهت آن، بنابراین نیرویی که بار q_1 بر بار q_2 وارد می کند، با نیرویی که بار q_2 بر بار q_1 وارد می کند، هم اندازه، هم راستا و در خلاف جهت یکدیگر است.

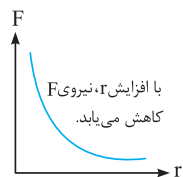
از همین الان یاد بگیریم $\vec{F}_{1,2}$ یعنی نیرویی که ذره (۱) به (۲) وارد میکند و برعکسش. مواز است با این نیروها از نوع بردار هستند و تو بردار هم اندازه مهمه و هم جهت.

درسته $\vec{F}_{2,1}$ و $\vec{F}_{1,2}$ هم اندازه هستند ولی به نگاه ساده بندها میفهمید خلاف جهت همن ... درشتش اینه که بگیم:

اگه نمیدونید، بروید که اومدن قدرمطلق و یا برداشتن علامت بردار از بالای F ، دوتا قراردادیه که تو فیزیک اندازه بردار رو بهترتون نشون میده ...

۵ با توجه به قانون دوم نیوتون ($F = ma$) در علوم، اگر دو بار الکتریکی دو گلوله کوچک در نظر گرفته شوند و فقط تحت اثر نیروی کولنی که به یکدیگر وارد می کنند، شتاب بگیرند، در مقایسه شتاب آن ها می توان گفت:

$$F_{1,2} = F_{2,1} \Rightarrow m_1 a_1 = m_2 a_2 \Rightarrow \frac{a_1}{a_2} = \frac{m_2}{m_1} \text{ (یعنی شتاب با جرم گلوله ها رابطه عکس داره)}$$



$$F = k \frac{|q_1| |q_2|}{r^2} \Rightarrow F \propto \frac{1}{r^2}$$

۶ نمودار نیروی بین دو ذره بردار برحسب فاصله بین آن ها به صورت مقابل است:

در ادامه با حل چند تمرین، بر روی نکات ارائه شده در این قسمت مسلط تر می شویم:

تمرین ۴: در هسته اتم هلیوم، دو پروتون به فاصله تقریبی $r = 2 \times 10^{-15} \text{ m}$ از هم قرار دارند. بزرگی نیرویی که پروتون ها بر هم وارد می کنند، برابر چند نیوتون است؟ ($e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$, $k = 9 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 / \text{C}^2$)

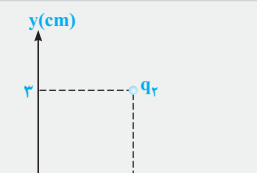
پاسخ: با استفاده از قانون کولن، برای محاسبه نیروی الکتریکی بین دو پروتون می توان نوشت:

$$F = k \frac{|q_p| |q_p|}{r^2} = (9 \times 10^9) \frac{(1.6 \times 10^{-19}) \times (1.6 \times 10^{-19})}{(2 \times 10^{-15})^2} = 57.6 \text{ N}$$

نیرویی که حساب کردیم از جنس دفعه هست و پروتوئای تو هسته فیلی از هم برداشتن میار ... حالا تو سال بعد ایشالا یارتون میدرم کی میار نیمیزاره این پروتونا از هم جدا شن ☺

تمرین ۵: در شکل مقابل، مقدار نیروی الکتریکی وارد بر بار q_1 و شکل برداری آن در SI را به دست آورید.

$$(q_1 = q_2 = 2 \mu\text{C}, k = 9 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 / \text{C}^2)$$



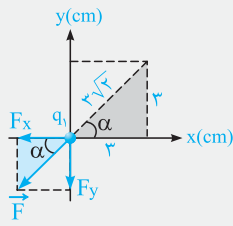
پاسخ: ابتدا با توجه به شکل، فاصله بین دو بار الکتریکی و سپس بزرگی نیروی الکتریکی که بار q_2 بر q_1 وارد می کند را به دست می آوریم، توجه شود که چون دو بار هم علامت با یکدیگر هستند، یکدیگر را دفع می کنند (یکجاها به SI باید تبدیل شود):

$$r = \sqrt{3^2 + 3^2} = 3\sqrt{2} \text{ cm} = 3\sqrt{2} \times 10^{-2} \text{ m}$$

$$F = \frac{k |q_1| |q_2|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{(3\sqrt{2} \times 10^{-2})^2} = 20 \text{ N}$$



در ادامه باید بتوانیم با یک عملیات ساده (که در این فصل به شرت به اون نیاز منبریم)، مؤلفه‌های نیروی \vec{F} را در راستای محورهای مختصات با کمک مثلث آبی و البته مقادیر $\sin \alpha$ و $\cos \alpha$ از روی مثلث خاکستری به دست آوریم:



(مثلث خاکستری)

$$\Rightarrow \begin{cases} \sin \alpha = \frac{\text{مقابل}}{\text{وتر}} = \frac{3}{3\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \cos \alpha = \frac{\text{مجاور}}{\text{وتر}} = \frac{3}{3\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \end{cases}$$

تحلیل مثلث آبی :

$$\begin{cases} \sin \alpha = \frac{|F_y|}{|\vec{F}|} \Rightarrow |F_y| = |\vec{F}| \sin \alpha \Rightarrow |F_y| = 20 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 10\sqrt{2} \text{ N} \\ \cos \alpha = \frac{|F_x|}{|\vec{F}|} \Rightarrow |F_x| = |\vec{F}| \cos \alpha \Rightarrow |F_x| = 20 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 10\sqrt{2} \text{ N} \end{cases}$$

از سوی دیگر باید توجه شود که چون هر دو مؤلفه F_x و F_y در خلاف جهت محورهای X و Y هستند، ضرایب \vec{i} و \vec{j} هر دو منفی بوده و در نهایت داریم:

$$\vec{F} = -10\sqrt{2} \vec{i} - 10\sqrt{2} \vec{j}$$

(وتر) $F \sin \alpha = F_y$ و $F \cos \alpha = F_x$

آنگاه می‌توانی تو این‌ها سوال سه سوت جواب ببری، همش با فوریت تکرار کن ضلع مقابل α همیشه وتر در $\sin \alpha$ ، ضلع مجاورش همیشه وتر در $\cos \alpha$...

تمرین ۶: دو بار نقطه‌ای q_1 و q_2 در فاصله d یکدیگر را با نیروی F جذب می‌کنند. بارهای $-q_1$ و $+2q_2$ در فاصله $2d$ بر یکدیگر چه نیرویی وارد می‌کنند؟

(۱) $\frac{1}{4}F$ جاذبه (۲) $2F$ جاذبه (۳) $2F$ دافعه (۴) $\frac{1}{4}F$ دافعه

پاسخ: با توجه به جذب شدن بارهای q_1 و q_2 ، در ابتدای کار می‌فهمیم که این دو بار ناهم‌نام هستند، با توجه به این موضوع بارهای $-q_1$ و $+2q_2$ لزوماً هم‌نام هستند و یکدیگر را دفع می‌کنند (چرا؟). از طرفی با توجه به رابطه زیر داریم:

$$F = \frac{k |q_1| |q_2|}{r^2} \xrightarrow{\text{مقایسه دو حالت}} \frac{F'}{F} = \frac{|q_2'| |q_1'|}{|q_2| |q_1|} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2 \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{|2q_2| \times |q_1|}{|q_2| |q_1|} \times \left(\frac{d}{2d}\right)^2 = \frac{1}{2} \Rightarrow F' = \frac{1}{2}F \quad (\text{گزینه ۴})$$

بررسی یک موضوع پرکاربرد

در تعداد زیادی از تست‌های کنکور و سؤالات امتحانات نهایی در این قسمت، تغییرات بار الکتریکی یا فاصله را برحسب درصد در صورت سؤال مطرح می‌کنند. برای حل این‌گونه سؤالات، کفایت عبارت درصدی را به صورت کسری بازنویسی کنید. به‌طور مثال اگر بار الکتریکی یک ذره ۲۵ درصد افزایش یافته باشد، می‌توان نوشت:

$$q' = q + \frac{25}{100}q = q + \frac{1}{4}q = \frac{5}{4}q$$

یا به عنوان مثال دیگر اگر فاصله بین دو بار الکتریکی ۲۰ درصد کاهش یابد، می‌توان نوشت:

$$d' = d - \frac{20}{100}d = d - \frac{1}{5}d = \frac{4}{5}d$$

با حل تمرین بعد، موضوع مطرح‌شده را بهتر درک می‌کنید.

تمرین ۷: دو بار الکتریکی هم‌نام $q_1 = 8\mu\text{C}$ و q_2 در فاصله r ، نیروی F را بر هم وارد می‌کنند. اگر ۲۵ درصد از بار q_1 را برداشته و به q_2 اضافه کنیم، بدون تغییر فاصله بارها از یکدیگر، نیروی متقابل بین آن‌ها ۵۰ درصد افزایش می‌یابد. مقدار اولیه q_2 چند میکروکولن است؟

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴ (سراسری ریاضی ۸۹)

پاسخ: کفایت دو شکل خوب، متناسب با شرایط مسئله رسم کنید. با توجه به این‌که هر دو بار مثبت هستند، با بررسی تغییرات بار (اضافه کردن ۲۵ درصد یا $\frac{1}{4}$ بار q_1 به q_2) در دو حالت داریم:

حالت اولیه : $\bullet \text{---} r \text{---} \bullet$
 $q_1 = 8\mu\text{C}$ q_2

حالت ثانویه:

$$q_1' = q_1 - \frac{1}{4}q_1 \quad q_2' = q_2 + \frac{1}{4}q_1$$

$$\Rightarrow \begin{cases} q_1' = q_1 - \frac{25}{100}q_1 = q_1 - \frac{1}{4}q_1 = \frac{3}{4}q_1 = \frac{3}{4} \times 8 = 6 \mu\text{C} \\ q_2' = q_2 + (\frac{1}{4} \times 8) = q_2 + 2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} (1) : F = \frac{k|q_1||q_2|}{r^2} = \frac{k(8q_2)}{r^2} \\ (2) : F' = \frac{k|q_1'||q_2'|}{r^2} = \frac{k \times 6 \times (q_2 + 2)}{r^2} = \frac{k(6q_2 + 12)}{r^2} \end{cases}$$

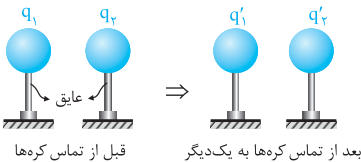
حال با توجه به این که نیرو در حالت ثانویه ۵۰ درصد افزایش پیدا کرده است، می توان نوشت:

$$F' = F + \frac{50}{100}F = \frac{150}{100}F = \frac{3}{2}F \Rightarrow \frac{k(6q_2 + 12)}{r^2} = \frac{3}{2} \frac{k(8q_2)}{r^2} \Rightarrow 6q_2 + 12 = \frac{3}{2} \times 8q_2 = 12q_2 \Rightarrow 6q_2 = 12 \Rightarrow q_2 = 2 \mu\text{C}$$

(گزینه ۲)

3-A تماس کره‌های مشابه باردار به یکدیگر و تحلیل نیروی بین آنها

به مدل فیلی معروف از سوالاتی قانون کولن، مربوط به وقتی میشه که پندتا کره رو به هم میزنن و نیروی پینشون رو بررسی میکنن. فیلی سوالاتی باهالیه. بریم ببینیم چه پوری ملشون کنیم ...



برای شروع بحث، دو کره رسانای کوچک و مشابه با قطر یکسان که دارای بارهای q_1 و q_2 می باشد را در نظر بگیرید. می توان نشان داد که اگر این دو کره را به یکدیگر متصل کرده و سپس از هم جدا کنیم، پس از جدا کردن، بار هر دو کره با یکدیگر یکسان و برابر $\frac{q_1 + q_2}{2}$ می شود (البته با این فرض که تبادل بار الکتریکی فقط بین دو کره انجام می شود).

$$q_1' = q_2' = \frac{q_1 + q_2}{2}$$

تذکره: به عنوان یک موضوع جالب توجه کنید که اگر بار کره‌ها قبل از تماس از یکدیگر q و $-q$ باشد، بعد از تماس آن‌ها به هم، بار هر یک برابر صفر خواهد شد.

$$q_1' = q_2' = \frac{q_1 + q_2}{2} = \frac{q + (-q)}{2} = 0$$

در ادامه با حل یک مثال خوب، این موضوع را بهتر یاد می گیریم.

تمرین ۸: دو گلوله فلزی کوچک و مشابه که دارای بار الکتریکی می باشند، در فاصله ۳۰ سانتی متری، نیروی جاذبه ۴ نیوتون بر یکدیگر وارد می کنند. اگر این دو گلوله را به هم تماس دهیم، بار الکتریکی هر کدام $+3 \mu\text{C}$ خواهد شد. بار اولیه گلوله‌ها برحسب میکروکولن کدام است؟ ($k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2 / \text{C}^2$) (سراسری ریاضی ۹۴)

- (۱) ۱۲ و ۶
(۲) ۱۰ و ۴
(۳) ۹ و ۳
(۴) ۸ و ۲

پاسخ: در شروع حل باید دقت شود که دو کره در ابتدا یکدیگر را جذب می کنند و این یعنی بارهای آن‌ها ناهم نام بوده اند. در ادامه با توجه به اطلاعات سؤال، حاصل ضرب $|q_1 q_2|$ برابر است با:

$$F = \frac{k|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow 4 = \frac{9 \times 10^9 |q_1||q_2|}{(30 \times 10^{-2})^2} \Rightarrow |q_1 q_2| = 4 \times 10^{-11} \text{ C}^2 = 40 (\mu\text{C})^2$$

(۱) در 10^{12} ضرب کرده ایم.

برای تبدیل C^2 به $(\mu\text{C})^2$ ، کافیست که به 10^{-12} تقابل ضرب کنی $(10^{-6})^2 \dots$

از طرفی پس از تماس دو کره، به دلیل مشابه بودن کره‌ها، بار هر یک از آن‌ها برابر $\frac{q_1 + q_2}{2}$ می شود که برابر $+3 \mu\text{C}$ است.

$$\frac{q_1 + q_2}{2} = +3 \mu\text{C} \Rightarrow q_1 + q_2 = +6 \mu\text{C} \quad (2)$$

در بین گزینه‌ها، تنها گزینه (۲) در هر دو معادله‌های (۱) و (۲) صدق می کند.

دقت: نیازی نبود معادله (۲) را به دست آوریم، از روی معادله (۱) به تنهایی نیز می توان گزینه صحیح را انتخاب کرد.



در تست‌های این فاز که به صورت میکروطبقه‌بندی ارائه شده است، اولاً به فوبی می‌توانید بر روی درسنامه‌ها مسلط شوید و ثانیاً مهارت‌های زیاری را در هنگام تست‌زنی کسب کنید. این موضوع سبب می‌شود به بهترین شکل فود را برای تست‌های فاز ۳ آماده کنید.

فاز اول تست‌های کسب مهارت



آشنایی با مفهوم بار الکتریکی

تو شروع کار این فصل، می‌خوایم سؤالی رو براتون بپاریم که شما رو با مفهوم پایه‌ای بار الکتریکی آشنا بکنه ...

۱- یک میله پلاستیکی خنثی را با یک پارچه پشمی مالش داده و باردار کرده‌ایم. بار الکتریکی این میله:

(۱) مقداری منفی بوده و مضرب صحیحی از یک بار الکتریکی پایه است.

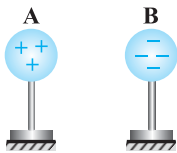
(۲) مقداری منفی بوده و مضرب صحیحی از یک کولن است.

(۳) مقداری مثبت بوده و مضرب صحیحی از یک بار الکتریکی پایه است.

(۴) مقداری مثبت بوده و مضرب صحیحی از یک کولن است.

۲- مطابق شکل زیر، دو کره A و B بر روی پایه‌های عایق قرار گرفته و بار آن‌ها به ترتیب برابر $8.0 \times 10^{-9} \text{ C}$ و $-4/8 \times 10^{-7} \text{ C}$ می‌باشد. در مورد این دو

جسم، کدام یک از عبارتهای زیر صحیح است؟ (اندازه بار الکتریکی هر الکترون $1/6 \times 10^{-19}$ کولن می‌باشد).



(۱) به جسم A تعداد 5×10^{11} پروتون و به جسم B تعداد 3×10^{12} الکترون داده‌ایم.

(۲) از جسم A تعداد 5×10^{11} الکترون و از جسم B تعداد 3×10^{11} پروتون گرفته‌ایم.

(۳) از جسم A تعداد 5×10^{11} الکترون گرفته‌ایم و به جسم B تعداد 3×10^{12} الکترون داده‌ایم.

(۴) از جسم A تعداد 8×10^{11} الکترون گرفته‌ایم و به جسم B تعداد 48×10^{11} الکترون داده‌ایم.

۳- یک میله شیشه‌ای به وسیله مالش با یک پارچه ابریشمی، دارای بار الکتریکی شده است. این میله چند کولن الکتریسیته می‌تواند

داشته باشد؟ (بار الکتریکی هر الکترون $1/6 \times 10^{-19}$ کولن می‌باشد، در سری تریبوالکتریک، شیشه بالاتر از ابریشم قرار دارد.)

(۱) $+2 \times 10^{-19}$

(۲) -2×10^{-19}

(۳) $+8 \times 10^{-19}$

(۴) -8×10^{-19}

۴- جسمی دارای بار اولیه q می‌باشد. اگر این جسم 5×10^{15} الکترون از دست بدهد، بار آن قرینه حالت اول می‌شود. بار اولیه این جسم،

چند میکروکولن بوده است؟ ($e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}$)

(۱) -400

(۲) 400

(۳) 800

(۴) -800

۵- جسم خنثی A را به جسم خنثی B مالش داده و دو جسم تنها با یکدیگر در تماس بوده‌اند. کدام یک از حالت‌های زیر، اصل پایستگی

بار الکتریکی را نقض می‌کند؟

(۱) حالتی که در آن جسم A دارای بار $+2 \mu\text{C}$ و جسم B دارای بار $-2 \mu\text{C}$ شود.

(۲) حالتی که در آن جسم A دارای بار $-2 \mu\text{C}$ و جسم B دارای بار $+2 \mu\text{C}$ شود.

(۳) حالتی که در آن جسم A دارای بار $-2 \mu\text{C}$ و جسم B نیز دارای بار $-2 \mu\text{C}$ شود.

(۴) حالتی که در آن جسم A و جسم B در پایان آزمایش خنثی باقی بمانند.

(سراسری قبل از ۸۰)

۶- بار الکتریکی مثبت هسته یک اتم خنثی برابر Q است، بنابراین

(۱) تعداد الکترون‌ها Q است.

(۲) تعداد الکترون‌ها $\frac{Q}{e}$ است.

(۳) تعداد نوترون‌ها Q است.

(۴) تعداد نوترون‌ها $\frac{Q}{e}$ است.

۷- در یک اتم دو بار مثبت (X^{2+})، اندازه بار الکتریکی الکترون‌های آن برابر $4/8 \times 10^{-18} \text{ C}$ می‌باشد. تعداد پروتون‌های این اتم کدام

است؟ (اندازه بار الکتریکی یک الکترون برابر $1/6 \times 10^{-19}$ کولن می‌باشد).

(۱) ۳۰

(۲) ۲۸

(۳) ۳۲

(۴) ۳۶

انتهای مثبت سری
A
B
C
D
انتهای منفی سری

۸- در شکل مقابل، جدول سری الکتروسیسته مالشی نشان داده شده است. اگر جسم A را به جسم B و جسم C را به

جسم D مالش دهیم، کدام یک از اظهارنظرهای زیر در رابطه با آنها صحیح است؟

- (۱) دو جسم A و C هم‌دیگر را دفع می‌کنند.
- (۲) دو جسم B و D هم‌دیگر را جذب می‌کنند.
- (۳) دو جسم A و D هم‌دیگر را دفع می‌کنند.
- (۴) دو جسم B و C هم‌دیگر را دفع می‌کنند.

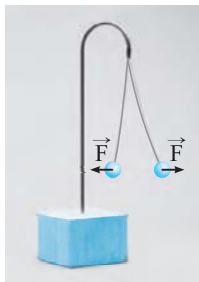
۹- پس از مالش دو جسم A و B بر یک‌دیگر، بار الکتریکی جسم B مثبت می‌شود. پس از مالش دو جسم C و D بر یک‌دیگر، جسم C جسم B را دفع می‌کند. محل قرارگیری این اجسام در سری الکتروسیسته مالشی، به کدام صورت می‌تواند باشد؟ (تألیفی)

انتهای مثبت سری	انتهای مثبت سری	انتهای مثبت سری	انتهای مثبت سری
D	B	C	A
A	A	B	B
B	D	A	C
C	C	D	D
انتهای منفی سری	انتهای منفی سری	انتهای منفی سری	انتهای منفی سری

(۴) (۳) (۲) (۱)

آشنایی اولیه با قانون کولن

هالا می‌فوییم بریم سراغ قانون کولن و به سری سؤالی مقدماتی از اصل فرمول براتون بیاریم. تست ۱۰ پریر و مهمه ...



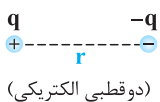
۱۰- با توجه به قانون کولن، اندازه نیرویی که دو گلوله باردار نشان داده شده بر یک‌دیگر وارد می‌کنند، با متناسب و با نسبت عکس دارد.

- (۱) اندازه بار هر یک از آنها - مجذور فاصله بین آنها
- (۲) اندازه بار هر یک از آنها - فاصله بین آنها
- (۳) مجذور اندازه بار هر یک از آنها - فاصله بین آنها
- (۴) مجذور اندازه بار هر یک از آنها - مجذور فاصله آنها

۱۱- یکای k (ثابت کولن) و ε (ضریب گذردهی الکتریکی در خلأ) در SI به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

(۱) $\frac{C^2}{N.m^2}$ ، $\frac{N.m}{C}$ (۲) $\frac{C}{N.m}$ ، $\frac{N.m}{C}$ (۳) $\frac{N.m^2}{C^2}$ ، $\frac{C^2}{N.m^2}$ (۴) $\frac{N.m}{C^2}$ ، $\frac{C^2}{N.m}$

۱۲- در شکل زیر، دو بار الکتریکی هم‌اندازه و ناهم‌نام نشان داده شده است. کدام یک از نمودارهای زیر، تغییرات نیروی کولنی بین دو بار الکتریکی را برحسب فاصله بین آنها و برحسب اندازه بار الکتریکی q به درستی نشان می‌دهد؟

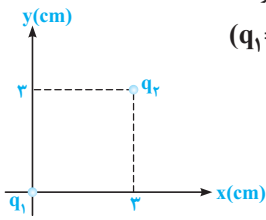


۱۳- بار الکتریکی ۵ میکروکولنی را در چند سانتی‌متری از یک بار ۴ میکروکولنی قرار دهیم تا بر آن نیروی ۱۸ نیوتون را وارد کند؟

- (۱) ۱ (۲) ۳/۱۴ (۳) ۹ (۴) ۱۰ (سراسری قبل از ۸۰)

۱۴- دو ذره باردار با بارهای مثبت در فاصله 30cm از یکدیگر با نیروی الکتریکی 5N یکدیگر را می‌رانند. اگر مجموع بار دو ذره 15 میکروکولن باشد، بار هر یک از این ذره‌ها چند میکروکولن است؟ ($k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2 / \text{C}^2$)

۸ و ۷ (۱) ۹ و ۶ (۲) ۱۰ و ۵ (۳) ۱۲ و ۳ (۴)



۱۵- در شکل مقابل، بردار نیروی الکتریکی وارد بر بار q_1 در SI کدام است؟ ($q_1 = -q_2 = 2\mu\text{C}$, $k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2 / \text{C}^2$)

(۱) $\vec{F} = 10\sqrt{2}\vec{i} + 10\sqrt{2}\vec{j}$

(۲) $\vec{F} = -10\sqrt{2}\vec{i} - 10\sqrt{2}\vec{j}$

(۳) $\vec{F} = -20\sqrt{2}\vec{i} - 20\sqrt{2}\vec{j}$

(۴) $\vec{F} = 20\sqrt{2}\vec{i} + 20\sqrt{2}\vec{j}$

۱۶- دو بار نقطه‌ای q و $2q$ به فاصله d از یکدیگر بر روی محور x قرار دارند. اگر بار q بر بار $2q$ نیروی $\vec{F} = +10\vec{i}$ را در SI وارد کند،

بار $2q$ بر بار q چه نیرویی وارد خواهد کرد؟

(۱) $\vec{F}' = +20\vec{i}$ (۲) $\vec{F}' = +10\vec{i}$ (۳) $\vec{F}' = -20\vec{i}$ (۴) $\vec{F}' = -10\vec{i}$



۱۷- در شکل روبه‌رو، دو گوی مشابه و کوچک به جرم 9gr و بار یکسان مثبت q در فاصله 1cm از هم قرار دارند، به طوری که گوی بالایی به حالت معلق مانده است. تعداد الکترون‌های کنده شده از هر گوی چه قدر

است؟ ($g = 10\text{N/kg}$, $e = 1/6 \times 10^{-19}\text{C}$) (کتاب درسی)

(۱) $6/25 \times 10^{14}$ (۲) $6/25 \times 10^{10}$

(۳) $2/25 \times 10^{12}$ (۴) $2/25 \times 10^{14}$

۱۸- ذره A به جرم m و بار الکتریکی q و ذره B به جرم $2m$ و بار الکتریکی $2q$ در نزدیکی هم قرار دارند. اگر تنها نیروی وارد بر این ذره‌ها، نیروی الکتریکی متقابل آن‌ها باشد و تحت آن نیروها ذرات شتاب بگیرند، بزرگی شتاب ذره A چند برابر بزرگی شتاب ذره B خواهد شد؟

(۱) $\frac{1}{4}$ (۲) 1 (۳) 2 (۴) 4

بررسی تأثیر اندازه بارها و فاصله بین دو بار بر نیروی کولنی

تو ادامه کار، بریم ببینیم تغییر پارامترهای مختلف، چه‌ببری باعث تغییر نیروی کولنی میشه. تو این قسمت، پیرای جالبی یار می‌گیری ...

۱۹- در مدل بور برای اتم هیدروژن، فاصله الکترون از پروتون هسته در حالت پایه برابر a و در هسته اتم هلیم دو پروتون به فاصله تقریبی $a \times 10^{-4}$ از هم قرار دارند. اندازه نیرویی که پروتون‌ها در هسته اتم هلیم بر هم وارد می‌کنند، چند برابر نیروی بین الکترون و

پروتون در هسته اتم هیدروژن است؟ (برگرفته از کتاب درسی)

(۱) 5×10^6 (۲) 5×10^7

(۳) $2/5 \times 10^6$ (۴) $2/5 \times 10^7$

۲۰- دو بار الکتریکی همنام و مساوی به فاصله d از یکدیگر قرار گرفته‌اند و با نیروی F یکدیگر را می‌رانند. این دو بار را در چه فاصله‌ای از یکدیگر باید قرار داد تا نیروی کولنی بین آن‌ها 50% درصد کاهش یابد؟

(۱) $\frac{d\sqrt{2}}{2}$ (۲) $d\sqrt{2}$ (۳) $\frac{d}{2}$ (۴) $2d$

۲۱- دو بار الکتریکی نقطه‌ای در فاصله معین بر هم نیرو وارد می‌کنند. اگر اندازه یکی از بارها دو برابر شود، فاصله بین دو بار را چند برابر کنیم تا نیروی کولنی بین آن‌ها تغییر نکند؟

(۱) $\sqrt{2}$ برابر (۲) $\frac{1}{2}$ برابر (۳) 2 برابر (۴) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ برابر

۲۲- فرض می‌کنیم دو بار مثبت Q که در یک فاصله معین قرار دارند نیرویی برابر F به یکدیگر وارد می‌کنند. چند درصد یکی را برداشته به دیگری اضافه کنیم تا در همان فاصله نیروی بین آن‌ها برابر $\frac{15}{16}F$ گردد؟ (سراسری قبل از ۸۰)

(۱) 15 (۲) 16 (۳) 20 (۴) 25

۲۳- دو بار الکتریکی نقطه‌ای هم‌مقدار و ناهم‌نام، در فاصله r بر یک‌دیگر نیروی F را وارد می‌کنند. اگر ۲۰ درصد یکی از بارها را کم کرده و آن را بر دیگری بیفزاییم، فاصله بین دو بار الکتریکی را چند برابر کنیم تا نیروی کولنی بین آن‌ها تغییر نکند؟

$$(1) \frac{5}{4} \quad (2) \frac{4}{5} \quad (3) \frac{4}{25} \quad (4) \frac{16}{25}$$

۲۴- دو کره کوچک با بار الکتریکی مثبت با مقادیر q_1 و q_2 در فاصله r از هم ثابت شده‌اند و یک‌دیگر را با نیرویی به بزرگی F_1 می‌رانند. اگر ۵۰ درصد از بار q_1 را برداریم و به بار q_2 اضافه کنیم، در همان فاصله، مقدار نیرویی که دو ذره به یک‌دیگر وارد می‌کنند، F_2 می‌شود. در کدام حالت، $F_2 > F_1$ است؟

$$(1) q_1 < \sqrt{2}q_2 \quad (2) q_1 > \sqrt{2}q_2 \quad (3) q_1 < 2q_2 \quad (4) q_1 > 2q_2$$

نحوه توزیع بار الکتریکی بین دو کره مشابه با تماس با یک‌دیگر و بررسی نیروی کولنی بین آن‌ها

حالا بریم سراغ بحث اتصال دو کره به هم و تحلیل نیروی کولنی بین اون‌ها. تستای این زیرشافه هم، تو سال‌های اخیر پرتکرار بوده. راستی می‌دونید ابره اصلی هل این‌ها سواله؟

۲۵- دو گوی فلزی مشابه روی پایه‌های عایق قرار دارند. بار الکتریکی یکی از گوی‌ها $-4\mu C$ و بار دیگری $+6\mu C$ است. اگر دو گوی را به هم تماس دهیم، بار الکتریکی هر گوی میکروکولن می‌شود و برای رسیدن به تعادل الکتروستاتیکی، الکترون از یکی به دیگری منتقل شده است. ($e = 1/6 \times 10^{-19} C$)

$$(1) 3/125 \times 10^{13}, 5 \quad (2) 6/25 \times 10^{12}, 1$$

$$(3) 3/125 \times 10^{13}, 1 \quad (4) 6/25 \times 10^{12}, 5$$

۲۶- دو گوی رسانای کوچک و با شعاع‌های برابر با بارهای $q_1 = 4nC$ و $q_2 = -6nC$ را با هم تماس می‌دهیم و سپس تا فاصله $r = 30\text{ cm}$ از هم دور می‌کنیم. نیروی برهم‌کنش الکتریکی بین دو گوی در حالت جدید: ($k = 9 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 / \text{C}^2$)

$$(1) 100 \text{ نانونیوتون و از نوع رانشی است.} \quad (2) 400 \text{ نانونیوتون و از نوع ریابشی است.}$$

$$(3) 400 \text{ نانونیوتون و از نوع رانشی است.} \quad (4) 100 \text{ نانونیوتون و از نوع ریابشی است.}$$

۲۷- دو کره رسانای کوچک با شعاع‌های برابر، قبل از تماس با هم، یک‌دیگر را جذب و بعد از تماس با هم، یک‌دیگر را دفع می‌کنند. کدام گزینه در مورد بار اولیه این دو کره درست است؟

$$(1) \text{ بار دو کره هم‌نام و هم‌اندازه است.} \quad (2) \text{ بار دو کره ناهم‌نام بوده و هم‌اندازه نیست.}$$

$$(3) \text{ بار دو کره هم‌نام بوده و هم‌اندازه نیست.} \quad (4) \text{ بار دو کره ناهم‌نام و هم‌اندازه است.}$$

۲۸- دو کره فلزی که روی پایه‌های عایقی قرار دارند، دارای بار الکتریکی هستند. اندازه نیروی الکتریکی بین این دو کره با فاصله d برابر F است. اگر آن دو را به هم تماس داده و دوباره در همان فاصله قرار دهیم، اندازه نیرو F' می‌شود. کدام رابطه بین F و F' برقرار است؟

$$(1) F > F' \quad (2) F < F' \quad (3) F = F'$$

$$(4) \text{ بسته به شرایط، هر کدام ممکن است صحیح باشد.}$$

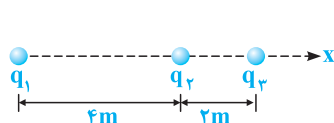
۲۹- در سؤال قبل، اگر قبل از تماس دادن دو کره به یک‌دیگر، بار الکتریکی آن‌ها هم‌نام و نامساوی باشند، آن‌گاه کدام رابطه بین F و F' برقرار است؟

$$(1) F > F' \quad (2) F' > F \quad (3) F = F'$$

$$(4) \text{ با توجه به شرایط، هر یک از سه گزینه ممکن است صحیح باشد.}$$

محاسبه نیروی کولنی بین چند بار الکتریکی واقع در یک راستا

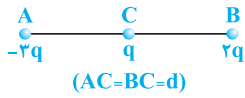
حالا می‌فوییم بریم روی براینده نیروهای وارد بر یک ذره، تو حالتی که بارهای الکتریکی روی به راستا هستن، کار کنیم. سؤال ۳۰، ایردش فیلی قشنگ و پیریه ...



۳۰- مطابق شکل روبه‌رو، سه ذره با بارهای الکتریکی $q_1 = +2/5\mu C$ ، $q_2 = -1\mu C$ و $q_3 = +4\mu C$ بر روی محور x ثابت شده‌اند. بردار نیروی الکتریکی وارد بر بار q_3 در SI کدام است؟ ($k = 9 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 / \text{C}^2$) (سراسری قبل از ۸۰)

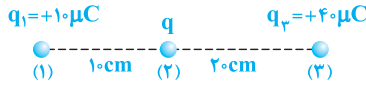
$$(1) -6/5 \times 10^{-3} \vec{i} \quad (2) 7/5 \times 10^{-3} \vec{i} \quad (3) 10/5 \times 10^{-3} \vec{i} \quad (4) -11/5 \times 10^{-3} \vec{i}$$

۳۱- دو بار q در فاصله d بر یکدیگر نیروی F را وارد می‌کنند. در شکل داده‌شده، نیروی وارد بر بار q کدام است؟



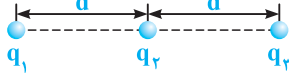
- (۱) $5F$ به طرف راست
(۲) $5F$ به طرف چپ
(۳) $4F$ به طرف چپ
(۴) $4F$ به طرف راست

۳۲- در شکل مقابل، بار q چند میکروکولن باشد تا بزرگی برابری نیروهای وارد بر بارهای (۱) و (۳) برابر باشند؟ ($k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2 / \text{C}^2$)



- (۱) ۱۰
(۲) ۲۰
(۳) ۳۰
(۴) هر مقدار دلخواهی می‌تواند باشد.

۳۳- در شکل مقابل، سه بار نقطه‌ای روی سه نقطه بر روی یک خط راست ثابت شده‌اند. اگر



بار q_1 ، بار q_2 را با نیروی الکتریکی F دفع کند و بزرگی برابری نیروهای وارد بر بار q_3 برابر $\frac{F}{2}$ و به سمت چپ باشد، نسبت $\frac{q_1}{q_2}$ کدام است؟

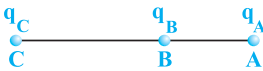
- (۱) $\frac{1}{6}$
(۲) $-\frac{1}{6}$
(۳) -6
(۴) ۶

سفر شدن برابری نیروهای وارد بر بار آزمون، هنگامی که ذرات در یک راستا قرار دارند



تو بارهای واقع در یک راستا، برابری نیروها هم ممکنه صفر بشه. تو ادامه این موضوع رو بررسی خواهیم کرد ...

۳۴- در نقاط A، B و C به ترتیب بارهای الکتریکی q_A ، q_B و q_C مطابق شکل زیر قرار دارند. اگر نیروی وارد بر بار q_C صفر باشد،



- کدام بارها الزاماً غیرهم‌نام‌اند؟
(۱) q_C, q_A
(۲) q_B, q_A
(۳) q_C, q_B
(۴) ممکن است هر سه بار هم‌نام باشند.

۳۵- دو بار الکتریکی $-q$ و $+4q$ در دو نقطه A و B به فاصله $AB = 30 \text{ cm}$ از هم قرار دارند. بار $+q'$ را در چه فاصله‌ای برحسب

(سراسری قبل از ۸۰)

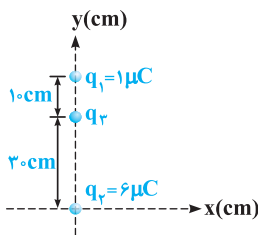
سانتی‌متر از بار Q قرار دهیم تا به حال تعادل قرار گیرد؟

- (۱) ۱۵
(۲) ۳۰
(۳) ۴۵
(۴) ۶۰

۳۶- در تست قبل، بار $-2q'$ را در چه فاصله‌ای برحسب سانتی‌متر از بار Q قرار دهیم تا به حال تعادل قرار گیرد؟

- (۱) ۱۵
(۲) ۳۰
(۳) ۴۵
(۴) ۶۰

۳۷- در شکل روبه‌رو سه ذره الکتریکی نشان داده شده، بر روی محور y قرار گرفته‌اند. بار الکتریکی q_1 را



را چند میکروکولن و چگونه تغییر دهیم تا بار الکتریکی q_3 متعادل شود؟ (از وزن بارها صرف‌نظر شود.)

- (۱) $3 \mu\text{C}$ به آن بیافزاییم.
(۲) $3 \mu\text{C}$ از آن کم کنیم.
(۳) $4 \mu\text{C}$ به آن بیافزاییم.
(۴) در وضعیت فعلی بار q_3 متعادل است.

۳۸- در شکل زیر، دو بار الکتریکی نشان داده شده، فاصله یکسانی از مبدأ دارند. در کدام ناحیه اگر یک پروتون قرار گیرد، ممکن است نیرویی در

جهت محور x به آن وارد شود؟



- (۱) فقط (۴)
(۲) و (۴)
(۳) و (۴)
(۱) و (۴)

۳۹- دو بار الکتریکی $q_1 = +4 \mu\text{C}$ و $q_2 = -16 \mu\text{C}$ در فاصله 60 cm از یکدیگر قرار دارند. اگر بار الکتریکی q_3 را در فاصله d از بار q_1 قرار

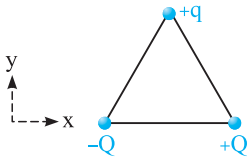
دهیم، هر سه بار نقطه‌ای به تعادل می‌رسند. به ترتیب از راست به چپ چند میکروکولن و d چند سانتی‌متر است؟

- (۱) $16, +60$
(۲) $16, -60$
(۳) $16, +120$
(۴) $16, -120$



برایند نیروی کولنی برای چند بار نقطه‌ای واقع در صفحه

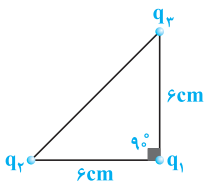
تو ادامه کار، بارها رو از حالت هم‌امتدار خارج می‌کنیم و می‌پریم تو حالت‌های مثلثی، مستطیلی و ... اصول مناسبه برایند نیروها تو این حالت هم، عین حالت هم امتدازه.



۴۰- سه بار نقطه‌ای $+Q$ و $-Q$ و $+q$ در سه رأس یک مثلث متساوی‌الاضلاع مطابق شکل واقع‌اند. کدام گزینه، می‌تواند مقدار نیروی خالص وارد بر بار $+q$ باشد؟

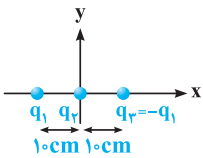
- (۱) $-10 \vec{i}$
- (۲) $+10 \vec{i}$
- (۳) $-10 \vec{j}$
- (۴) $+10 \vec{j}$

۴۱- در شکل مقابل، سه ذره با بارهای $q_1 = q_2 = q_3 = 4 \mu C$ در سه رأس یک مثلث قائم‌الزاویه ثابت شده‌اند. برایند نیروهای الکتریکی وارد بر q_1 نیوتون و اگر تنها علامت بار q_2 قرینه شود، بزرگی برایند نیروهای وارد بر q_1 و تغییر جهت ($k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2 / \text{C}^2$)



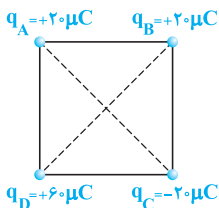
- (۱) $40\sqrt{2}$ ، تغییر کرده، می‌دهد
- (۲) $20\sqrt{2}$ ، ثابت می‌ماند، نمی‌دهد
- (۳) $20\sqrt{2}$ ، تغییر کرده، نمی‌دهد
- (۴) $40\sqrt{2}$ ، ثابت می‌ماند، می‌دهد

۴۲- مطابق شکل سه بار الکتریکی نقطه‌ای روی محور x قرار دارند. اندازه نیروی وارد بر بار q_2 برابر F است. اگر بار q_2 را به اندازه 10 cm روی محور y جابه‌جا کنیم، بزرگی نیروی وارد بر بار q_2 چند برابر F خواهد شد؟



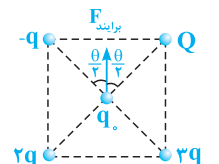
- (۱) $\frac{1}{2}$
- (۲) ۱
- (۳) $\frac{\sqrt{2}}{4}$
- (۴) $\frac{\sqrt{2}}{2}$

۴۳- در چهار رأس یک مربع به ضلع 20 سانتی‌متر، مطابق شکل بارهای نقطه‌ای قرار داده‌ایم. اگر یک بار $10 \mu C$ را در مرکز مربع قرار دهیم، نیروی وارد بر آن چند نیوتون و در کدام جهت خواهد بود؟



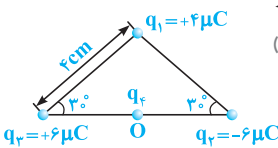
- (۱) $180\sqrt{2}$ ، به سمت چپ
- (۲) $180\sqrt{2}$ ، به سمت بالا
- (۳) $270\sqrt{2}$ ، به سمت بالا
- (۴) $270\sqrt{2}$ ، به سمت چپ

۴۴- مطابق شکل مقابل، چهار بار الکتریکی در رئوس مربع قرار گرفته و برایند نیروی وارد شده از طرف آن‌ها بر بار q_1 واقع در مرکز مربع به سمت بالا می‌باشد. مقدار بار Q کدام است؟



- (۱) $2q$
- (۲) q
- (۳) $-2q$
- (۴) $-q$

۴۵- سه بار نقطه‌ای مطابق شکل در سه رأس یک مثلث ثابت شده‌اند. نیروی وارد بر بار $q_4 = 1 \mu C$ واقع در نقطه O ، در وسط خط واصل دو بار q_2 و q_3 چند نیوتون است؟



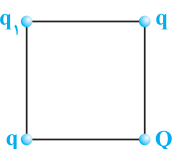
- (۱) 45
- (۲) 90
- (۳) $45\sqrt{3}$
- (۴) $90\sqrt{2}$

۴۶- در تست قبل، اگر تنها علامت بار q_2 تغییر کند، جهت نیروی وارد بر بار q_4 چند درجه تغییر خواهد کرد؟

- (۱) صفر
- (۲) 45
- (۳) 90
- (۴) 180

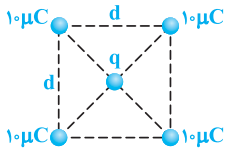
بررسی سفر شدن برایند نیروها، تو حالت بارهای غیرهم‌راستا هم نکات پالپی داره که تو ادامه دو تا سوال فیلی مهم رو ازش بررسی می‌کنیم ...

۴۷- چهار بار الکتریکی مطابق شکل در رئوس مربع قرار دارند. اگر برایند نیروهای وارد شده بر بار q_1 صفر باشد، کدام یک از عبارات‌های زیر نادرست است؟



- (۱) ممکن است علامت بار q مثبت و علامت بار Q منفی باشد.
- (۲) ممکن است علامت بار q منفی و علامت بار Q مثبت باشد.
- (۳) برای برقراری تعادل، اندازه بار Q ، باید $2\sqrt{2}$ برابر اندازه بار q باشد.
- (۴) مقدار بار الکتریکی q_1 ، در تعادل آن نقش دارد.

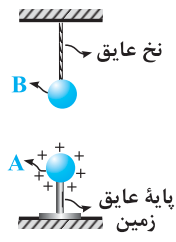
۴۸- پنج بار نقطه‌ای مطابق شکل قرار دارند و برآیند نیروهای الکتروستاتیکی وارد بر هر یک از این بارها صفر است. بار q تقریباً چند میکروکولن است؟



- (۱) ۱۹
- (۲) -۱۹
- (۳) ۹/۵
- (۴) -۹/۵

بررسی تعادل گلوله باردار (آونگ الکتریکی)

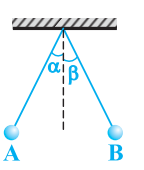
۴۹- حالا بریم سراغ ترکیب قانون کولن، بدت تعادل و مناسبه کشش نخ. البته فرمایش رو بفرمایید، این بحث با کتاب پایه دوازدهمتون مفهومی شده ولی آوردیم تا بچه درسفونان، ست کامل سوالاتی قانون کولن رو دیده باشن ... این تست رو فقط بچه درسفونان حل کنن ...



۴۹- در شکل مقابل، گلوله رسانای A، دارای بار الکتریکی $1\mu\text{C}$ و در فاصله ۳ سانتی‌متری از گلوله B با جرم 2kg و با بار الکتریکی $0.5\mu\text{C}$ قرار دارد و کشش ایجاد شده در نخ عایق برابر T_1 است. اگر علامت بار الکتریکی گلوله A قرینه شود، نیروی کشش نخ عایق چند برابر می‌شود؟ ($g = 10\text{N/kg}$, $k = 9 \times 10^9\text{N.m}^2/\text{C}^2$)

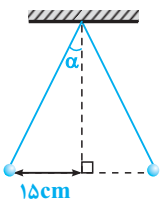
- (۱) ۵/۳
- (۲) ۳/۵
- (۳) ۲۵/۳
- (۴) ۱۵/۴

۵۰- در شکل زیر، گلوله‌های باردار A و B با جرم‌های m_A و m_B و بارهای q_A و q_B از دو نخ با طول مساوی آویزان هستند و زاویه انحراف آن‌ها از راستای قائم برابر α و β می‌باشد. اگر اندازه نیروی الکتریکی وارد بر آن‌ها F_A و F_B باشد، کدام یک از عبارتهای زیر درست می‌باشد؟



- (۱) دو نیروی F_B و F_A هم‌اندازه و هم‌جهت می‌باشند.
- (۲) برای برابر بودن دو زاویه α و β ، باید بار دو گلوله هم‌اندازه باشد.
- (۳) برای برابر بودن دو زاویه α و β ، باید جرم دو گلوله یکسان باشد.
- (۴) اگر $m_B > m_A$ باشد، در این صورت $\beta > \alpha$ است.

۵۱- مطابق شکل مقابل، دو گلوله مشابه با بار یکسان و مثبت، هر یک به جرم ۲۴ گرم توسط نخ‌هایی سبک به طول ۳۹cm آویزان شده‌اند و در حالت تعادل قرار دارند. از هر گلوله، چند الکترون جدا شده است؟ ($e = 1.6 \times 10^{-19}\text{C}$, $k = 9 \times 10^9\text{N.m}^2/\text{C}^2$, $g = 10\text{m/s}^2$)



- (۱) $6/25 \times 10^{11}$
- (۲) $6/25 \times 10^{12}$
- (۳) $2/25 \times 10^{11}$
- (۴) $2/25 \times 10^{12}$

محاسبه میدان الکتریکی در اطراف یک بار نقطه‌ای و تحلیل پارامترهای مؤثر بر آن

بعد از تحلیل نیروهای کولنی، حالا می‌فوییم بریم سراغ میدان الکتریکی ناشی از یه بار نقطه‌ای و سوالاتی مقدماتی رو ازش بررسی کنیم ...

۵۲- اندازه میدان الکتریکی حاصل از یک بار الکتریکی نقطه‌ای، با متناسب و با از بار الکتریکی نسبت عکس دارد.

- (۱) مجذور بار الکتریکی - فاصله
- (۲) اندازه بار الکتریکی - فاصله
- (۳) مجذور بار الکتریکی - مجذور فاصله
- (۴) اندازه بار الکتریکی - مجذور فاصله

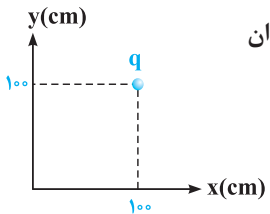
۵۳- اندازه میدان الکتریکی حاصل از بار الکتریکی نقطه‌ای $20\mu\text{C}$ در فاصله یک متری آن، چند نیوتون بر کولن است؟ ($k = 9 \times 10^9\text{N.m}^2/\text{C}^2$)

- (۱) 2×10^3
- (۲) 2×10^6
- (۳) $1/8 \times 10^4$
- (۴) $1/8 \times 10^5$

۵۴- اندازه میدان الکتریکی حاصل از بار کره کوچکی که $2/5 \times 10^{13}$ الکترون از دست داده است، در چند سانتی‌متری از آن برابر $9/9$ مگانیوتون بر کولن است؟ ($k = 9 \times 10^9\text{N.m}^2/\text{C}^2$)

- (۱) ۱۰
- (۲) ۲۰
- (۳) ۳۰
- (۴) ۴۰

۵۵- مطابق شکل مقابل، بار الکتریکی $q = -20\text{nC}$ در نقطه A(۱۰۰cm, ۱۰۰cm) قرار دارد. بردار میدان الکتریکی حاصل از این بار الکتریکی در مبدأ مختصات، در کدام SI است؟ ($k = 9 \times 10^9\text{N.m}^2/\text{C}^2$)



- (۱) $\vec{E} = -45\sqrt{2}\vec{i} - 45\sqrt{2}\vec{j}$
- (۲) $\vec{E} = 90\vec{i} + 90\vec{j}$
- (۳) $\vec{E} = 45\sqrt{2}\vec{i} + 45\sqrt{2}\vec{j}$
- (۴) $\vec{E} = 45\vec{i} + 45\vec{j}$

۱ ۱ با توجه به سری تریوالکتریک در درسنامه، با مالش میله پلاستیکی و پارچه پشمی به یکدیگر، میله پلاستیکی بار منفی پیدا می‌کند که مقدار آن مضرب صحیحی از یک مقدار پایه (بار الکترون) می‌باشد و گزینه (۱) صحیح است.

$$q = -ne$$

۳ ۲ همان‌طور که در درسنامه مطرح شد، وقتی جسمی دارای بار الکتریکی مثبت و یا منفی است، در واقع الکترون از آن گرفته و یا به آن داده شده است، این موضوع یعنی باردار کردن یک جسم، تعداد پروتون‌های آن جسم را تغییر نمی‌دهد، بنابراین گزینه‌های (۱) و (۲) نادرست است. حال می‌توان نوشت:



جسم A، 5×10^{11} الکترون از دست داده است. $\Rightarrow n = 5 \times 10^{11} \Rightarrow n \times 1/6 \times 10^{-19} = 80 \times 10^{-9} = q_A = ne$ جسم A:



به جسم B، 3×10^{12} الکترون داده‌ایم. $\Rightarrow n = 3 \times 10^{12} \Rightarrow -n \times 1/6 \times 10^{-19} = -4/8 \times 10^{-7} = -q_B = -ne$ جسم B:

۳ ۳ با مالش میله شیشه‌ای با پارچه ابریشمی، بار الکتریکی آن مثبت می‌شود (با توجه به بالاتر بودن شیشه نسبت به ابریشم در سری تریوالکتریک). از سوی دیگر مطابق با رابطه $q = +ne$ ، بار الکتریکی میله، مضرب صحیحی از بار پایه می‌باشد:

$$q = ne \Rightarrow n = \frac{q}{e}$$

حال به بررسی گزینه‌ها می‌پردازیم:

× عدد صحیح نمی‌باشد. $\rightarrow n = \frac{q}{e} = \frac{2 \times 10^{-19}}{1/6 \times 10^{-19}} = 1/25$ گزینه (۱)

✓ عدد صحیح است. $\rightarrow n = \frac{q}{e} = \frac{8 \times 10^{-19}}{1/6 \times 10^{-19}} = 5$ گزینه (۳)

با توجه به گزینه‌ها، تنها در گزینه (۳) یک عدد صحیح و مثبت به دست آمده و جواب سؤال می‌باشد.

۱ ۴ چون جسم الکترون از دست می‌دهد، بنابراین در حالت ثانویه بار آن مثبت و در حالت اولیه بار آن منفی است (ردگزینه‌های ۲ و ۳). بار جسم به مقدار $-2q_0$ تغییر کرده است (از q_0 به $-q_0$ رسیده است) و داریم:

$$\begin{cases} \Delta q = -q_0 - (q_0) = -2q_0 \\ \Delta q = ne \end{cases} \Rightarrow -2q_0 = ne = 5 \times 10^{15} \times 1/6 \times 10^{-19} = 8 \times 10^{-4} \Rightarrow q_0 = -4 \times 10^{-4} C = -400 \mu C$$

۳ ۵ با توجه به اصل پابستگی بار الکتریکی، مجموع جبری بارهای الکتریکی در یک دستگاه منزوی (دستگاهی که با محیط اطراف تبادل بار الکتریکی ندارد)، برابر صفر است. این موضوع در گزینه (۳) رعایت نشده و اصل پابستگی بار الکتریکی نقض می‌شود.

۲ ۶ برای پاسخ‌گویی به این سؤال، به سه نکته زیر توجه کنید:

۱- نوترون از نظر بار الکتریکی خنثی است، پس می‌توان گفت بار الکتریکی کل هسته یک اتم، با بار پروتون‌های آن هسته برابر است.

۲- اندازه بار پروتون و الکترون با یکدیگر یکسان است ($|q_p| = |q_e| = 1/6 \times 10^{-19} C$).

۳- در یک اتم خنثی، تعداد الکترون‌ها و پروتون‌ها مساوی هستند.

حال با توجه به سه نکته بالا می‌توان نوشت:

$$n = \frac{Q}{e} : \text{تعداد پروتون‌ها یا الکترون‌ها} \Rightarrow Q = ne \text{ (بار الکتریکی مثبت هسته)}$$

۳ ۷ برای پاسخ دادن به این سؤال، گام‌های زیر را طی می‌کنیم:

گام اول: محاسبه تعداد الکترون‌های اتم دو بار مثبت X^{2+} :

$$q = -ne \Rightarrow -4/8 \times 10^{-18} = -n \times 1/6 \times 10^{-19} \Rightarrow n = 30$$

گام دوم: تعداد الکترون‌های اتم دو بار مثبت (X^{2+})، ۲ واحد کم‌تر از تعداد پروتون‌های آن می‌باشد. بنابراین تعداد پروتون‌های این اتم برابر ۳۲ می‌باشد.

۱۸ چون جسم A نسبت به B به انتهای مثبت سری تریبولکتریک نزدیکتر است، بنابراین در اثر مالش این دو جسم به یکدیگر، بار الکتریکی جسم A مثبت و بار الکتریکی جسم B منفی می‌شود. به طور مشابه، ثابت می‌شود که در تماس دو جسم C و D، بار الکتریکی C مثبت و بار الکتریکی D منفی می‌شود. بنابراین اجسام A و C و هم‌چنین B و D یکدیگر را دفع می‌کنند، پس گزینه (۱) صحیح است.

انتهای مثبت سری	
A	در مالش این دو جسم به یکدیگر، بار A مثبت و بار B منفی می‌شود. ($q_A > 0, q_B < 0$)
B	
C	در مالش این دو جسم به یکدیگر، بار C مثبت و بار D منفی می‌شود. ($q_C > 0, q_D < 0$)
D	
انتهای منفی سری	

۹ پس از مالش دو جسم A و B با یکدیگر، بار الکتریکی جسم B مثبت شده است، بنابراین B به انتهای مثبت سری نزدیکتر می‌باشد. پس از مالش دو جسم C و D با یکدیگر، جسم C بار B را دفع کرده است، بنابراین بار C با بار B هم‌نام است و در نتیجه بار C مثبت و بار D منفی است. بنابراین C نسبت به D به انتهای مثبت سری نزدیکتر است که این شرایط فقط در گزینه (۲) رعایت شده است.

۱۰ با توجه به قانون کولن می‌توان گفت:

$$F = \frac{k |q_1| |q_2|}{r^2} \rightarrow \begin{cases} F \propto |q_1| |q_2| \Rightarrow \text{رابطه مستقیم با حاصل ضرب اندازه بارها} \\ F \propto \frac{1}{r^2} \Rightarrow \text{رابطه معکوس با مجذور فاصله بین دو بار} \end{cases}$$

۱۱ برای پاسخ دادن به این سؤال، با توجه به رابطه قانون کولن می‌توان نوشت:

$$F = k \frac{|q_1| |q_2|}{r^2} \Rightarrow k = \frac{Fr^2}{|q_1| |q_2|} \Rightarrow k \text{ یکای } \frac{(\text{متر})^2 \times \text{نیوتون}}{\text{کولن} \times \text{کولن}} \equiv \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2}$$

در ادامه با توجه به رابطه $k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$ ، یکای ضریب گذردهی الکتریکی در خلأ (ϵ_0)، برعکس یکای ثابت کولن (k) است و داریم:

$$k \text{ یکای } \equiv \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2} \Rightarrow \epsilon_0 \text{ یکای } \equiv \frac{\text{C}^2}{\text{N.m}^2}$$

۱۲ با توجه به رابطه نیروی کولنی بین دو بار، رابطه F با r و q به صورت زیر است:

$$F = \frac{k |q_1| |q_2|}{r^2} \xrightarrow{|q_1| = |q_2| = q} F = \frac{kq^2}{r^2} \Rightarrow \begin{cases} F \propto q^2 \\ F \propto \frac{1}{r^2} \end{cases} \Rightarrow \begin{matrix} \text{با افزایش } r, \text{ نیروی } F \\ \text{کاهش می‌یابد.} \end{matrix} \quad \begin{matrix} \text{(سهمی)} \\ \text{با افزایش } |q| \end{matrix}$$

تذکر: دو بار الکتریکی هم‌اندازه و غیرهم‌نام که در فاصله r از یکدیگر قرار دارند، یک دوقطبی الکتریکی نامیده می‌شوند.

۱۳ با جای‌گذاری مقادیر q_1, q_2 و F در رابطه کولن داریم:

$$F = k \frac{|q_1| |q_2|}{r^2} \Rightarrow r^2 = \frac{k |q_1| |q_2|}{F} = \frac{9 \times 10^9 \times (5 \times 10^{-6}) \times (4 \times 10^{-6})}{18} = 0.01 \Rightarrow r = 0.1 \text{m} = 10 \text{cm}$$

۱۴ با توجه به اطلاعات مسأله، می‌توان نوشت:

$$\begin{cases} F = k \frac{|q_1| |q_2|}{r^2} \Rightarrow 5 = 9 \times 10^9 \times \frac{|q_1| |q_2|}{(3 \times 10^{-1})^2} \Rightarrow |q_1| |q_2| = 5 \times 10^{-11} \text{C}^2 = 50 \mu\text{C}^2 \\ |q_1| + |q_2| = 15 \mu\text{C} \end{cases}$$

حاصل ضرب دو بار هم‌نام $50 \mu\text{C}^2$ و حاصل جمع آن‌ها $15 \mu\text{C}$ است، بنابراین اندازه بار الکتریکی دو ذره برابر $5 \mu\text{C}$ و $10 \mu\text{C}$ است. البته اگر علاقه‌مند باشید می‌توانید با حل معادله درجه دوم نیز دو معادله دو مجهول اخیر را حل کنید، ولی این کار، زمان‌بر و طولانی است.

۱۵ | مشابه با تمرین (۵) درسنامه، گزینه (۱) صحیح است.

برای تمرین بیشتر، تمرین زیر را نیز بررسی کنید.

تمرین: در شکل مقابل، بردار نیروی الکتریکی وارد بر بار q_1 در SI کدام است؟

$(q_1 = q_2 = 2\mu\text{C}, k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2 / \text{C}^2)$

(۱) $\vec{F} = 10\vec{i} + 10\vec{j}$

(۲) $\vec{F} = -10\sqrt{2}\vec{i} - 10\sqrt{2}\vec{j}$

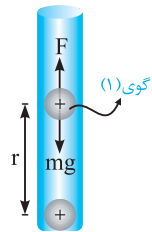
(۳) $\vec{F} = -20\sqrt{2}\vec{i} - 20\sqrt{2}\vec{j}$

(۴) $\vec{F} = -20\vec{i} + 20\vec{j}$

پاسخ: گزینه (۲)

۱۶ | با توجه به شکل زیر، نیرویی که بار q بر بار $2q$ وارد می‌کند، با نیرویی که بار $2q$ بر بار q وارد می‌کند، مساوی و در خلاف جهت هم است. این موضوع بیانی از قانون سوم نیوتون است (هر عملی را عکس‌العملی است مساوی و در خلاف جهت آن) و در نهایت می‌توان نوشت:

$$\begin{cases} \vec{F} = 10\vec{i} & \text{نیروی } q \text{ بر } 2q \\ -\vec{F} = -10\vec{i} & \text{نیروی } 2q \text{ بر } q \end{cases}$$



۱۷ | برای معلق ماندن گوی بالای، نیروی دافعه الکتریکی بین دو گوی باید وزن گوی (۱) را خنثی کند و برای رسیدن به این هدف داریم:

$$F = mg \Rightarrow \frac{kq \times q}{r^2} = mg$$

$$\Rightarrow \frac{9 \times 10^9 \times q^2}{(1 \times 10^{-2})^2} = (0.9 \times 10^{-3}) \times 10 \Rightarrow q^2 = 10^{-16} \text{ C}^2 \Rightarrow q = 10^{-8} \text{ C}$$

و برای پیدا کردن تعداد الکترون‌های کنده شده از هر گوی می‌توان نوشت:

$$q = ne \Rightarrow 10^{-8} = n \times (1.6 \times 10^{-19}) \Rightarrow n = \frac{1}{1.6} \times 10^{11} = 6.25 \times 10^{10}$$

۱۸ | از آن جایی که نیرویی که ذره A بر ذره B وارد می‌کند، با نیرویی که ذره B بر ذره A وارد می‌کند، با توجه به قانون سوم نیوتون برابر است، می‌توان نوشت:

$$F_A = F_B \xrightarrow{F=ma} m_A a_A = m_B a_B \Rightarrow m a_A = 2 m a_B \Rightarrow \frac{a_A}{a_B} = \frac{2m}{m} = 2$$

روش بهتر: چون اندازه نیروها با یکدیگر یکسان است، ذره A که جرم آن نصف جرم ذره B است، لزوماً شتابی ۲ برابر شتاب ذره B دارد.

۱۹ | با استفاده از قانون کولن برای مقایسه بزرگی نیروی الکتریکی بین دو ذره باردار در دو حالت داریم:

$$\begin{cases} F_1 = k \frac{|q_1||q_2|}{r_1^2} = k \frac{|q_e||q_p|}{r_1^2} = k \frac{e^2}{r_1^2} \\ F_2 = k \frac{|q_p||q_p|}{r_2^2} = k \frac{e^2}{r_2^2} \end{cases} \Rightarrow \frac{F_2}{F_1} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 = \left(\frac{a}{2 \times 10^{-4} a}\right)^2 = \frac{10^8}{4} = 2.5 \times 10^7$$

۲۰ | برای این که نیروی کولنی بین دو بار نصف شود (۵۰ درصد کاهش یابد)، فاصله بین دو بار باید $\sqrt{2}$ برابر شود:

$$F = \frac{k|q_1||q_2|}{d^2} \Rightarrow \frac{F'}{F} = \left(\frac{d}{d'}\right)^2 \xrightarrow{F'=\frac{F}{2}} \frac{1}{2} = \left(\frac{d}{d'}\right)^2 \Rightarrow d' = \sqrt{2}d$$

۲۱ | روش اول: با توجه به ثابت ماندن نیرو در دو حالت می‌توان نوشت:

$$F = F' \Rightarrow \frac{k|q_1||q_2|}{r^2} = \frac{k|2q_1||q_2|}{(r')^2} \Rightarrow r' = \sqrt{2}r$$

روش دوم: با دو برابر شدن اندازه یکی از بارها، نیروی بین دو بار الکتریکی هم ۲ برابر می‌شود و برای ثابت ماندن نیرو، باید r را طوری انتخاب کنیم که کسر

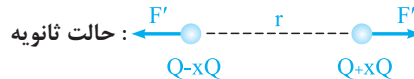
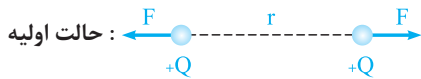
را نصف کند و این موضوع یعنی r باید $\sqrt{2}$ برابر شود:

$$\text{ثابت } F = \frac{k|q_1||q_2|}{r^2}$$

برابر ۲

برابر $(\sqrt{2})^2$

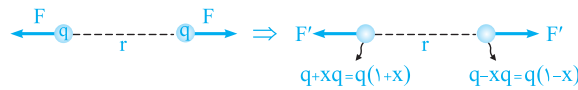
۴ ۲۲ درصد باری که از یکی از بارها برداشته و به دیگری اضافه شده است را x دنظر می‌گیریم. حال با بررسی دو حالت، مقدار مجهول را به دست می‌آوریم:



$$\begin{cases} (۱): F = \frac{k |q_1| |q_2|}{r^2} \xrightarrow{\text{بارها مشابه‌اند}} F = \frac{k Q^2}{r^2} \\ (۲): F' = \frac{k |q'_1| |q'_2|}{r^2} = k \frac{(Q-xQ)(Q+xQ)}{r^2} = \frac{k Q^2}{r^2} (1-x^2) \end{cases}$$

$$F' = \frac{۱۵}{۱۶} F \Rightarrow (1-x^2) \left(\frac{k Q^2}{r^2} \right) = \frac{۱۵}{۱۶} \left(\frac{k Q^2}{r^2} \right) \Rightarrow 1-x^2 = \frac{۱۵}{۱۶} \Rightarrow x^2 = 1 - \frac{۱۵}{۱۶} = \frac{۱}{۱۶} \Rightarrow x = \frac{۱}{۴} \equiv ۲۵\%$$

خلاصیت حرف‌هایها: به دلیل اهمیت این سؤال می‌خواهیم کمی بیشتر به بررسی آن بپردازیم. کفایت کمی ذهنی‌تر به این سؤال نگاه کنیم:



$$\frac{F'}{F} = \frac{|q'_1| |q'_2|}{|q_1| |q_2|} \Rightarrow \frac{F'}{F} = 1-x^2 = \frac{۱۵}{۱۶} \Rightarrow x^2 = \frac{۱}{۱۶} \Rightarrow x = \frac{۱}{۴} \equiv ۲۵\%$$

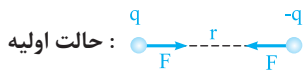
باز هم سریع‌تر: نیرو چه قدر کم شده است؟ $\frac{۱}{۱۶} F \leftarrow$ جذر $\frac{۱}{۱۶}$ برابر x است. $\leftarrow x = \frac{۱}{۴}$ یا ۲۵% است.

تمرین: اگر نیرو $\frac{۲۴}{۲۵}$ برابر شود، x چه قدر است؟

پاسخ: نیرو چه قدر کم شده است؟ $\frac{۱}{۲۵} F \leftarrow$ جذر $\frac{۱}{۲۵}$ برابر x است. $\leftarrow x = \frac{۱}{۵}$ یا ۲۰% است.

۲ ۲۳ این سؤال، مکمل خوبی برای تست قبل محسوب می‌شود، زیرا در آن بارها برابر و مختلف‌العلامت هستند. در این سؤال ۲۰% (یعنی $\frac{۱}{۵}$) یکی از

بارها را کم کرده و به دیگری اضافه کرده‌ایم. برای این‌که نیروی کولنی بین دو بار تغییر نکند، باید فاصله دو بار را تغییر دهیم. بنابراین می‌توان نوشت:



$$q'_1 = q - \frac{1}{8}q = \frac{7}{8}q \quad q'_2 = -q + \frac{1}{8}q = -\frac{7}{8}q$$

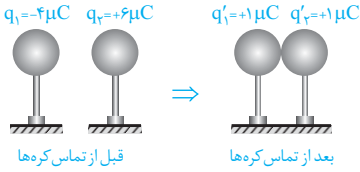
$$F = k \frac{|q_1| |q_2|}{r^2} \xrightarrow{F'=F} k \frac{|q| \times |q|}{r^2} = k \frac{\left(\frac{7}{8}q\right) \times \left(\frac{7}{8}q\right)}{(r')^2} \Rightarrow \left(\frac{r'}{r}\right)^2 = \frac{۱۶}{۴۹} \Rightarrow \frac{r'}{r} = \frac{۴}{۷}$$

این یک سؤال بسیار جالب و جدید است. با توجه به قانون کولن در مقایسه دو حالت می‌توان نوشت:

$$F = k \frac{|q_1| |q_2|}{r^2} \Rightarrow \begin{cases} F_1 = k \frac{|q_1| |q_2|}{r^2} \\ F_2 = k \frac{\left|q_1 - \frac{1}{4}q_1\right| \left|q_2 + \frac{1}{4}q_1\right|}{r^2} \end{cases} \Rightarrow \frac{F_2}{F_1} = \frac{\frac{1}{2}|q_1| |q_2| + \frac{1}{4}|q_1|^2}{|q_1| |q_2|} = \frac{1}{2} + \frac{|q_1|}{4|q_2|} \xrightarrow{\text{خواسته سؤال}} \frac{1}{2} + \frac{|q_1|}{4|q_2|} > \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{|q_1|}{4|q_2|} > 0 \Rightarrow |q_1| > 2|q_2| \Rightarrow q_1 > 2q_2$$

دقت: در این سؤال، دو حالت زیر نیز می‌تواند پرسیده شود:

$$\Rightarrow \frac{F_2}{F_1} = \frac{1}{2} + \frac{|q_1|}{4|q_2|} \Rightarrow \begin{cases} \frac{|q_1|}{4|q_2|} = \frac{1}{4} \Rightarrow q_1 = q_2 \Rightarrow \frac{F_2}{F_1} = 1 \Rightarrow F_2 = F_1 \\ \frac{|q_1|}{4|q_2|} < \frac{1}{4} \Rightarrow q_1 < q_2 \Rightarrow \frac{F_2}{F_1} < 1 \Rightarrow F_2 < F_1 \end{cases}$$



۳ ۲۵ با توجه به مشابه بودن گوی‌ها، پس از تماس آن‌ها با یکدیگر، بار الکتریکی کره‌ها با یکدیگر برابر شده و مقدار آن برابر است با:

$$\begin{cases} q_1 = -4\mu\text{C} \\ q_2 = +6\mu\text{C} \end{cases} \Rightarrow q'_1 = q'_2 = \frac{q_1 + q_2}{2} = \frac{(-4) + 6}{2} = 1\mu\text{C}$$

به عبارت دیگر با تماس دادن دو کره با یکدیگر باید به میزان $-5\mu\text{C}$ بار از کره اول به کره دوم منتقل شود. در ادامه با توجه به رابطه $q = ne$ تعداد الکترون‌های مبادله شده را به دست می‌آوریم:

$$q = -ne \Rightarrow -5 \times 10^{-6} = n \times (-1.6 \times 10^{-19}) \Rightarrow n = 3.125 \times 10^{13}$$

۱ ۲۶ در حالت جدید بار هر دو کره یکسان شده و مقدار آن برابر است با:

$$q'_1 = q'_2 = \frac{-6 + (+4)}{2} = -1\text{nC}$$

در ادامه می‌توان گفت نیروی بین آن‌ها از نوع رانشی بوده و به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$F' = k \frac{|q'_1| |q'_2|}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{(1 \times 10^{-9}) \times (1 \times 10^{-9})}{(30 \times 10^{-2})^2} = 10^{-7} \text{N} = 100 \text{nN}$$

۲ ۲۷ می‌دانیم که دو کره قبل از تماس یکدیگر را جذب می‌کنند، بنابراین بار دو کره ناهم‌نام است. اکنون دو حالت را فرض می‌کنیم:

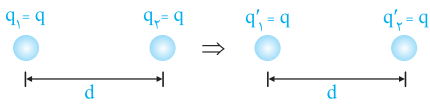
الف) اندازه بار دو کره برابر است ($|q_2| = |q_1|$): در این حالت با تماس دو کره، بارها یکدیگر را خنثی می‌کنند و دیگر باری برای کره‌ها باقی نمی‌ماند، بنابراین در این حالت کره‌ها نمی‌توانند پس از اتصال یکدیگر را دفع کنند.

$$q'_1 = q'_2 = \frac{q_1 + q_2}{2} = 0$$

ب) اندازه بار دو کره برابر نباشد: در این حالت با تماس دو کره، مقداری از بار بزرگ‌تر توسط بار کوچک‌تر خنثی شده و مابقی آن بین دو کره به طور یکسان پخش می‌شود، بنابراین در این حالت کره‌ها پس از اتصال یکدیگر را دفع می‌کنند.

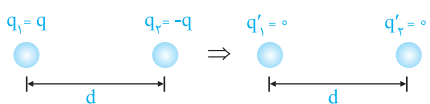
تذکر: دقت کنیم در این سؤال مقدار نیروی بین دو کره در حالت قبل از تماس بیشتر از حالت بعد از تماس است (چرا؟).

۴ ۲۸ در این سؤال با توجه به علامت بار دو کره، هر سه حالت می‌تواند رخ دهد. با سه مثال ساده این موضوع را بررسی می‌کنیم:



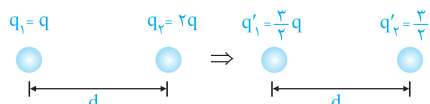
حالت اول: اگر دو کره بار هم‌علامت و مساوی داشته باشند، پس از اتصال نیروی بین دو کره تغییر نمی‌کند، زیرا حاصل ضرب $|q_1| |q_2|$ تغییر نمی‌کند.

$$q'_1 = q'_2 = \frac{q + q}{2} = q$$



حالت دوم: اگر دو کره بار مساوی و مختلف‌العلامت داشته باشند، پس از اتصال نیروی بین دو کره صفر شده و به عبارتی کاهش می‌یابد.

$$q'_1 = q'_2 = \frac{q + (-q)}{2} = 0 \Rightarrow F' = 0 < F$$



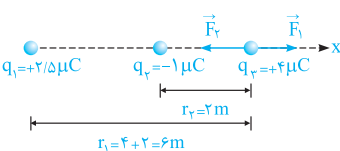
حالت سوم: اگر دو کره بار نامساوی و هم‌علامت داشته باشند، پس از اتصال نیروی بین دو کره افزایش می‌یابد. برای درک بهتر این حالت به اعداد زیر توجه کنید:

$$q'_1 = q'_2 = \frac{q + 2q}{2} = \frac{3}{2}q$$

$$\begin{cases} |q'_1| |q'_2| = \left| \frac{3}{2}q \right| \times \left| \frac{3}{2}q \right| = \frac{9}{4}q^2 \\ |q_1| |q_2| = |q| \times |2q| = 2q^2 \end{cases} \xrightarrow{F \propto |q_1| |q_2|} F' > F$$

بنابراین هر سه حالت ممکن است رخ دهد.

۲ ۲۹ در پاسخ سؤال قبل، در حالت سوم به کمک یک مثال عددی دیدیم که اگر دو کره دارای بار الکتریکی هم‌نام و نامساوی باشند، اندازه نیروی بین دو کره بعد از تماس دادن به یکدیگر بیشتر از حالت قبل از تماس است (این موضوع با کمک اصول ریاضی نیز به سادگی قابل اثبات است).



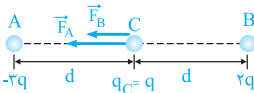
۱ ۳۰ بار الکتریکی q_1 بار q_3 را دفع می‌کند (\vec{F}_1) و بار الکتریکی q_2 بار q_3 را جذب می‌کند (\vec{F}_2).

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{(دافعه): } F_1 = k \frac{|q_1||q_3|}{r_1^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{2/5 \times 10^{-6} \times 4 \times 10^{-6}}{(6)^2} = 2/5 \times 10^{-3} \text{ N} \xrightarrow{\text{در جهت محور X}} \vec{F}_1 = 2/5 \times 10^{-3} \vec{i} \\ \text{(جاذبه): } F_2 = k \frac{|q_2||q_3|}{r_2^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{1 \times 10^{-6} \times 4 \times 10^{-6}}{(2)^2} = 9 \times 10^{-3} \text{ N} \xrightarrow{\text{در خلاف جهت محور X}} \vec{F}_2 = -9 \times 10^{-3} \vec{i} \end{array} \right.$$

بنابراین برآیند نیروهای وارد بر بار q_3 برابر است با:

$$\vec{F}_T = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 = 2/5 \times 10^{-3} \vec{i} + (-9 \times 10^{-3} \vec{i}) = -6/5 \times 10^{-3} \vec{i}$$

به عبارت دیگر اندازه برآیند نیروهای وارد بر بار q_3 برابر $6/5 \times 10^{-3}$ نیوتون و در خلاف جهت محور X می‌باشد.

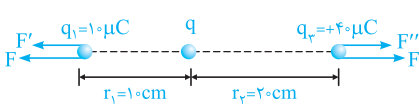


۳۱ ۲ فرض می‌کنیم اندازه نیرویی که دو بار q در فاصله d بر یکدیگر وارد می‌کنند، برابر F باشد در این صورت اندازه نیروهای F_A و F_B برابر است با:

$$\text{نیروی بین A و C (جاذبه): } \vec{F} = k \frac{|q_A||q|}{d^2} \Rightarrow F_A = 3F \quad \text{نیروی بین B و C (دافعه): } \vec{F} = k \frac{|q_B||q|}{d^2} \Rightarrow F_B = 2F$$

$$R = 3F + 2F = 5F \text{ (به سمت چپ)}$$

با برآیندگیری از نیروهای هم‌جهت به‌دست آمده، داریم:



۳۲ ۴ این سؤال، یک سؤال جالب و مفهومی است. دو بار q_1 و q_3 یکدیگر را با نیروی F دفع می‌کنند. حال اگر بار q را مثبت فرض کنیم، این بار q دو بار q_1 و q_3 را نیز دفع می‌کند. با توجه به نیروهای

نشان داده شده بر روی شکل، برای برابر بودن اندازه برآیند نیروهای وارد بر دو بار q_1 و q_3 باید داشته باشیم:

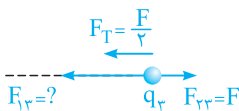
$$\left\{ \begin{array}{l} F_{T_1} = F + F' = F + k \frac{|q_1||q|}{r_1^2} = F + k \times \frac{10 \times 10^{-6} |q|}{(10^{-1})^2} = F + 10^{-3} k |q| \\ F_{T_3} = F + F'' = F + k \frac{|q_3||q|}{r_3^2} = F + k \times \frac{40 \times 10^{-6} |q|}{(2 \times 10^{-1})^2} = F + 10^{-3} k |q| \end{array} \right.$$

همان‌طور که مشاهده می‌کنیم، بدون توجه به این‌که اندازه بار الکتریکی q چه مقدار باشد، همیشه دو نیروی F_{T_1} و F_{T_3} با هم برابر می‌باشند. بنابراین بار الکتریکی q هر مقدار دلخواهی را می‌تواند داشته باشد.

تذکره: توصیه می‌شود که به عنوان تمرین نشان دهید که اگر بار q منفی باشد نیز به همین نتیجه می‌رسیم.

۳۳ ۳ گام اول: چون بارهای q_1 و q_3 یکدیگر را دفع می‌کنند، بنابراین هم‌نام می‌باشند و از طرفی نیرویی که q_2 به q_3 وارد می‌کند نیز طبق قانون سوم نیوتون برابر F و باید به سمت راست باشد (حالت دافعه).

گام دوم: همان‌طور که در صورت سؤال مطرح شده است، بزرگی برآیند نیروهای وارد بر بار q_3 برابر F و به سمت چپ است، بنابراین مطابق شکل رسم شده، بار q_1 ، باید بار q_3 را با نیروی $F_{13} = \frac{3}{2}F$ به سمت خود، یعنی به سمت چپ، جذب کند:



$$F_T = F_{13} - F_{33} \Rightarrow \frac{F}{2} = F_{13} - F \Rightarrow F_{13} = \frac{3}{2}F$$

گام سوم: حال با توجه به این‌که $F_{13} = \frac{3}{2}F$ و $F_{33} = F$ می‌باشد، به سادگی می‌توان نسبت $\frac{q_1}{q_2}$ را به‌دست آورد:

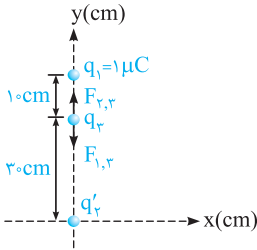
$$F_{13} = \frac{3}{2}F \Rightarrow F_{13} = \frac{3}{2}F_{33} \Rightarrow k \frac{|q_1||q_3|}{(2d)^2} = \frac{3}{2} \times k \frac{|q_2||q_3|}{d^2} \Rightarrow \left| \frac{q_1}{q_2} \right| = 6$$

بار q_1 ، بار q_3 را جذب و بار q_2 ، بار q_3 را دفع می‌کند، بنابراین بارهای q_1 و q_2 مختلف‌العلامت می‌باشد و $-6 = \frac{q_1}{q_2}$ می‌باشد.

۳۴ ۲ با توجه به درسنامه از آن‌جایی‌که نقطه C (محل صفر شدن برآیند نیروها) خارج از فاصله بین دو بار q_A و q_B قرار دارد، درمی‌یابیم این دو بار با یکدیگر مختلف‌العلامت هستند (q_B, q_A) و چون نقطه C به نقطه B نزدیک‌تر است، می‌فهمیم این بار اندازه کوچک‌تری دارد.

۳۵ ۴ با توجه به تمرین (۱۷) در درسنامه، گزینه (۴) صحیح است.

۳۶ ۴ همان‌طور که در روند حل تست قبل (در درسنامه) مشاهده می‌شود، مقدار و علامت بار q' ، در به تعادل رسیدن آن نقشی ندارد و اگر اندازه بار q' دو برابر و حتی قریبه نیز شود، مجدداً تعادل برای آن برقرار است و پاسخ همان 60 cm می‌باشد.

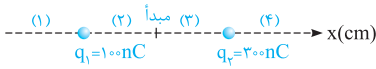


۳۷ ۱ برای تعادل بار الکتریکی q_3 باید دو نیروی مساوی و در خلاف جهت هم به آن وارد شود. بار جدید q_3 را با q'_3 نشان می‌دهیم. بنابراین داریم:

$$F_{2,3} = F_{1,3} \Rightarrow \frac{k|q'_3||q_2|}{(30)^2} = \frac{k|q_1||q_3|}{(10)^2} \Rightarrow \frac{|q'_3|}{900} = \frac{1}{100} \Rightarrow |q'_3| = 9 \mu C \Rightarrow q'_3 = 9 \mu C$$

با توجه به این‌که $q_2 = 6 \mu C$ است، باید $3 \mu C$ به بار q_3 بیافزاییم تا بار q_3 متعادل شود.

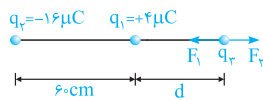
۳۸ ۲ نیروی وارد از طرف بارهای مثبت q_1 و q_2 بر پروتون دافعه می‌باشد. بنابراین نیروهای وارد بر بار پروتون در ناحیه (۴) به سمت راست (در جهت محور X) و در ناحیه (۱) به سمت چپ (در خلاف جهت محور X) می‌باشد.



از طرفی در ناحیه (۳) نیروی دافعه وارد از طرف q_2 بر پروتون بیشتر از نیروی دافعه وارد شده از طرف q_1 بر پروتون می‌باشد (چرا؟)، بنابراین در این ناحیه برآیند نیروهای وارد بر پروتون حتماً به سمت چپ و در خلاف جهت محور X می‌باشد. در ناحیه (۲) نیروی وارد بر پروتون از طرف q_1 می‌تواند بیشتر از نیروی وارد بر پروتون از طرف q_2 شود (چون پروتون به بار q_1 نزدیک‌تر است)، بنابراین در محدوده‌ای از ناحیه (۲) برآیند نیروی وارد بر پروتون می‌تواند در جهت محور X باشد.

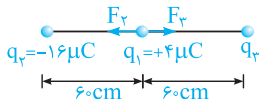
در مجموع می‌توان گفت در دو ناحیه (۴) و (۲) برآیند نیروی وارد بر پروتون از طرف دو بار دیگر می‌تواند به سمت راست و در جهت محور X باشد.

۳۹ ۲ در این سؤال با توجه به این‌که بار q_1 اندازه کوچک‌تری نسبت به بار q_2 دارد، پس بار q_3 برای تعادل باید نزدیک به بار q_1 باشد و چون بارهای q_1 و q_2 ناهم‌نام هستند، پس بار q_3 باید در خارج از فاصله بین دو بار قرار گیرد.



$$F_{T_3} = 0 \Rightarrow F_1 = F_2 \Rightarrow k \frac{4 \times |q_3|}{d^2} = k \frac{16 \times |q_3|}{(d+60)^2} \Rightarrow \frac{4}{d^2} = \frac{16}{(d+60)^2} \Rightarrow \frac{2}{d} = \frac{4}{d+60} \Rightarrow d = 60 \text{ cm}$$

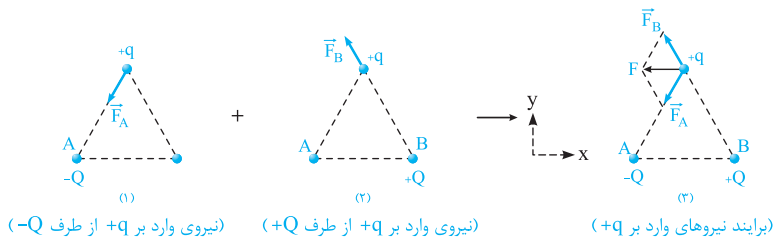
برای این‌که بار q_1 نیز در حال تعادل باشد، باید بارهای q_2 و q_3 هم‌علامت بوده (در نتیجه علامت بار q_3 باید منفی باشد) و اندازه نیروهای وارد شده از طرف آن‌ها بر بار q_1 با هم برابر باشد. بنابراین می‌توان نوشت:



$$F_{T_1} = 0 \Rightarrow F_2 = F_3 \Rightarrow k \frac{16 \times 4}{60^2} = k \frac{4 \times |q_3|}{60^2} \Rightarrow |q_3| = 16 \mu C$$

بنابراین بار q_3 برابر $-16 \mu C$ خواهد بود ($q_3 = -16 \mu C$).

۴۰ ۱ اگر اندازه نیرویی که دو بار Q و q برهم وارد می‌کنند را F' در نظر بگیریم، داریم:



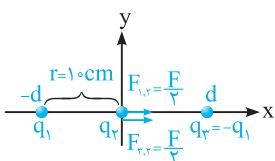
همان‌طور که مشاهده می‌کنید، نیروی خالص وارد بر ذره $+q$ در خلاف جهت X است و از بین گزینه‌ها تنها گزینه (۱) با فرم برداری آن انطباق دارد.

تذکره: با توجه به یکسان بودن فاصله و اندازه بار در شکل‌های (۱) و (۲)، F_A و F_B با هم برابرند:

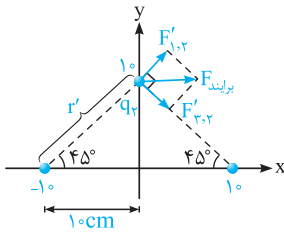
$$F_A = F_B = F' = \frac{k|q||Q|}{r^2}$$

۴۱ ۲ با توجه به تمرین (۱۳) در درسنامه، گزینه (۴) صحیح است.

۴۲ ۳ از آن‌جا که اندازه بارهای q_1 و q_2 با یکدیگر برابر و مختلف‌العلامت هستند و فاصله آن‌ها تا بار q_3 برابر است، بنابراین نیروهای وارد شده از طرف آن‌ها بر بار q_3 مساوی و برابر $\frac{F}{2}$ می‌باشد.



$$F = F_{1,3} + F_{2,3} \xrightarrow{F_{1,3} = F_{2,3}} F_{1,3} = F_{2,3} = \frac{F}{2}$$



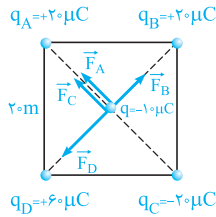
در ادامه وقتی بار q_p را به اندازه $d = 10 \text{ cm}$ روی محور y جابه‌جا می‌کنیم، اندازه بارها ثابت بوده و فقط فاصله بین q_p و دو بار الکتریکی دیگر $\sqrt{2}$ برابر می‌شود، بنابراین داریم:

$$r'^2 = 10^2 + 10^2 \Rightarrow r' = 10\sqrt{2} \text{ cm}$$

$$\frac{F'_{1,2}}{F_{1,2}} = \left(\frac{r}{r'}\right)^2 = \left(\frac{10}{10\sqrt{2}}\right)^2 = \frac{1}{2} \Rightarrow F'_{1,2} = F'_{2,1} = \frac{1}{2} F_{1,2} = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{4} F\right) = \frac{1}{8} F$$

حال برآیند دو نیروی $F'_{1,2}$ و $F'_{2,1}$ را به دست می‌آوریم:

$$F_{\text{برآیند}} = F'_{1,2} \sqrt{2} \rightarrow F_{\text{برآیند}} = \left(\frac{1}{8} F\right) \times \sqrt{2} = \frac{\sqrt{2}}{4} F$$



۴۳ مطابق شکل، نیروهای وارد بر ذره q در مرکز مربع را رسم می‌کنیم. اندازه قطر مربع $20\sqrt{2} \text{ cm}$

می‌باشد، در نتیجه فاصله بار q در مرکز مربع با هریک از بارهای موجود بر روی رئوس مربع، نصف اندازه قطر مربع $\left(\frac{20\sqrt{2}}{2}\right)$ بوده و برابر $10\sqrt{2} \text{ cm}$ می‌باشد.

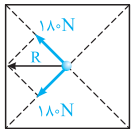
$$\begin{cases} F_B = \frac{k |q_B| |q|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times (2 \times 10^{-6}) \times (1 \times 10^{-6})}{(10\sqrt{2} \times 10^{-2})^2} = 90 \text{ N} \\ F_D = \frac{k |q_D| |q|}{r^2} \rightarrow F_D = 3F_B = 270 \text{ N} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \vec{F}_D \Rightarrow R_{B,D} = F_D - F_B = 270 - 90 = 180 \text{ N} \quad (\vec{F}_D \text{ در جهت نیروی } \vec{F}_D)$$

$$F_A = \frac{k |q_A| |q|}{r^2} \rightarrow F_A = F_B = F_C = 90 \text{ N}$$



$$R_{A,C} = F_A + F_C = 90 + 90 = 180 \text{ N} \quad (\text{در جهت این دو نیرو})$$

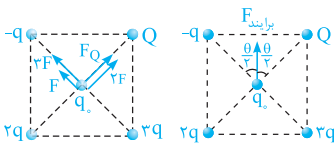


$$R = 2 \times 180 \times \cos \frac{90^\circ}{2} = 180\sqrt{2} \quad (\text{به سمت چپ})$$

از طرفی برآیند دو نیروی \vec{F}_C و \vec{F}_A نیز برابر است با:

دقت: همان‌طور که مشاهده کردید با کمی تیزهوشی، به جای محاسبه چهار نیرو، فقط یک نیرو را حساب کردیم و مابقی نیروها را با توجه به آن به دست آوردیم.

۴۴ اگر اندازه نیرویی که بار q بر q_0 وارد می‌کند برابر F باشد، بار $3q$ نیرویی به بزرگی $3F$ را بر q_0 اعمال می‌کند. با توجه به شکل زیر، برآیند دو نیروی هم‌جهتی که بارهای $-q$ و $3q$ بر q_0 وارد می‌کنند، $4F$ می‌شود.

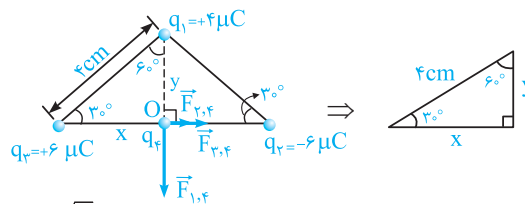


از طرفی برآیند نیروهایی که بارهای $2q$ و Q بر بار q_0 وارد می‌کنند، باید همین مقدار باشد تا برآیند کل نیروهای وارد شده بر بار q_0 ، بر روی نیمساز زاویه θ و به سمت بالا قرار گیرد.

$$\Rightarrow 4F = F_Q + 2F \Rightarrow F_Q = 2F$$

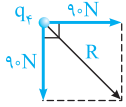
بنابراین اندازه نیروی وارد شده از طرف بار Q بر q_0 دو برابر نیروی وارد شده از طرف بار q بر q_0 می‌باشد. با توجه به یکسان بودن فاصله تمام بارها از q_0 ، بنابراین بار Q باید برابر $2q$ باشد (منفی است زیرا باید q_0 را جذب کند).

۴۵ بارهای q_1 و q_3 ، بار q_4 را دفع کرده و بار q_2 آن را جذب می‌کند. در ادامه مطابق شکل نیروهای وارد بر این بار را حساب می‌کنیم:

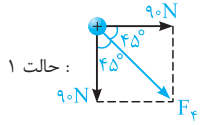


$$\begin{cases} \sin 60^\circ = \frac{\text{ضلع مقابل}}{\text{وتر}} = \frac{x}{4} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow x = 2\sqrt{3} \text{ cm} \\ \cos 60^\circ = \frac{\text{ضلع مجاور}}{\text{وتر}} = \frac{y}{4} = \frac{1}{2} \Rightarrow y = 2 \text{ cm} \end{cases}$$

$$\begin{cases} F_{1,4} = \frac{k|q_1||q_4|}{y^2} = \frac{9 \times 10^9 \times (4 \times 10^{-6})(1 \times 10^{-6})}{(2 \times 10^{-2})^2} = 90 \text{ N} \\ F_{2,4} = F_{3,4} = \frac{k|q_2||q_4|}{x^2} = \frac{9 \times 10^9 \times (6 \times 10^{-6})(1 \times 10^{-6})}{(2\sqrt{3} \times 10^{-2})^2} = 45 \text{ N} \Rightarrow F_{2,4} \text{ و } F_{3,4} \text{ برابند: } F' = 45 + 45 = 90 \text{ N} \end{cases}$$



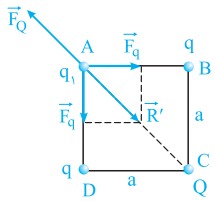
$$\Rightarrow \text{برایند کل: } R = 2F' \cos \frac{90^\circ}{2} = 90\sqrt{2} \text{ N}$$



حالت جدید

نیروی خالص ۴۵ درجه دوران خواهد کرد.

۴۶ در سؤال قبل اگر علامت q_2 قرینه شود، نیروی ناشی از q_3 و q_4 یکدیگر را خنثی خواهند کرد و در مجموع تنها یک نیروی قائم باقی خواهد ماند. با توجه به این موضوع، جهت نیروی وارد بر q_4 به اندازه ۴۵ درجه تغییر خواهد کرد.



۴۷ ابتدا فرض می‌کنیم که علامت بار Q و q_1 مثبت باشد. در شکل مقابل بار الکتریکی Q ، بار q_1 را با نیروی \vec{F}_Q دفع می‌کند. اگر بار q_1 توسط بارهای q نیز دفع شود، در این صورت امکان ندارد که بر این بار صفر شود (چرا؟)، بنابراین بار q_1 توسط بارهای q جذب می‌شود. به بیان دیگر بارهای Q و q مختلف‌العلامت هستند و بر این دو نیروی \vec{F}_Q (یعنی \vec{R}')، \vec{F}_Q را خنثی می‌کند.

$$\begin{cases} \text{قانون کولن: } F = \frac{k|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow F_q = \frac{k|q||q_1|}{a^2} \\ \text{محاسبه } |\vec{R}'| \text{ و } |\vec{F}_Q| : \\ F_q = R' \cos\left(\frac{90^\circ}{2}\right) = \sqrt{2}F_q \Rightarrow R' = \frac{\sqrt{2}k|q||q_1|}{a^2} \end{cases}$$

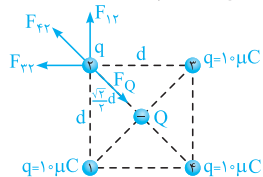
$$\text{محاسبه } F_Q : \begin{cases} \sqrt{2} \times \text{مربع} \Rightarrow r = \sqrt{2}a \\ \text{قانون کولن: } F = \frac{k|Q||q_1|}{r^2} \Rightarrow F_Q = \frac{k|Q||q_1|}{2a^2} \end{cases}$$

$$\text{برای بارهای } Q \text{ و } q \text{ نام نام هستند.} \Rightarrow F_Q = R' \Rightarrow \frac{k|Q||q_1|}{2a^2} = \frac{\sqrt{2}k|q||q_1|}{a^2} \Rightarrow \left|\frac{Q}{q}\right| = 2\sqrt{2} \Rightarrow \frac{Q}{q} = -2\sqrt{2}$$

دقت: نیروی \vec{F}_Q در راستای قطر مربع است. از طرفی به دلیل هم‌اندازه بودن نیروهای \vec{F}_q ، نیروی \vec{R}' نیز در راستای قطر مربع می‌باشد. بنابراین نیروهای \vec{F}_Q و \vec{R}' در راستای یکدیگر می‌باشند.

حال اگر علامت بار Q را منفی فرض کنیم، علامت بار q باید مثبت باشد (به عنوان تمرین مشابه روند فوق بررسی کنید)، بنابراین هر یک از گزینه‌های (۱) و (۲) می‌تواند صحیح باشد. در هر دو حالت اندازه بار Q باید $2\sqrt{2}$ برابر اندازه بار q باشد ($\frac{Q}{q} = -2\sqrt{2}$).

۴۸ ذره Q تحت اثر نیروی بارهای $10\mu\text{C}$ متعادل است و کافیت تعادل یکی از بارهای $10\mu\text{C}$ را بررسی کنیم. با توجه به مفاهیم دو تست قبل، برای تعادل، علامت بار Q باید منفی باشد تا نیروهای نشان داده شده در نهایت یکدیگر را خنثی کنند (بار $10\mu\text{C}$ را فرض کرده‌ایم):



$$\begin{cases} F_{12} = F_{34} = \frac{k|q||q|}{d^2} = F \\ F_{13} = F_{24} = \frac{k|q||q|}{(\sqrt{2}d)^2} = \frac{F}{2} \end{cases}$$

$$F_{12} \text{ و } F_{34} \text{ و } F_{13} \text{ برابند: } R = F\sqrt{2} + F_{13} = F\sqrt{2} + \frac{F}{2} = F\left(\sqrt{2} + \frac{1}{2}\right) = \frac{k|q||q|}{d^2}\left(\sqrt{2} + \frac{1}{2}\right)$$

برایند نیروهای عمود بر هم F_{12} و F_{34}

حال برایند فوق را نیروی F_Q باید خنثی کند و داریم:

$$F_Q = \frac{k|Q||q|}{\left(\frac{\sqrt{2}}{2}d\right)^2} = \frac{k|q||q|}{d^2} \times \left(\sqrt{2} + \frac{1}{2}\right)$$

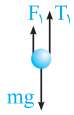
مقدار تقریبی $\sqrt{2}$

$$|Q| = |q| \left(\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{1}{4}\right) = 10 \left(\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{1}{4}\right) = 9.5\mu\text{C} \Rightarrow Q = -9.5\mu\text{C}$$

۴۹ | این سؤال را در دو حالت بررسی می‌کنیم:

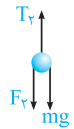
حالت اول: ابتدا نیروی الکتریکی بین دو گلوله را به دست می‌آوریم:

$$F = k \frac{|q_A||q_B|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 10^{-6} \times 0.5 \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-4}} = 5 \text{ N}$$



چون بار گلوله‌های A و B مثبت است، نیروی الکتریکی وارد بر گلوله B به سمت بالا می‌باشد (دافعه)، اما وزن آن (mg) همیشه رو به پایین است.

$$F_1 + T_1 = mg \Rightarrow 5 + T_1 = 2 \times 10 \Rightarrow T_1 = 15 \text{ N}$$

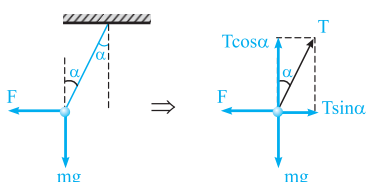


حالت دوم: در این حالت با منفی شدن بار گلوله A، گلوله‌های A و B یکدیگر را جذب کرده و در نتیجه نیروی الکتریکی وارد بر بار B به سمت پایین می‌شود ولی با توجه به ثابت بودن اندازه بارها و فاصله بین آنها اندازه این نیروی الکتریکی تغییری نمی‌کند.

$$T_2 = F_2 + mg \Rightarrow T_2 = 5 + (2 \times 10) \Rightarrow T_2 = 25 \text{ N} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \frac{25}{15} = \frac{5}{3}$$

۵۰ |

نکته: در شکل مقابل اگر گلوله در حالت تعادل باشد، رابطه بین F ، mg و α به صورت زیر است:



$$\begin{cases} \sum F_x = 0 \Rightarrow T \sin \alpha = F \\ \sum F_y = 0 \Rightarrow T \cos \alpha = mg \end{cases} \Rightarrow \tan \alpha = \frac{F}{mg}$$

این نکته در حل دو تست بعد، کاربرد بسیار زیادی دارد.

به بررسی هر یک از گزینه‌ها می‌پردازیم:

گزینه (۱): طبق قانون سوم نیوتون، نیرویی که گلوله باردار A بر B وارد می‌کند، برابر و در خلاف جهت نیرویی است که گلوله باردار B بر A وارد می‌کند، بنابراین $F_A = F_B$ بوده و در خلاف جهت یکدیگر می‌باشد.

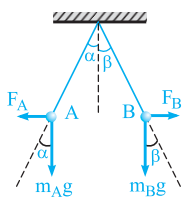
گزینه‌های (۲) و (۳): طبق نکته فوق، برای برابر بودن زاویه انحراف دو گلوله از راستای قائم ($\alpha = \beta$)، از آنجا که اندازه نیروی الکتریکی بین دو گلوله یکسان است، باید جرم دو گلوله نیز یکسان باشد.

$$\tan \alpha = \tan \beta \Rightarrow \frac{F_A}{m_A g} = \frac{F_B}{m_B g} \xrightarrow{F_A = F_B} m_A = m_B$$

بنابراین گزینه (۳) صحیح است.

دقت کنید که برابر بودن زاویه انحراف دو گلوله ارتباطی به بار دو گلوله ندارد، چون در هر صورت نیروی الکتریکی بین دو بار یکسان می‌شود.

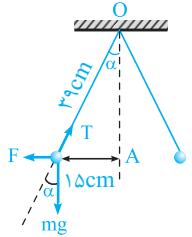
گزینه (۴): با توجه به نکته فوق و شکل مقابل، برای هریک از گلوله‌های A و B می‌توان نوشت:



$$\begin{cases} \tan \alpha = \frac{F_A}{m_A g} \\ \tan \beta = \frac{F_B}{m_B g} \end{cases} \xrightarrow[\frac{F_A = F_B}{\text{طرفین را بر هم تقسیم می‌کنیم}}]{} \frac{\tan \alpha}{\tan \beta} = \frac{m_B}{m_A} \xrightarrow{m_B > m_A} \tan \alpha > \tan \beta \Rightarrow \alpha > \beta$$

۵۱ | برای پاسخ دادن به این سؤال، گام‌های زیر را طی می‌کنیم:

گام اول: به دست آوردن $\tan \alpha$ به کمک روابط مثلثاتی:



$$\begin{aligned} \text{فیناگورت: } 39^2 &= 15^2 + OA^2 \Rightarrow OA^2 = 39^2 - 15^2 = \overbrace{(39-15)}^{24} \overbrace{(39+15)}^{54} \\ \Rightarrow OA &= \sqrt{24 \times 54} = \sqrt{4 \times 6 \times 6 \times 9} = 2 \times 6 \times 3 = 36 \text{ cm} \end{aligned}$$

$$\tan \alpha = \frac{\text{مقابل}}{\text{مجاور}} = \frac{15}{36}$$

گام دوم: به دست آوردن نیروی الکتریکی بین دو گلوله (F):

$$\tan \alpha = \frac{F}{mg} \Rightarrow \frac{15}{36} = \frac{F}{24 \times 10^{-2} \times 10} \Rightarrow F = 0.1 \text{ N}$$

گام سوم: به دست آوردن بار گلوله‌ها با استفاده از قانون کولن:

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \xrightarrow{|q_1|=|q_2|=|q|} 0.1 = 9 \times 10^9 \times \frac{q^2}{(3 \times 10^{-1})^2} \Rightarrow q^2 = 10^{-12} \Rightarrow q = 10^{-6} \text{ C}$$

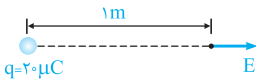
گام چهارم: به دست آوردن تعداد الکترون‌های جدا شده:

$$q = ne \Rightarrow 10^{-6} = n \times (1.6 \times 10^{-19}) \Rightarrow n = 6.25 \times 10^{12}$$

۴ ۵۲ مطابق رابطه $E = \frac{k|q|}{r^2}$ می توان نوشت:

$$E = \frac{k|q|}{r^2} \Rightarrow \begin{cases} E \propto |q| \Rightarrow \text{اندازه میدان الکتریکی با اندازه بار الکتریکی نقطه‌ای رابطه مستقیم دارد.} \\ E \propto \frac{1}{r^2} \Rightarrow \text{اندازه میدان الکتریکی با مجذور فاصله از بار الکتریکی رابطه معکوس دارد.} \end{cases}$$

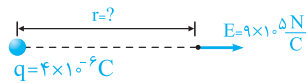
۴ ۵۳ میدان الکتریکی حاصل از بار نقطه‌ای q در فاصله r از آن برابر است با:



$$r = 1\text{m}, q = 20\mu\text{C} = 2 \times 10^{-5}\text{C} \Rightarrow E = \frac{k|q|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-5}}{(1)^2} = 1.8 \times 10^5 \text{ N/C}$$

۲ ۵۴ با توجه به رابطه $E = \frac{k|q|}{r^2}$ می توان نوشت:

$$q = +ne = +2/5 \times 10^{13} \times 1/6 \times 10^{-19} = 4 \times 10^{-6}\text{C}$$

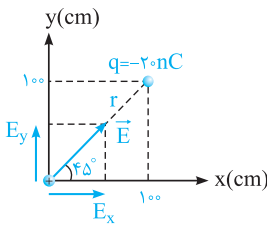


$$E = 0.9 \text{ MN/C} = 9 \times 10^5 \text{ N/C}$$

$$E = \frac{k|q|}{r^2} \Rightarrow 9 \times 10^5 = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-6}}{r^2} \Rightarrow r^2 = \frac{4}{100} \Rightarrow r = 0.2\text{m} = 20\text{cm}$$

۳ ۵۵ برای پاسخ دادن به این سؤال، گام‌های زیر را طی می‌کنیم:

گام اول: با توجه به شکل، ابتدا فاصله بار q تا مبدأ مختصات را به دست آورده و سپس بزرگی میدان ناشی از آن را در مبدأ محاسبه می‌کنیم:



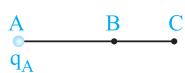
$$r = \sqrt{100^2 + 100^2} = 100\sqrt{2}\text{ cm} = \sqrt{2}\text{ m}$$

$$E = k \frac{|q|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 20 \times 10^{-9}}{(\sqrt{2})^2} = 90 \text{ N/C}$$

گام دوم: حال با قرار دادن بار مثبت آزمون در مبدأ مختصات، متوجه می‌شویم که جهت میدان الکتریکی در این نقطه به سمت بار q خواهد بود، زیرا بار -20 nC ، بار مثبت آزمون را جذب می‌کند.

گام سوم: در ادامه مؤلفه‌های بردار میدان الکتریکی را در راستاهای افقی و قائم به دست می‌آوریم:

$$\begin{cases} E_x = E \cos 45^\circ = 90 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 45\sqrt{2} \text{ N/C} \\ E_y = E \sin 45^\circ = 90 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 45\sqrt{2} \text{ N/C} \end{cases} \Rightarrow E = E_x \vec{i} + E_y \vec{j} = 45\sqrt{2} \vec{i} + 45\sqrt{2} \vec{j}$$

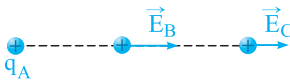


$$(BC = \frac{2}{3} AB)$$

۳ ۵۶ در مقایسه اندازه میدان الکتریکی در نقاط B و C می توان نوشت:

$$E = k \frac{|q|}{r^2} \Rightarrow \frac{E_C}{E_B} = \left(\frac{r_B}{r_C}\right)^2 = \left(\frac{AB}{AC}\right)^2 = \left(\frac{AB}{AB+BC}\right)^2 = \left(\frac{AB}{AB + \frac{2}{3}AB}\right)^2 = \frac{9}{25}$$

در ادامه برای پیدا کردن بردار میدان در C ، باید به این موضوع توجه شود که میدان در B و C هم جهت است.



$$\vec{E}_C = \frac{9}{25} \vec{E}_B = \frac{9}{25} \times (25 \times 10^9 \vec{i}) = 9 \times 10^9 \vec{i}$$

۲ ۵۷ اگر میدان الکتریکی ۷۵ درصد کاهش یابد، به $\frac{1}{4}$ مقدار اولیه می‌رسد و می توان نوشت:

$$E_r = E_1 - \frac{75}{100} E_1 = \frac{1}{4} E_1$$

$$\frac{E_r}{E_1} = \left(\frac{r_1}{r_r}\right)^2 \Rightarrow \frac{1}{4} = \left(\frac{20}{r_r}\right)^2 \xrightarrow{\text{جذر}} \frac{1}{2} = \frac{20}{r_r} \Rightarrow r_r = 40\text{ cm}$$

یعنی باید از فاصله 20 cm به فاصله 40 cm منتقل شویم و به عبارتی 20 cm از بار الکتریکی دور شویم.

۲ ۵۸ شعله شمع در حالت نزدیک‌تر به سمت کره (سمت چپ) کشیده می‌شود، در حالی که شعله شمع دورتر تقریباً قائم است. دلیل آن است که کره

بار منفی بزرگی دارد که یون‌های مثبت درون شعله شمع در حالت نزدیک را به سمت خود می‌کشد، در حالی که شمع در حالت دور، تحت تأثیر میدان الکتریکی ضعیف‌تری قرار می‌گیرد و تقریباً قائم باقی می‌ماند.