



تکلیف

✓ به صورت ساده می‌توان گفت نور عامل دیدن اجسام است.

وقتی نور به یک جسم برخورد می‌کند، ۳ حالت ممکنه پیش بیاد:

۱- توسط جسم جذب بشه (اجسام کدر):

در این صورت اگه پشت جسم یک پرده باشه، قسمتی از پرده که نور بهش نمی‌رسه (پهن بذب جسم کدر شده!) می‌گن سایه (و به قسمتی که نور بهش می‌رسه، می‌گن روشن!) (

۲- توسط جسم بازتاب بشه (اجسام براق):

از این خاصیت واسه ساختن آینه‌ها استفاده می‌کنن. نورهایی که از صورت نورانی شما! منتشر میشه، به آینه می‌خوره و برمی‌گرده می‌ره توی چشمتون، واسه همین که می‌تونید خودتون رو ببینید.

۳- از جسم عبور کنه (اجسام شفاف):

اینکه سنگ‌های کف رودخونه رو میشه دید، یا اینکه اجسام پشت شیشه رو میشه دید، به خاطر آینه که نور می‌تونه از توی آب یا شیشه عبور کنه و به چشم ما برسه.

✓ اجسام دور و بر ما معمولاً ترکیبی از این سه جسم هستن. یعنی درصدی از نور را جذب، درصدی را بازتاب و مابقی را از خود عبور می‌دهند.

فصل نور را در ۴ بخش بررسی می‌کنیم:

بخش اول: اجسام کدر (سایه و نیم‌سایه)

بخش دوم: اجسام براق (بازتاب نور، آینه‌ها)

بخش سوم: اجسام شفاف (شکست نور، منشور، عدسی)

بخش چهارم: دستگاه‌های نوری (چشم، میکروسکوپ، تلسکوپ، دوربین عکاسی)

بخش اول: اجسام کدر

تکلیف

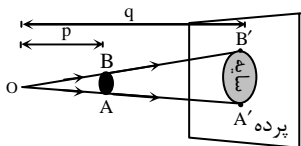
منبع نور نقطه‌ای: اگر چشمه نور بسیار کوچک باشد که تا حدی بتوان آن را یک نقطه فرض کرد، آن را چشمه نور نقطه‌ای می‌نامیم.

مثال: ستارگان برای ما که در فاصله دور از آنها هستیم یک منبع نقطه‌ای نور هستند.

اگر جسم کدری در مقابل یک نقطه‌ای نورانی (منبع نور نقطه‌ای) قرار گیرد، فقط سایه تشکیل می‌شود.

فاصله جسم از منبع p فاصله سایه از منبع q

طول جسم $L = AB$ طول سایه $L' = A'B'$



✓ نسبت $\frac{L'}{L}$ بزرگنمایی نام دارد و آن را با m نمایش می‌دهند: $m = \frac{A'B'}{AB} = \frac{L'}{L} = \frac{q}{p}$

✓ اگر مساحت جسم و سایه با هم مقایسه شوند رابطه روبه‌رو برقرار است:

$$\frac{S'}{S} = \left(\frac{q}{p}\right)^2 = m^2$$

مساحت سایه S' ، مساحت جسم S

تشکیل سایه توسط جسم کدر نشون می‌ده که نور به صورت خط راست منتشر می‌شود.



۱. جسمی به شکل مربع و به ضلع ۱۰cm در فاصله ۳۰cm از یک منبع نقطه‌ای نور و ۹۰cm از یک پرده قرار دارد. طول ضلع سایه و مساحت آن به ترتیب چند cm و cm^۲ است؟

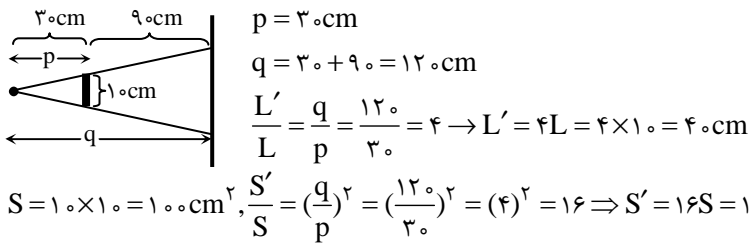
۱۶۰۰ و ۴۰ (۴)

۹۰۰ و ۳۰ (۳)

۴۰۰ و ۴۰ (۲)

۳۰۰ و ۳۰ (۱)

اول به نگاه به شکل بندازید:



اگر جسم کدر در مقابل یک منبع نور گسترده قرار گیرد سایه و نیم‌سایه تشکیل می‌شود.
 X: پهنای سایه (قطر سایه)، Y: پهنای نیم سایه
 AB: پهنای جسم کدر، SS': پهنای منبع نور

$$\frac{y}{ss'} = \frac{q-p}{p}$$

$$\frac{x+y}{AB} = \frac{q}{p}$$

۲. جسمی به شکل دایره و به قطر ۸cm در ۲۰ سانتی‌متری یک منبع گسترده‌ی نورانی به شکل دایره و به قطر ۴cm قرار دارد. اگر فاصله‌ی پرده تا منبع نور ۱۲۰cm باشد، قطر سایه و پهنای نیم‌سایه به ترتیب چند cm است؟

۲۰ و ۲۸ (۴)

۲۸ و ۲۰ (۳)

۲۸ و ۴۸ (۲)

۴۸ و ۲۸ (۱)

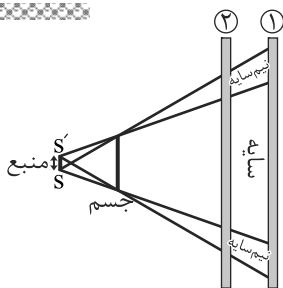
$$\frac{y}{4} = \frac{100}{20} \Rightarrow y = 20 \text{ cm}$$

$$\frac{x+20}{8} = \frac{120}{20} \Rightarrow x+20 = 48 \Rightarrow x = 28 \text{ cm}$$

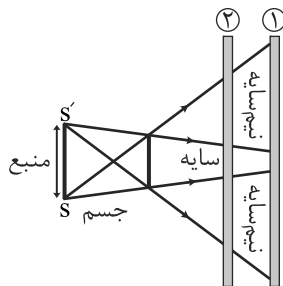


بررسی تغییرات سایه و نیم‌سایه با جابه‌جایی جسم و پرده و منبع

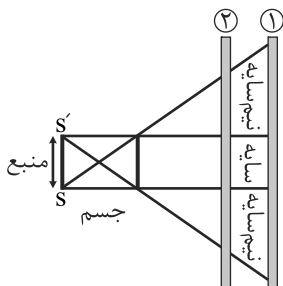
(۱) در صورتی که قطر منبع نورانی از قطر جسم کدر کوچک‌تر باشد با نزدیک شدن پرده به جسم یا جسم به پرده، پهنای سایه و نیم‌سایه هر دو کاهش می‌یابد. خودتون دور یا نزدیک شدن منبع از جسم رو بررسی کنید.



(۲) در صورتی که قطر منبع نورانی از جسم کدر بزرگ‌تر باشد با نزدیک شدن پرده به جسم یا جسم به پرده پهنای سایه افزایش و نیم‌سایه کاهش می‌یابد. خودتون حرکت منبع و تأثیر اون روی سایه و نیم‌سایه رو بررسی کنید.



(۳) در صورتی که قطر منبع نورانی با قطر جسم کدر برابر باشد با نزدیک شدن پرده به جسم یا جسم به پرده پهنای سایه ثابت و نیم‌سایه کاهش می‌یابد.



با همه‌ی این حرفا، باز پیشنهاد من اینه که تو این‌ها مسائل شکل رو تا حالتو رسم کنی تا خیلی آسون‌تر از حفظ کردن ۲۴ حالت متفلسفه!

خودتون حرکت منبع و تأثیر اون روی سایه و نیم‌سایه رو بررسی کنید.



۳. جسم کدوری را به یک منبع نورانی گسترده نزدیک می‌کنیم. اگر جسم بزرگ‌تر از منبع نورانی باشد سایه و نیم‌سایه به ترتیب و می‌شوند.

(۱) کوچک‌تر - بزرگ‌تر

(۲) کوچک‌تر - کوچک‌تر

(۳) بزرگ‌تر - بزرگ‌تر

(۴) بزرگ‌تر - کوچک‌تر

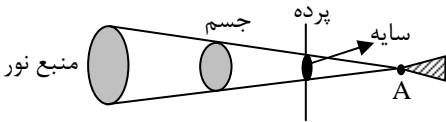
○○○○

۴. سایه توپی که مقابل منبع نور کدوری با شعاع بزرگتر از شعاع توپ قرار دارد، روی پرده‌ای مشاهده می‌شود. با دور کردن پرده از توپ چه تغییری در ابعاد سایه ایجاد می‌شود؟

(۱) کاهش می‌یابد تا محو شود. (۲) افزایش می‌یابد تا محو شود.

(۳) ابتدا کاهش و پس افزایش می‌یابد. (۴) ابتدا افزایش و پس کاهش می‌یابد.

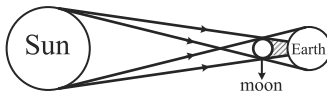
با توجه به شکل اگر پرده تا نقطه A دور شود، چیزی از سایه باقی نخواهد ماند.



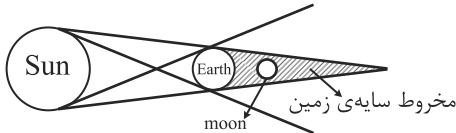
○○○●



در خورشید گرفتگی، سایه و نیم‌سایه‌ی ماه بر روی سطح زمین تشکیل می‌شود.



در ماه گرفتگی، ماه وارد مخروط سایه‌ی زمین می‌شود.



۵. به هنگام گرفتن ماه یا خورشید کدام گزینه درست است؟

(۱) اگر فاصله‌ی خورشید از زمین زیادتر شود، قطعه سایه‌ی ماه بزرگ‌تر می‌شود.

(۲) اگر فاصله‌ی خورشید از زمین کم‌تر شود، قطعه سایه‌ی ماه بزرگ‌تر می‌شود.

(۳) اگر فاصله‌ی ماه از زمین زیادتر شود، قطعه سایه‌ی زمین بزرگ‌تر می‌شود.

(۴) اگر فاصله‌ی ماه از زمین کم‌تر شود، قطعه سایه‌ی زمین کوچک‌تر می‌شود.

گزینه‌ی ۳ و ۴ الزاماً غلط است، تنها گزینه‌های ۱ و ۲ می‌ماند که از بین این دو بار رسم شکل، گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

○○○●

بخش دوم: اجسام برلق



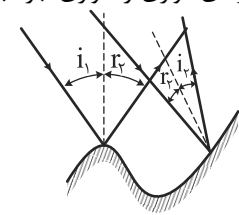
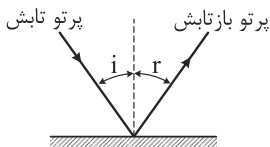
هنگامی که یک پرتو نور به یک سطح براق برخورد می‌کند، بازتاب می‌شود. در این صورت:

قوانین بازتاب:

۱- زاویه پرتو تابش با خط عمود و $i = r$ (زاویه پرتو بازتابش با خط عمود) همواره برابر هستند. ($i = r$)

۲- پرتو تابش و بازتابش و خط عمود بر سطح، هر سه در یک صفحه‌اند.

☑ حتی اگر سطح، غیرتخت و غیرصیقلی باشد باز هم $i = r$ است. اگرچه این سطوح برخلاف سطوح صیقلی تخت، پرتوهای موازی را موازی، بازتاب نمی‌کنند.



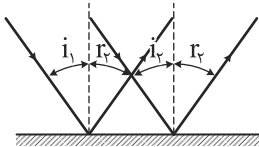
۶. زاویه‌ی بین پرتو تابش با سطح، برابر است با زاویه‌ی بین پرتو تابش با پرتو بازتاب، در این صورت زاویه‌ی تابش چند درجه است؟ (آزاد تجربی - ۸۴)

۷۵ (۴)

۳۰ (۳)

۴۵ (۲)

۶۰ (۱)



می دانیم که $i=r$ $\rightarrow 90 - i = i + r \rightarrow 90 - i = 2i \rightarrow 3i = 90 \Rightarrow i = 30$

○○○○



همونطور که قبلاً گفتیم، از بازتاب نور تو آینه‌ها استفاده میشه. آینه‌ها رو به دو دسته آینه‌های تخت و آینه‌های کروی تقسیم می‌کنیم:

آینه‌های تخت

ویژگی‌های تصویر در آینه‌های تخت:

۱- تصویر با جسم هم‌اندازه است. ($m = 1$)

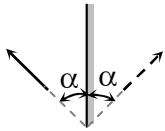
۲- تصویر مجازی است.

۳- تصویر مستقیم است.

۴- تصویر وارون جانبی است.

۵- فاصله‌ی تصویر تا سطح آینه (p) برابر فاصله جسم تا سطح آینه (q) است. ($p = q$)

۶- تصویر و جسم نسبت به آینه متقارن هستند، پس زاویه‌ای که جسم و تصویر با آینه می‌سازند همواره باهم برابر است.



۷. شخصی جلوی یک آینه تخت قرار دارد و به تدریج عقب می‌رود. در این صورت اندازه‌ی تصویر

(۱) کوچک‌تر می‌شود.

(۲) بزرگ‌تر می‌شود.

(۳) تغییر نمی‌کند.

وقتی شخصی عقب می‌ره، قدش تغییر می‌کنه؟ معلومه که نه! پس اگه قد کامران خان $1/90$ باشه، وقتی عقب می‌ره باز قدش $1/90$ می‌مونه.

اندازه‌ی تصویر هم که میشه همون اندازه‌ی جسم. پس اندازه‌ی تصویر هم همیشه $1/90$ می‌مونه و تغییر نمی‌کنه. پس چرا ما وقتی عقب می‌ریم

تصویرمون رو کوچک‌تر می‌بینیم؟ چون تصویر دور میشه و کوچک به نظر می‌یاد. مثل هواپیما که می‌ره تو هوا کوچیک به نظر می‌رسه ولی واقعاً

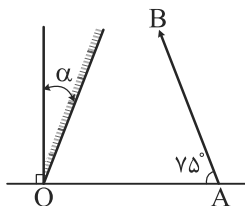
که کوچیک همیشه بابایی!

○○○○

۸. جسم AB مقابل یک آینه‌ی تخت که با راستای قائم زاویه α می‌سازد قرار دارد. زاویه α چند درجه باشد تا اگر آینه را حول

نقطه O به اندازه‌ی 10 درجه در جهت حرکت عقربه‌های ساعت بچرخانیم، راستای تصویر AB بر امتداد AB عمود شود؟

(سراسری ریاضی - ۸۹)



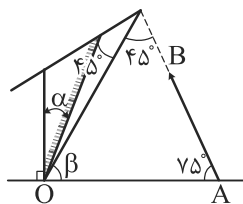
۱۵ (۲)

۱۰ (۱)

۳۰ (۴)

۲۰ (۳)

اگر بخواهیم راستای تصویر بر امتداد جسم عمود شود باید زاویه‌ای که راستای جسم با آینه می‌سازد $45 = \frac{90}{2}$ باشد.



$$\beta + 45^\circ + 75^\circ = 180^\circ \rightarrow \beta = 60^\circ$$

$$\alpha + 10^\circ + \beta = 90^\circ \xrightarrow{\beta=60^\circ} \alpha = 20^\circ$$

○○○○



۱) اگر جسمی با سرعت v به آینه ساکن نزدیک شود، تصویر آن با سرعت v به آینه و با سرعت $2v$ به جسم نزدیک می‌شود.

۲) اگر آینه با سرعت v به جسم ساکن نزدیک شود، تصویر با سرعت v به آینه و با سرعت $2v$ به جسم نزدیک خواهد شد.

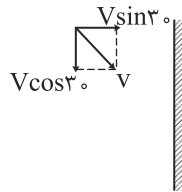
سرعت‌های روی شکل نسبت به ناظر ساکن (کسی که ثابت و ایستاده و داره حرکت رو نگاه می‌کنه) می‌باشد.

در حالت اول تصویر با سرعت v و در حالت دوم تصویر با سرعت $2v$ حرکت می‌کند.

روابط فوق برای جابه‌جایی جسم و تصویر هم صحیح است.

۹. جسمی با سرعت 10 متر بر ثانیه به یک آینه‌ی تخت نزدیک می‌شود و جهت سرعت آن با سطح آینه زاویه‌ی 30° درجه می‌سازد.

(جامع ۲ سنجش تجربی - ۸۹)



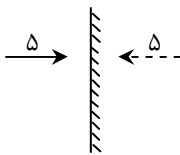
سرعت انتقال تصویر نسبت به شی چند متر بر ثانیه است؟

۵ (۱)

۱۵ (۲)

۱۰ (۳)

۲۰ (۴)



اون چیزی که برای ما مهمه، مولفه‌ی عمود بر سطح سرعت است.

$$\Rightarrow v \sin 30^\circ = 10 \cdot \left(\frac{1}{2}\right) = 5$$

در نتیجه، سرعت یکی نسبت به دیگری $10 \frac{m}{s} = 5 + 5$ است.

○○○○



۱) اگر شعاع تابش ثابت باشد و آینه به اندازه α درجه دوران کند، شعاع بازتابش نسبت به حالت قبل به اندازه 2α دوران می‌کند.

۲) اگر زاویه‌ی تابش به اندازه‌ی α زیاد (زیاد) شود زاویه‌ی بازتابش هم به اندازه‌ی α زیاد (کم) می‌شود و زاویه‌ی بین پرتو تابش و بازتابش به اندازه‌ی 2α زیاد (کم) می‌شود.

۳) اگر زاویه‌ی تابش را k برابر کنیم:

الف) زاویه‌ی بازتابش هم k برابر می‌شود.

ب) زاویه‌ی بین شعاع تابش و بازتابش هم k برابر می‌شود.

۱۰. زاویه‌ی تابش پرتویی را 20° افزایش می‌دهیم. در نتیجه زاویه‌ی محدود به پرتو تابش و بازتابش 3 برابر می‌شود. زاویه‌ی تابش

(سنجش - ۸۱)

اولیه چند درجه بوده است؟

۵ (۴)

۱۰ (۳)

۱۵ (۲)

۲۰ (۱)

چون زاویه‌ی بین پرتوهای تابش و بازتابش 3 برابر شده پس حتماً زاویه تابش هم 3 برابر شده دیگه! از طرفی سؤال گفته که زاویه‌ی تابش 20° زیاد

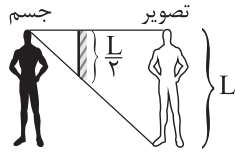
$$\alpha + 20 = 3\alpha \rightarrow 20 = 2\alpha \rightarrow \alpha = 10^\circ$$

شده. پس اگه زاویه تابش اولیه رو α بنامیم، داریم:

○○○○



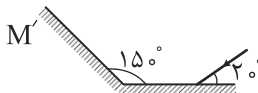
✓ برای اینکه فردی به طول L بتواند در یک آینه تخت تصویرش را به طور کامل ببیند، حداقل آینه‌ای به طول $\frac{L}{۲}$ لازم دارد. این موضوع مستقل از فاصله‌ی فرد تا آینه است.



گاهی اوقات دو آینه‌ی متقاطع داریم که یک پرتو نور به یکی از آن‌ها تابیده می‌شود. در این صورت با کمک قوانین بازتاب و این که مجموع زوایای داخلی مثلث ۱۸۰° است، زاویه‌ی خواسته شده را به دست می‌آوریم.

(سراسری تجربی - ۸۴)

۱۱. در شکل روبه‌رو پرتو نور در ادامه‌ی مسیر، با زاویه‌ی تابش چند درجه به M' می‌تابد؟



- ۱۰ (۱)
- ۲۰ (۲)
- ۷۰ (۳)
- ۸۰ (۴)

وقتی پرتو به آینه‌ی اول می‌خورد، طبق قوانین بازتاب، با همون زاویه‌ای که تابیده شده بازتاب می‌شود. پس زاویه بازتاب هم با سطح آینه، ۲° خواهد بود. برای پیدا کردن زاویه‌ی بین پرتو نور با آینه‌ی دوم از این نکته استفاده می‌کنیم که مجموع زوایای داخلی مثلث باید ۱۸۰° باشد، پس $۱۸۰ - ۱۵ - ۲ = ۱۰$ یعنی زاویه‌ی پرتو با سطح آینه‌ی دوم ۱۰° خواهد بود. اما حواستان باشد، زاویه‌ی تابش و زاویه‌ی بازتابش با خط عمود سنجیده می‌شوند پس شما باید ۸۰° را اعلام کنید!

●○○○



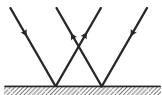
✓ تعداد تصاویر در دو آینه‌ی تخت متقاطع به زاویه بین دو آینه بستگی دارد و از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$n = \frac{360}{\alpha} - 1$$

(زاویه بین دو آینه: α)

α	0°	30°	45°	60°	90°
n	∞	11	7	5	3

برخورد پرتوها با آینه تخت



۱- اگر یک دسته شعاع نورانی همگرا به آینه تخت برخورد کند، پرتوهای بازتابش ابتدا همگرا سپس واگرا می‌باشند.



۲- اگر یک دسته شعاع نورانی موازی به آینه تخت برخورد کند، پرتوهای بازتابش نیز موازی خواهند بود.

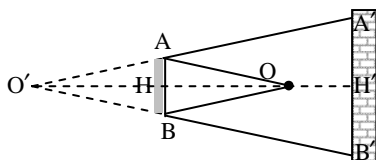


۳- اگر یک دسته شعاع نورانی واگرا به آینه تخت برخورد کند، پرتوهای بازتابش نیز واگرا می‌باشند.

میدان دید آینه تخت

اگر فاصله بین پرتوها دائماً در حال کاهش باشد پرتوها را همگرا می‌نامیم. و اگر فاصله بین پرتوها دائماً در حال کاهش باشد پرتوها را واگرا می‌نامند. ✓ به محدوده‌ای که یک ناظر می‌تونه توسط یک آینه مشاهده کنه میدان دید می‌گیم. میدان دید به نوع آینه، ابعاد آینه و فاصله شخص از آینه بستگی دارد.

✓ اگر شخصی در نقطه‌ی O مقابل آینه‌ی تخت AB ایستاده باشد، طول و مساحتی که از دیوار پشت سر خود در آینه می‌بیند از روابط زیر به دست می‌آید.



مساحت دید: S' مساحت آینه: S قطر میدان دید: $A'B'$ قطر آینه: AB

$$\triangle O'AB \sim \triangle O'A'B' \Rightarrow \frac{A'B'}{AB} = \frac{O'H'}{O'H} \text{ و } \frac{S'}{S} = \left(\frac{O'H'}{O'H}\right)^2$$

۱۲. شخصی در وسط فاصله‌ی بین یک دیوار و آینه‌ی تخت موازی آن قرار دارد. اگر مساحت آینه 200 cm^2 باشد، شخص چند

(سنجش - ۸۲)

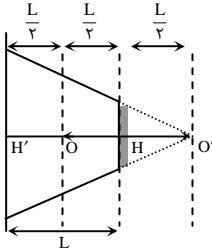
سانتی‌متر مربع از سطح دیوار را در آینه می‌تواند ببیند؟

۱۸۰۰ (۴)

۹۰۰ (۳)

۶۰۰ (۲)

۴۰۰ (۱)



$$\left(\frac{O'H'}{O'H}\right)^2 = \left(\frac{\frac{3L}{2}}{\frac{L}{2}}\right)^2 = \frac{\text{مساحت میدان دید}}{\text{مساحت آینه}} = 9$$

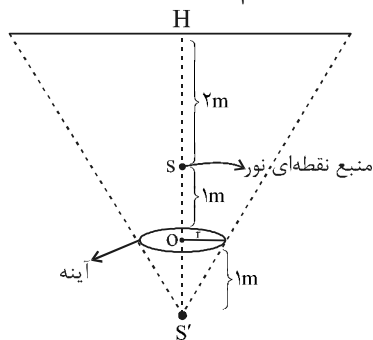
پس مساحت میدان دید ۹ برابر سطح آینه است، یعنی: $9 \times 200 = 1800 \text{ cm}^2$

●○○○

۱۳. آینه‌ی تختی به شکل دایره به شعاع ۲۵ سانتی‌متر روی زمین قرار دارد. یک منبع نقطه‌ای نور را روی محور دایره و در فاصله‌ی

یک متری بالای آن می‌گذاریم. اگر ارتفاع سقف از زمین ۳ متر باشد، مساحت لکه‌ی نورانی تشکیل شده روی سقف چند متر

مربع است؟

 $\frac{\pi}{2}$ (۴) π (۳) $\frac{9\pi}{16}$ (۲) $\frac{\pi}{4}$ (۱)

$$\frac{\text{مساحت لکه نورانی}}{\text{مساحت آینه}} = \left(\frac{S'H}{S'O}\right)^2 = \left(\frac{4}{1}\right)^2 = 16$$

$$\text{مساحت آینه} = \pi r^2 = \pi \left(\frac{25}{100}\right)^2 = \frac{\pi}{16} \text{ m}^2 \Rightarrow \text{مساحت لکه نورانی} = 16 \times \frac{\pi}{16} = \pi$$

○○○○



آینه‌های کروی

آینه‌های مقعر (کاو): سطح داخلی کره، بازتاب‌دهنده نور است و پرتوهای بازتابیده شده از این آینه نسبت به پرتوهای تابیده شده، همگرا تر هستند.

آینه‌های محدب (کوژ): سطح خارجی کره، بازتاب‌دهنده نور است و پرتوهای بازتابیده شده از این آینه نسبت به پرتوهای تابیده شده واگرا تر هستند.



مشخصات آینه‌های کروی:

۱- مرکز آینه (C): مرکز کره‌ای را که آینه قسمتی از سطح آن است، مرکز آینه گویند.

۲- محور اصلی: هر خطی که از مرکز گذشته و آینه را قطع کند، محور نام دارد.

محور تقارن آینه را محور اصلی گویند.

۳- رأس آینه (S): محل برخورد محور اصلی با آینه را رأس آینه گویند.



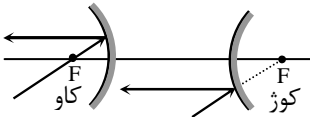
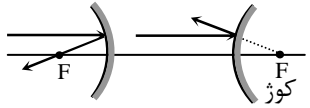
۴- **کانون اصلی (F):** هرگاه یک دسته پرتو، موازی محور اصلی به سطح یک آینه کروی بتابد، دسته‌ی پرتو یا امتداد آن‌ها پس از بازتاب همدیگر را در یک نقطه قطع می‌کنند، این نقطه کانون اصلی آینه نام دارد. کانون اصلی تقریباً وسط مرکز و رأس آینه قرار دارد.

۵- **فاصله کانونی (f):** به فاصله‌ی کانون تا آینه، فاصله‌ی کانونی گویند.

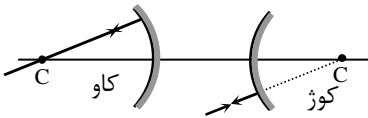
$$\checkmark \text{ فاصله کانونی تقریباً نصف شعاع است: } f = \frac{R}{2}$$

پرتوها در آینه‌های کروی

۱- نوری که موازی محور اصلی آینه باشد، پس از بازتاب: در آینه‌ی کاو (مقعر) از (F) عبور می‌کند. در آینه‌ی کوژ (محدب) به گونه‌ای بازتاب می‌شود که امتداد آن از F بگذرد.



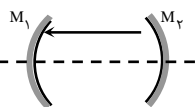
۲- نوری که در آینه‌ی کاو از F عبور کند و یا در آینه‌ی کوژ به گونه‌ای باشد که امتداد آن از F عبور کند؛ پس از بازتاب موازی با محور اصلی بازتاب می‌شود.



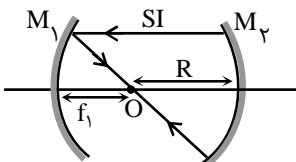
۳- نوری که در آینه‌ی کاو از C (مرکز کره) عبور کند و یا این که در آینه‌ی کوژ به گونه‌ای عبور کند که امتدادش از C بگذرد؛ روی خودش بازتاب می‌شود.

✓ اگر پرتویی به غیر از سه حالت بالا به آینه بتابد، در آن نقطه ابتدا خط عمود بر آینه را رسم می‌کنیم. خط عمود بر سطح آینه شعاع دایره‌ای است که از آن نقطه عبور می‌کند. بنابراین باید از مرکز دایره خطی به نقطه برخورد پرتو تابش به سطح آینه رسم کنیم، سپس زاویه بازتاب را برابر تابش قرار داده و پرتو بازتاب را رسم کنیم.

۱۴. شعاع تک‌رنگ SI به موازات محور اصلی به آینه‌ی M_1 می‌تابد و پس از انعکاس از آینه‌ی دوم روی خودش منعکس می‌شود. اگر فواصل کانونی آینه‌های M_1 و M_2 به ترتیب 10 cm و 20 cm باشد، فاصله‌ی دو آینه از یکدیگر چند سانتی‌متر است؟



- ۳۰ (۱)
- ۵۰ (۲)
- ۴۰ (۳)
- ۶۰ (۴)

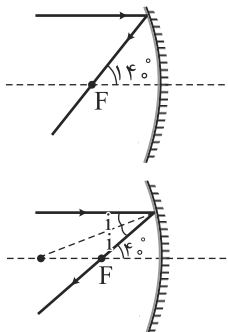


پرتوی SI موازی محور اصلی به آینه M_1 برخورد می‌کند، پس بازتابش آن از کانون M_1 عبور خواهد کرد، سپس به آینه‌ی M_2 برخورد می‌کند چون گفته شده که روی خود بر می‌گردد پس معلومه از مرکز آینه‌ی M_2 عبور کرده.

پس نقطه‌ای O در شکل مقابل کانون آینه‌ی M_1 و مرکز آینه‌ی M_2 است. نقطه‌ی O از آینه‌ی M_1 ، 10 cm (فاصله کانونی) و از آینه‌ی M_2 ، 40 سانتی‌متر (۲ برابر فاصله‌ی کانونی) فاصله دارد. بنابراین فاصله‌ی دو آینه 50 cm است.

○○○○

۱۵. با توجه به شکل، زاویه تابش چند درجه است؟



$$\hat{i} + \hat{r} = 40^\circ \Rightarrow \hat{r} = \hat{i} = 20^\circ$$

- ۴۰ (۱)
- ۸۰ (۲)
- ۲۰ (۳)
- ۷۰ (۴)

○○○○

۱۶. دسته پرتو همگرایی به یک آینه‌ی محدب (کوژ) می‌تابد. پرتوهای بازتابش از آینه چگونه است؟

- ۱) موازی
- ۲) واگرا
- ۳) همگرا
- ۴) بسته به شرایط هر سه ممکن است.

(سراسری ریاضی - ۷۸)



اگره پرتوهای تابیده شده به آینه‌ی محدب واگرا باشند، پرتوهای بازتابش واگرا تر می‌شن و اگر موازی باشند، واگرا می‌شن. اگره پرتوهای تابیده شده به آینه‌ی محدب همگرا باشند، ۳ حالت پیش می‌آد: اگره زور آینه به پرتوهای همگرا برسه، اون‌ها رو واگرا می‌کنه. اگره زورش به اندازه پرتوهای همگرا باشه، اون‌ها رو موازی می‌کنه و اگره زورش کم‌تر از پرتوهای همگرا باشه فقط می‌تونه همگرایی پرتوها را کم‌تر کنه. (هرچی فاصله‌ی کانونی یک آینه کم‌تر باشه، زورش بیش‌تره)

●○○○



تکنه

فرمول آینه‌های کروی

✓ هرگاه فاصله‌ی جسم تا آینه را با p و فاصله تصویر تا آینه را با q و فاصله کانونی را با f نمایش دهیم، آینه‌های کروی در حالت کلی از رابطه زیر پیروی می‌کنند:

$$\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = \frac{1}{f}$$

✓ هرگاه تصویر حقیقی باشد، q مثبت و هرگاه مجازی باشد، q منفی است. همچنین اگر پس از محاسبه، q منفی به دست آید، نتیجه می‌گیریم تصویر مجازی است.

(تصویر حقیقی در مثل برافورد پرتوهای همگرا و تصویر مجازی در مثل برافورد امتداد پرتوهای واگرا تشکیل می‌گردند.)

✓ هرگاه کانون، حقیقی باشد (آینه‌ی کاو)، f مثبت و هرگاه کانون مجازی باشد (آینه‌ی کوژ) f منفی است.

✓ **بزرگنمایی:** تعریف بزرگنمایی در همه جای فصل نور همان چیزی است که قبلاً گفتیم:

$$m = \left| \frac{q}{p} \right| = \frac{A'B'}{AB}$$

طول تصویر \rightarrow q ← فاصله‌ی تصویر تا آینه
بزرگنمایی $\leftarrow m$
طول جسم \rightarrow p ← فاصله‌ی جسم تا آینه

✓ شعاع آینه R ، برابر $2f$ است: $R = 2f$

آینه کاو (مقعر)

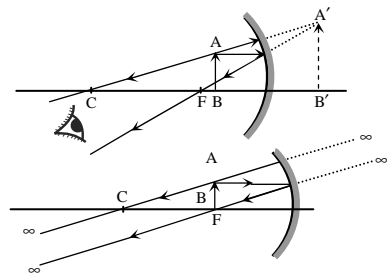
✓ همیشه به یاد داشته باشید که مهم‌ترین فرمول شما برای حل سؤال آینه‌ها $\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = \frac{1}{f}$ است. (به علامت q و f دقت شود.)

✓ کانون در آینه کاو (مقعر) حقیقی است، یعنی اگره دسته پرتو موازی محور اصلی به آینه بتابد، خود پرتوها از کانون عبور می‌کنند. $f > 0$

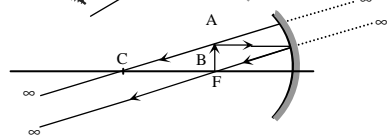
✓ تصویر بنابر موقعیت جسم می‌تواند حقیقی یا مجازی باشد؛ اگر مقدار q منفی به دست آمد، نتیجه می‌گیریم تصویر مجازی است.

حالات مختلف تصویر در آینه مقعر:

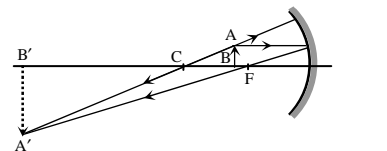
(۱) جسم بین F و آینه باشد: تصویر مجازی، مستقیم، بزرگ‌تر از جسم و در پشت آینه تشکیل می‌شود.



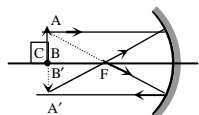
(۲) جسم روی کانون باشد: تصویر در ∞ تشکیل می‌شود. (یعنی تصویر تشکیل نمی‌شود)



(۳) جسم بین F و C باشد: تصویر حقیقی، وارون، بزرگ‌تر از جسم و خارج از مرکز تشکیل می‌شود.

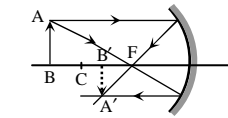


(۴) جسم روی مرکز باشد: تصویر حقیقی، وارون، برابر جسم و روی مرکز تشکیل می‌شود.

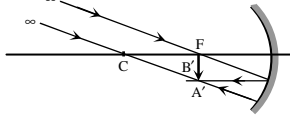




۵) جسم خارج مرکز باشد: تصویر حقیقی، وارون، کوچکتر از جسم و بین F و C تشکیل می‌شود.



۶) جسم در ∞ باشد: تصویر حقیقی، وارون، کوچکتر و روی کانون تشکیل می‌شود.



(آزاد ریاضی - ۸۴)

۱۷. در آینه‌ی مقعر کدام مطلب برای شیء حقیقی صحیح است؟

- ۱) وقتی که تصویر بزرگ‌تر می‌باشد، مجازی و نسبت به شیء وارونه است.
- ۲) وقتی که تصویر بزرگ‌تر می‌باشد، حقیقی و نسبت به شیء مستقیم است.
- ۳) وقتی که تصویر کوچک‌تر می‌باشد، مجازی و نسبت به شیء مستقیم است.
- ۴) وقتی که تصویر کوچک‌تر می‌باشد، حقیقی و نسبت به شیء وارونه است.

آینه مقعر هم تصویر مجازی تولید می‌کند هم تصویر حقیقی، که تصویرهای مجازی همیشه بزرگ‌تر از جسم هستند ولی تصویرهای حقیقی، هم می‌تونن بزرگ‌تر از جسم باشند هم کوچک‌تر از جسم. پس اگه تصویری تو آینه‌ی مقعر بزرگ‌تر از جسم بود هم می‌تونه حقیقی باشه هم مجازی. ولی اگه تصویری تو آینه‌ی مقعر کوچک‌تر از جسم بود حتماً حقیقیه!

یه موضوع دیگه! تصویرهای مجازی (تو هر دو تا آینه) همیشه مستقیم هستند و تصویرهای حقیقی همیشه وارونه هستند.

با این اوصاف گزینه‌های ۱ و ۲ غلطه. گزینه‌ی ۳ هم که غلطه، چون گفتیم که فقط تصویرهای حقیقی هستند که می‌تونن کوچک‌تر از جسم باشن.

●○○○

۱۸. می‌خواهیم به کمک آینه‌ی مقعر و یک چشمه‌ی نقطه‌ای نور، دسته پرتو همگرا بسازیم که در فاصله‌ی بین آینه و چشمه به هم

برسند. در این صورت محل قرار دادن چشمه‌ی نور کدام است؟

- ۱) بین کانون و مرکز آینه
- ۲) بین آینه و مرکز
- ۳) دورتر از مرکز آینه
- ۴) نزدیک‌تر از کانون آینه

از یه چشمه‌ی نقطه‌ای نور یه دسته پرتو به آینه مقعر برخورد می‌کنه و بازتابشون هم، همگراست و در فاصله‌ی بین آینه و چشمه قراره به هم برسند. جایی که این پرتوهای همگرا به هم می‌رسند تصویر حقیقی چشمه‌ی نقطه‌ای نور تشکیل میشه.

پس میشه سؤال رو به این صورت تغییر داد: چشمه‌ی نقطه‌ای نور کجا باشه تا تصویر حقیقی‌اش بین چشمه و آینه تشکیل بشه؟ جوابش هم معلومه: بعد از C یعنی دورتر از مرکز آینه.

○○○○



هنگامی که بزرگ‌نمایی (m) داده می‌شود به جای q می‌توانید mp قرار دهید و البته اگر تصویر مجازی است علامت منفی را فراموش نکنید.

$$\left. \begin{aligned} \Delta = p - q \Leftrightarrow m < 1 \\ \Delta = q - p \Leftrightarrow m > 1 \end{aligned} \right\} \text{تصویر حقیقی}$$

$$\Delta = |q| + p \leftarrow \text{تصویر مجازی}$$

فاصله جسم تا تصویر (Δ):

$$m = \frac{f}{|p-f|} \text{ در حالت کلی در آینه‌ی کاو داریم:}$$

۱۹. یک آینه‌ی مقعر از یک جسم تصویری حقیقی می‌دهد که طول آن ۱/۵ برابر طول جسم و فاصله‌ی تصویر از جسم ۴ سانتی‌متر

است. فاصله‌ی کانونی این آینه چند سانتی متر است؟

۸ (۴)

۶ (۳)

۴/۸ (۲)

۵ (۱)

$$\Delta = q - p = 4 \text{ cm}$$

روش اول: تصویر حقیقی است و بزرگ‌تر از جسم ($m > 1$) پس فاصله‌ی جسم و تصویر عبارت است از:

$$\frac{q}{p} = 1/5$$

از طرفی طول تصویر ۱/۵ برابر طول جسم است، یعنی بزرگ‌نمایی ۱/۵ است:

$$q = 1/5 p \Rightarrow \Delta = 1/5 p - p = 4 \text{ cm} \Rightarrow p = 8 \text{ cm}, q = 1.6 \text{ cm}$$