

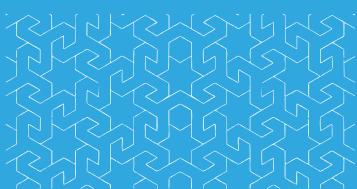
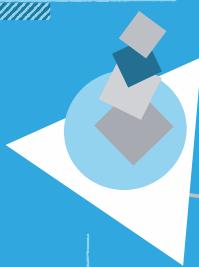
کتاب آموزش کامل مفاهیم و آزمون

هندسه یازدهم

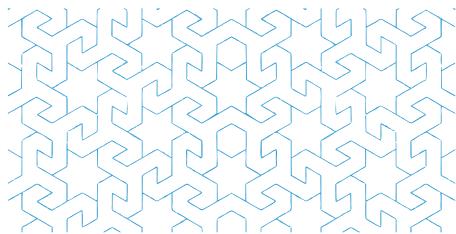
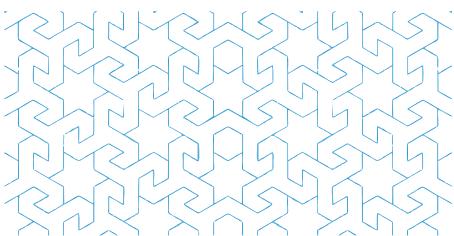


علی صادقی

(ریاضی فیزیک)



الجامعة
الإسلامية
الماليزية



مقدمه

به نام خداوند جان و فرد
کزینت بر تم اندیشه برنگزد

بسیار خرسندیم که کتاب «هندههه یازدهم» از مجموعه «گذرنامه» را تقدیم دانشآموزان می‌کنیم. این کتاب مطالب هندسه پایه یازدهم را به صورت مفهومی آموزش می‌دهد. دانشآموز، ابتدا با مباحث هر فصل آشنا می‌شود و با مثال‌های فراوان بر حل آن‌ها اشراف پیدا می‌کند. سپس برای هر فصل، تعدادی پرسش‌های تشریحی و چهارگزینه‌ای را پاسخ می‌دهد تا بر موضوع تسلط یابد. برخی از پرسش‌ها که با علامت * مشخص شده‌اند، کمی دشوار می‌باشند که برای به چالش کشیدن دانشآموزان علاقه‌مند طراحی شده است.

در ادامه سوالات کنکورهای سراسری و یک آزمون چهارگزینه‌ای برای هر درس جهت خودآزمایی آورده شده است. همچنین سطح‌بندی پرسش‌ها، اعم از تشریحی، چهارگزینه‌ای، آزمون و کنکورهای سراسری در بخش پاسخ‌ها، انجام گرفته است.

انتظار می‌رود کتاب حاضر، همه نیازهای دانشآموزان کلاس یازدهم را در درس هندسه که مایل به تحصیل در بهترین دانشگاه‌ها و بهترین رشته‌های کشور هستند، پاسخ‌گو باشد.

در اینجا لازم می‌دانیم از مؤلف محترم آقای علی صادقی که کتاب را زیر نظر دیر مجموعه تألیف کرده‌اند تشکر کنیم. هم‌چنین از خانم‌ها محبوبه شریفی (حروف‌چین و صفحه‌آرا)، سمانه مسرووری و سارا لطفی مقدم (رسم شکل)، بهاره خدامی (گرافیست و طراح جلد) سپاسگزاریم.

امیدواریم دیران محترم هندسه و دانشآموزان و خانواده‌های عزیز آن‌ها ما را با اعلام نظرات، پیشنهادها و انتقادها خود درباره این کتاب یاری فرمایند.

انتشارات مبتکران

فصل

دایره



فصل

کاربردها
هنلیستی و
تبدیلهای

۱۹۴.....	درسنامه درس اول: تبدیلهای هندسی
۲۰۷.....	پرسش‌های تشریحی
۲۱۶.....	پرسش‌های چهارگزینه‌ای
۲۲۷.....	آزمون چهارگزینه‌ای
۲۲۸.....	درسنامه درس دوم: کاربردها تبدیلهای
۲۳۵.....	پرسش‌های تشریحی
۲۴۰.....	پرسش‌های چهارگزینه‌ای
۲۴۴.....	آزمون چهارگزینه‌ای
۲۴۶.....	کنکورهای سراسری
۲۴۹.....	پاسخ پرسش‌های تشریحی
۲۷۳.....	پاسخ پرسش‌های چهارگزینه‌ای
۲۹۱.....	پاسخ آزمون درس اول
۲۹۲.....	پاسخ آزمون درس دوم
۲۹۴.....	پاسخ کنکورهای سراسری

فصل

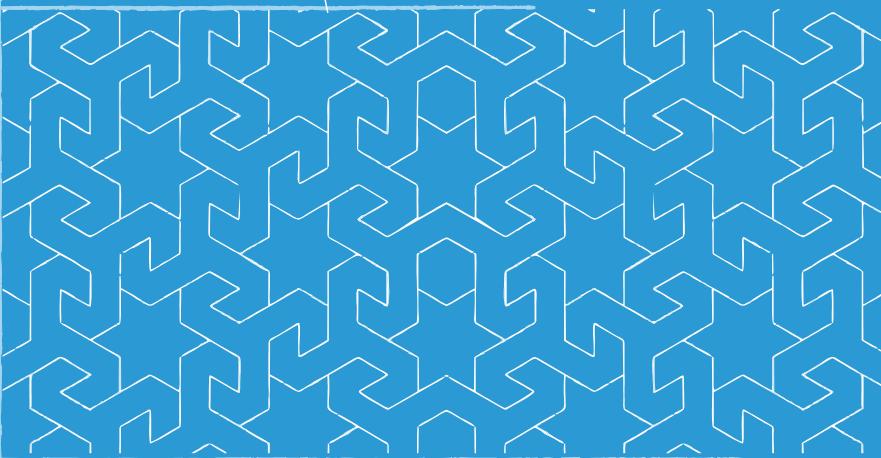
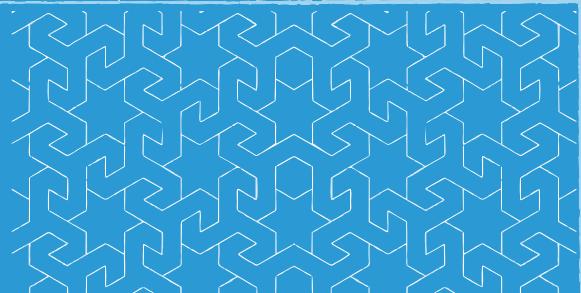
روابط طولی
دمند

۳۰۰.....	درسنامه درس اول: قضیه سینوس‌ها
۳۰۴.....	پرسش‌های تشریحی
۳۰۹.....	پرسش‌های چهارگزینه‌ای
۳۱۳.....	آزمون چهارگزینه‌ای
۳۱۴.....	درسنامه درس دوم: قضیه کسینوس‌ها
۳۲۰.....	پرسش‌های تشریحی
۳۲۷.....	پرسش‌های چهارگزینه‌ای
۳۲۲.....	آزمون چهارگزینه‌ای
۳۲۴.....	درسنامه درس سوم: قضیه نیمسازها
۳۴۱.....	پرسش‌های تشریحی
۳۴۴.....	پرسش‌های چهارگزینه‌ای
۳۵۰.....	آزمون چهارگزینه‌ای
۳۵۱.....	درسنامه درس چهارم: قضیه هرون
۳۵۹.....	پرسش‌های تشریحی
۳۶۲.....	پرسش‌های چهارگزینه‌ای
۳۶۷.....	آزمون چهارگزینه‌ای
۳۶۸.....	کنکورهای سراسری
۳۷۸.....	پاسخ پرسش‌های تشریحی
۴۲۳.....	پاسخ پرسش‌های چهارگزینه‌ای
۴۵۹.....	پاسخ آزمون درس اول
۴۶۰.....	پاسخ آزمون درس دوم
۴۶۲.....	پاسخ آزمون درس سوم
۴۶۴.....	پاسخ آزمون درس چهارم
۴۶۷.....	پاسخ کنکورهای سراسری
۲۷۷.....	سوالات آزمون سراسری ۹۸
۴۸۳.....	سوالات آزمون سراسری ۹۹



فصل

دایره





پرسش‌های تشریحی

۱. ثابت کنید، در هر دایره قطر عمود بر یک وتر، آن وتر و کمان نظیر آن را نصف می‌کند.

۲. ثابت کنید، در هر دایره خطی که از مرکز دایره، به وسط وتری از آن دایره وصل می‌شود، بر آن وتر عمود است و کمان نظیر آن وتر را نصف می‌کند.

۳. ثابت کنید، در هر دایره خطی که از مرکز دایره، به وسط کمانی از آن دایره وصل می‌شود، بر وتر نظیر آن کمان عمود است و آن وتر را نصف می‌کند.

۴. ثابت کنید، در هر دایره، اگر دو وتر با هم برابر باشند، آنگاه کمان‌های نظیر آنها نیز با هم برابرند و برعکس.

۵. ثابت کنید، در هر دایره، اگر دو وتر نابرابر باشند، کمان نظیر وتر بزرگتر، از کمان نظیر وتر کوچکتر، بزرگتر است و برعکس.

۶. ثابت کنید، در هر دایره، وترهای برابر، از مرکز دایره به یک فاصله‌اند و برعکس.

۷. ثابت کنید، در هر دایره، از دو وتر نابرابر، آن که بزرگتر است، به مرکز دایره نزدیکتر است و برعکس.

۸. ثابت کنید، کوچکترین وتری که از نقطه A داخل دایره می‌گذرد، وتری است که در نقطه A بر قطر گذرنده از A عمود باشد.

۹. ثابت کنید، اندازه هر زاویه محاطی، برابر با نصف کمان مقابلش است.

۱۰. ثابت کنید، اندازه هر زاویه ظلی، برابر با نصف کمان مقابلش است.

۱۱. ثابت کنید، اندازه زاویه‌ای که از برخورد امتداد دو وتر از دایره، در خارج دایره ایجاد می‌شود برابر است با نصف قدر مطلق تفاضل اندازه کمان‌های روپروریش.

۱۲. ثابت کنید، اندازه زاویه‌ای که از برخورد دو وتر داخل دایره ایجاد می‌شود برابر است با نصف مجموع اندازه کمان‌های روپروریش.

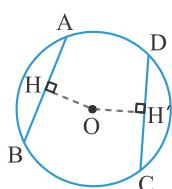
۱۳. ثابت کنید، اندازه زاویه‌ای که از برخورد دو مماس بر یک دایره و در خارج دایره ایجاد می‌شود برابر است با نصف قدر مطلق تفاضل اندازه کمان‌های روپروریش.

۱۴. ثابت کنید، اندازه زاویه‌ای که از برخورد امتداد یک وتر و یک مماس بر دایره، در خارج دایره ایجاد می‌شود برابر است با نصف قدر مطلق اندازه کمان‌های روپروریش.

۱۵. کدام‌یک از گزاره‌های زیر درست و کدام نادرست‌اند.
- همه زوایای مرکزی یک دایره متساویند.
 - رأس هر زاویه مرکزی از یک دایره بر مرکز آن دایره واقع است.
 - هر دایره فقط شامل دو نیم دایره است.
 - هر نیم دایره، یک کمان از دایره است.
 - هر دایره فقط یک قطر دارد.
 - هر دایره با هر وتر آن تنها در دو نقطه مشترک است.
 - هر قطر دایره، وتری از دایره است.
 - هر وتر دایره، یک قطر دایره است.
 - قطرهای یک دایره هم اندازاند.
 - بعضی از وترهای یک دایره شعاع دایره‌اند.
 - بزرگترین وتری که از یک نقطه داخل دایره می‌گذرد، قطری است که بر آن نقطه مروار می‌کند.

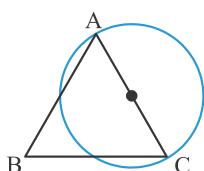
۱۶. عبارات زیر را چنان کامل کنید که هر یک، گزاره‌ای درست باشد.
- کمان‌های مساوی یک دایره، زاویه‌های مرکزی دارند.
 - در دو دایره نامساوی، کمان‌های زاویه‌های مرکزی مساوی دارند.
 - هر شعاع از یک دایره، زیر مجموعه‌ای از نقاط است.
 - نیمساز هر زاویه مرکزی از یک دایره، کمان نظیر آن زاویه را

۱۷. پاره خط $AB = 4$ مفروض است.
- الف) چند دایره از نقاط A و B می‌گذرند؟
- ب) چند دایره به قطر 4 از A و B می‌گذرد؟
- پ) چند دایره به شعاع 4 از A و B می‌گذرد؟
- ت) چند دایره به قطر 3 از A و B می‌گذرد؟
- ث) چند دایره به شعاع 3 از A و B می‌گذرد؟

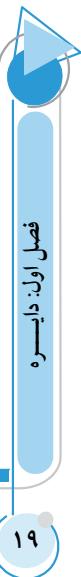


۱۸. در شکل مقابل، O مرکز دایره است. اگر $AB = 10$ و $CD = 8$ و $OH = 6 - x$ و $OH' = 2x - 3$ باشد، حدود x را تعیین کنید.

۱۹. نقطه M به فاصله 2 از مرکز دایره $(O, 5)$ قرار دارد. طول کوچکتری و بزرگترین وتر گذرنده از این نقطه را به دست آورید.



۲۰. در شکل روپرور AC قطر دایره است و $AB = AC$. ثابت کنید دایره از وسط BC می‌گذرد.



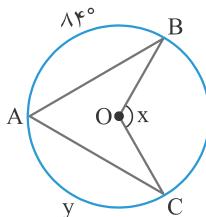
۲۱. سه نقطه A و B و C بر یک دایره به مرکز O چنان اختیار شده‌اند که $\hat{AOB} = 75^\circ$ و $\hat{BOC} = 136^\circ$ و دو زاویه در دو طرف OB هستند. اندازه کمان \widehat{AC} را تعیین کنید.

۲۲. بر دایره $(O, 4)$ نقاطی تعیین کنید که از نقطه A که به فاصله 6 واحد از مرکز دایره واقع است، به فاصله 4 واحد باشد.

۲۳. دو وتر مساوی از دایره (O, R) در نقطه M تقاطع اند. ثابت کنید پاره‌خط‌هایی که به وسیله نقطه تقاطع روی دو وتر پدید می‌آیند، دو به دو مساوی یکدیگرند.

۲۴. ثابت کنید هر دو وتر موازی که بر دو انتهای یک قطر از دایره می‌گذرند، مساویند.

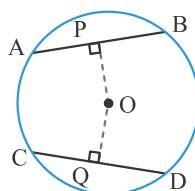
۲۵. ثابت کنید هر دو وتر مساوی که بر دو انتهای یک قطر از دایره می‌گذرند و در دو طرف قطر قرار دارند، موازی‌اند.



با توجه به شکل مقابل به هر یک از موارد زیر پاسخ دهید:

الف) اگر $\hat{y} = 140^\circ$ ، آنگاه مقدار زاویه x را به دست آورید.

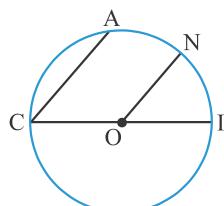
ب) اگر $\hat{x} = 165^\circ$ ، آنگاه اندازه کمان \hat{y} را به دست آورید.



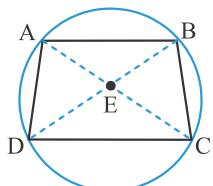
با توجه به شکل رویرو:

الف) اگر طول شعاع $10 = PO$ ، آنگاه طول AP و AB را به دست آورید.

ب) اگر $OC = \sqrt{2}$ و $CQ = OQ$ ، آنگاه طول پاره‌خط‌های CQ، DQ و CD را به دست آورید.



. در دایره به مرکز O و به قطر CI، داریم $\hat{AN} = \hat{NI}$. ثابت کنید:

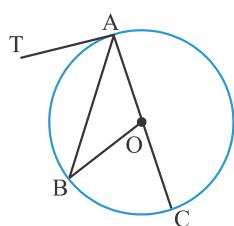


با توجه به شکل مقابل ثابت کنید:

الف) اگر $AD = BC$ ، آنگاه $AC = BD$ است.

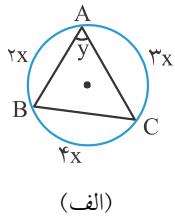
ب) اگر $AD = BC$ ، آنگاه $AC = BD$ است.

۳۰. شعاع‌های دو دایره هم مرکز 5 و 3 سانتی‌متر هستند. اندازه وتری از دایره بزرگ‌تر را که بر دایره کوچک‌تر مماس است، به دست آورید.

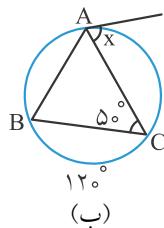


- در شکل مقابل قطر دایره و $\hat{BOC} = 70^\circ$ و خط AT در نقطه A بر دایره مماس است.

اندازه زاویه \hat{TAB} را تعیین کنید.

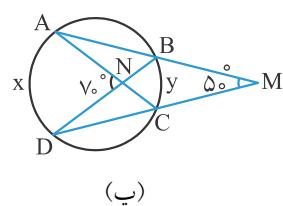


(الف)

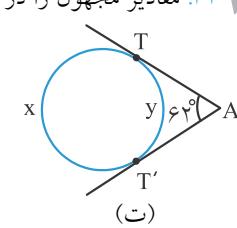


(ب)

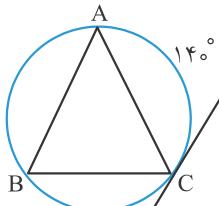
۳۲. مقادیر مجهول را در هر یک از شکل‌های زیر تعیین کنید.



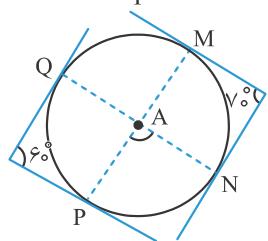
(پ)



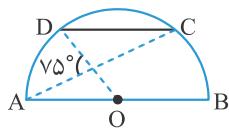
(ت)



۳۳. در شکل مقابل $AB = AC$ و CT مماس بر دایره در نقطه C و $\widehat{AC} = 140^\circ$ است. اندازه زاویه BCT را به دست آورید.



۳۴. در شکل مقابل اندازه زاویه A را محاسبه کنید.

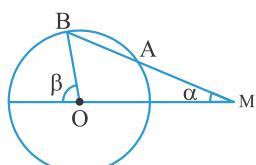


۳۵. در شکل مقابل O مرکز نیم‌دایره و $CD \parallel AB$. اندازه کمان CD را به دست آورید.

۳۶. در دایره (O, R) , $C(O, R)$, $\widehat{AB} = 60^\circ$ و $AB = 10$. فاصله O از وتر AB را به دست آورید.

۳۷. خط d مفروض است. مرکزهای همه دایره‌هایی که شعاع آنها مقدار ثابت R است و بر این خط مماس هستند، روی چه شکلی هستند؟ این شکل چه وضعی نسبت به d دارد؟

۳۸. دو خط m و n در نقطه A متقاطع‌اند. دایره‌ای رسم کنید که مرکز آن روی n و شعاع آن 2 سانتی‌متر بوده و بر m مماس باشد.
(از نتیجه سؤال قبل استفاده کنید)



۳۹. دایره (O, R) مفروض است. از نقطه M در خارج دایره خطی چنان رسم کردہ‌ایم که دایره را در دو نقطه A و B قطع کرده است و $AM = R$. ثابت کنید: $\beta = 3\alpha$.

۴۰. دو وتر AB و CD از دایره (O, R) در نقطه‌ای مانند P درون دایره متقاطع‌اند به‌طوری که $\hat{P} = (7x + 11)^\circ$ و کمان‌های مقابل به آن از دایره $(2x)^\circ$ و $(x + 88)^\circ$ می‌باشند. اندازه زاویه P را به دست آورید.

۴۱. دو وتر عمود بر هم از دایره (O, R) بر دایره چهار کمان پدید آورده‌اند. اگر اندازه‌های دو کمان از چهار کمان مزبور 40° و 60° باشند، اندازه‌های دو کمان دیگر را تعیین کنید.